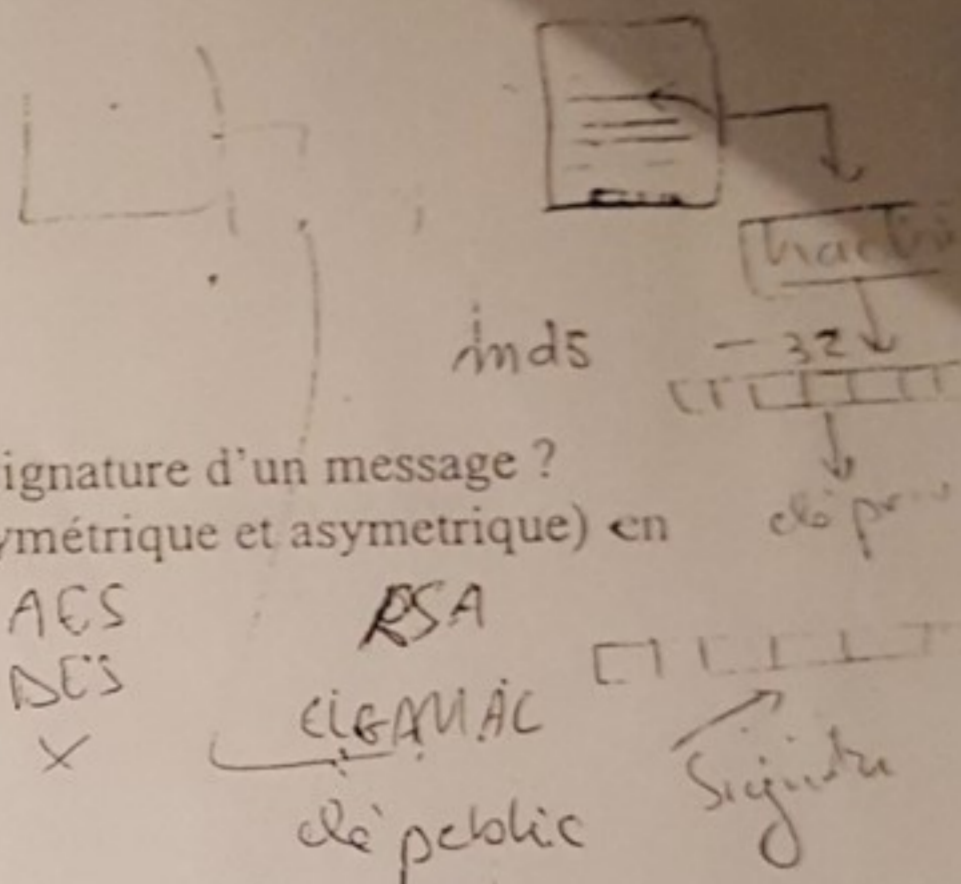


Contrôle final  
11 septembre 2012  
Durée : 1H30



Questions de cours :

1. C'est quoi la différence entre le hachage d'un message et la signature d'un message ?
2. Faites une comparaison des deux types de cryptosystèmes (symétrique et asymétrique) en citant deux exemples de chaque type.
3. Expliquer le principe d'échange de clef Deffie-Hellman.

Exercice 1 :

Supposons que Bob<sub>1</sub> et Bob<sub>2</sub> ont pour clef publique RSA  $(n, b_1)$  et  $(n, b_2)$  respectivement, avec  $b_1$  et  $b_2$  premiers entre eux. Supposons aussi qu'Alice envoie le même message  $m$  à Bob<sub>1</sub> et Bob<sub>2</sub> en le cryptant avec leurs clefs publiques RSA respectives. Est-ce que Eve qui intercepte les deux messages cryptés peut découvrir le texte en clair correspondant ? Justifiez votre réponse.

Exercice 2 :

- 1- Calculer le module  $n$  et l'entier  $\varphi(n)$  associés aux nombres premiers  $p = 19$  et  $q = 23$ .
- 2- Quels sont les exposants privés (secrets) associés aux exposants publics :  $b = 9$ ,  $b' = 14$  et  $b = 17$  (on vous demande de donner les détails des calculs).

Exercice 3 :

- 1- Numériser le message « UNE » en utilisant la correspondance  $A \rightarrow 0, B \rightarrow 1, \dots, Z \rightarrow 25$ .
- 2- Chiffrer le message numérisé précédent avec le chiffrement affine et la clef  $(15, 8)$ .
- 3- On considère l'entier  $a = 15$ , calculer  $\text{pgcd}(15, 26)$  et déterminer deux entiers  $u$  et  $v$  tels que  $15u + 26v = \text{pgcd}(15, 26)$  en utilisant l'algorithme d'Euclid étendu (on vous demande de donner les détails des calculs).
- 4- Donner l'expression de la fonction de déchiffrement correspondante à la fonction de chiffrement de la question (2). Et déchiffrer le message  $(18, 10, 21)$ .