



**Questions:(06 points)**

- Pourquoi associe-t-on un récepteur inductif à une diode de roue libre?
- Quelles sont les conditions d'amorçage et de blocage d'un thyristor?
- Citer les caractéristiques principales du moteur à excitation shunt et à excitation série.

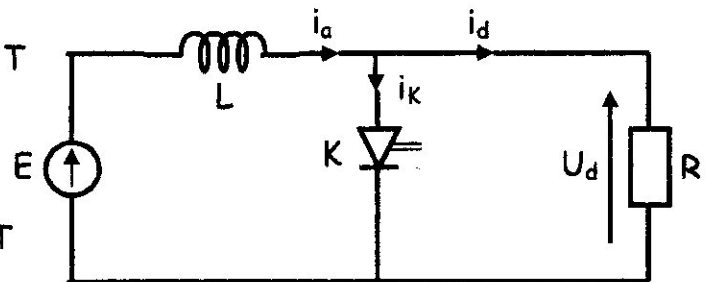
**Exercice 1:(09 points)**

A partir d'une source continue on alimente une charge résistive par l'intermédiaire d'un hacheur (figure 1) fonctionnant selon les deux séquences.

- K est fermé de 0 à  $\theta$ , ouvert de  $\theta$  à T

(K Parfait)

- L'inductance L est telle que  $L/R \gg T$



Dans l'hypothèse d'une conduction continue, on demande:

Figure 1

- 1- De quel type de hacheur et de liaison s'agit-il ici? Expliquer.
- 2- Ecrire et résoudre les équations relatives aux deux séquences puis tracer les chronogrammes  $i_a(t)$ ,  $i_d(t)$ ,  $i_k(t)$  et  $U_d(t)$  lorsque  $\alpha_r = 0.5$  (où  $\alpha = \theta/T$ ).
- 3- Etablir les expressions de  $U_d$  (valeur moyenne de  $U_d(t)$ ),  $I_d$  (valeur Moyenne de  $i_d(t)$ ),  $I_{aM}$  et  $I_{am}$  (valeurs max. et min. de  $i_a(t)$ ) en fonction de E, R, L et  $\alpha$ .
- 4- En supposant l'inductance L suffisamment grande pour que l'intensité  $i_a(t)$  puisse être considérée comme constante ( $i_a = \text{const.} = I_a$ ): montrer que  $I_d = I_a (1 - \alpha)$ .

**Exercice 2:(05 points)**

Les essais suivants ont été réalisés sur un transformateur:

25 kVA - 2400/240 V

H.T. en circuit ouvert, instruments du côté B.T.:

$V = 240 \text{ V}$      $I = 1,6 \text{ A}$      $P = 114 \text{ W}$

B.T. en court-circuit, instruments du côté H.T.:

$V = 55 \text{ V}$      $I = 10,4 \text{ A}$      $P = 360 \text{ W}$

Ce transformateur débite sa puissance nominale dans une charge de facteur de puissance  $\cos\phi = 0.8$ .

Quelles seront les pertes fer, les pertes Joule et quel sera le rendement?

Bonne chance

M.B.

# Exo. (09 pts)

1. Hacheur parallèle sur charge résistive (1)  
Liaison directe.

2.  $0 < t \leq \theta$   $K=1 \Rightarrow U_d=0 \Rightarrow i_d = \frac{U_d}{R} = 0 \Rightarrow i_a = i_k$  (0,75)

$$E - L \frac{di_a}{dt} = 0 \quad \text{d'où} \quad \frac{di_a}{dt} = \frac{E}{L} \quad i_a = i_a(t=0) + \frac{E}{L} t$$

(0,75)  $\theta < t \leq T$   $K=0, i_a = i_d, E - L \frac{di_a}{dt} - R i_a = 0$

sait:  $i_a + \frac{L}{R} \cdot \frac{di_a}{dt} = \frac{E}{R}$

$$i_d = i_a = \frac{E}{R} + (I_{am} - \frac{E}{R}) e^{-\frac{t-\theta}{\tau}} \quad (\tau = L/R)$$

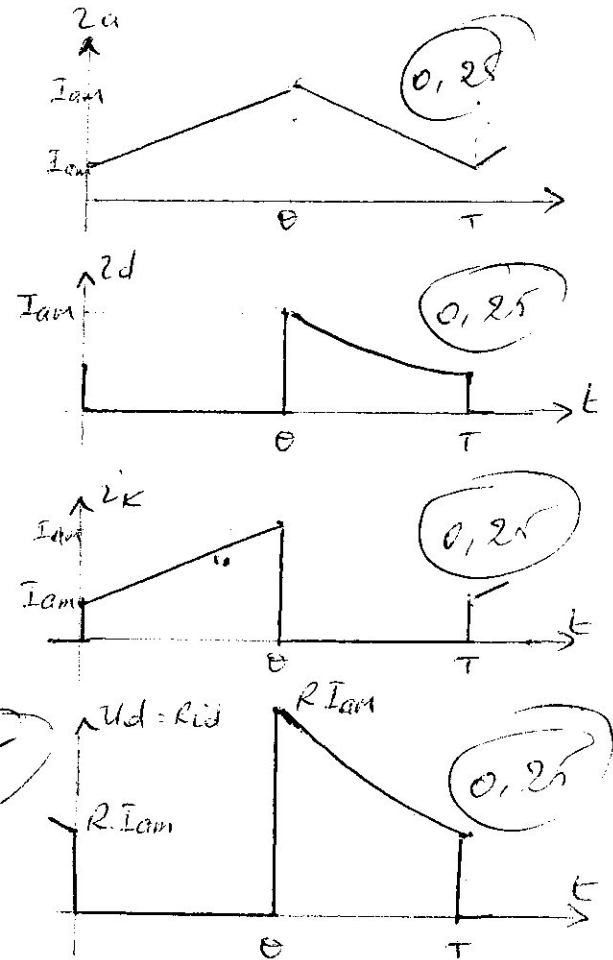
d'où:  $U_d = R i_d = E + (R \cdot I_{am} - E) e^{-\frac{t-\theta}{\tau}}$

$$I_{am} = i_a(t=0) = i_a(t=T) \quad (0,75)$$

-  $0 < t \leq \theta$   $U_d=0$   $i_a = I_{am} + \frac{E}{L} t$

-  $\theta < t \leq T$   $i_a = i_d = \frac{E}{R} + (I_{am} - \frac{E}{R}) e^{-\frac{t-\theta}{\tau}}$

$$U_d = R \cdot i_d$$



3. Valeurs moy. :

$$E = L \frac{di_a}{dt} + U_d = L \frac{di_a}{dt} + R i_d \quad (L \frac{di_a}{dt} = 0) \quad (0,25)$$

$$E = 0 + U_d = 0 + R \cdot I_d$$

$$\Rightarrow U_d = E, \quad I_d = \frac{E}{R}$$

(0,5) (0,5)

- pour:  $0 < t \leq \theta$   $i_a = I_{am} + \frac{E}{L} t$

- pour:  $\theta < t \leq T$   $i_a = \frac{E}{R} + (I_{am} - \frac{E}{R}) e^{-\frac{t-\theta}{\tau}}$

\* Conditions de continuité :

$$\begin{cases} i_a(0) = I_{am} = I_{am} + \frac{E}{L} \cdot 0 \\ i_a(T) = I_{am} = \frac{E}{R} + (I_{am} - \frac{E}{R}) e^{-\frac{T-\theta}{\tau}} \end{cases} \quad (0,5)$$

$$\Rightarrow I_{am} = \frac{E}{R} \left[ 1 + \frac{\frac{\alpha T}{\tau} e^{-(1-\alpha) \frac{T}{\tau}}}{1 - e^{-(1-\alpha) \frac{T}{\tau}}} \right], \quad I_{am} = \frac{E}{R} \left[ 1 + \frac{\frac{\alpha T}{\tau}}{1 - e^{-(1-\alpha) \frac{T}{\tau}}} \right]$$

(0,5)

(0,5)

4. Si  $\frac{L}{R} \gg T$ ,  $i_a(t)$  sera pratiquement lissée:  $i_a = \text{const} = I_a$

donc: pour  $0 < t \leq \theta$   $i_d = 0 = I_{d\text{min}}$ ,  $i_k = I_a$

pour  $\theta < t \leq T$   $i_d = I_a = I_{d\text{max}}$ ,  $i_k = 0$

- On en déduit la valeur moyenne de  $I_d$  ( $i_d(t)$ ):

$$I_d = \frac{1}{T} \int_0^T i_d(t) dt = \frac{1}{T} \int_{\theta}^T I_a dt = \frac{I_a}{T} (T - \theta) = I_a \left(1 - \frac{\theta}{T}\right)$$

$$\boxed{I_d = (1 - \alpha) I_a}$$

## Exo. 2 (05 pts)

- L'essai en circuit ouvert étant effectué à la tension nominale ( $V_2 = 240 \text{ V}$ )

$$P_{\text{fer}} = 114 \text{ W} \quad (1)$$

- L'essai en court-circuit étant effectué avec le courant nominal H.T.,

$$I_1 = \frac{25000}{2400} = 10,4 \text{ A} \quad (1) \rightarrow P_{\text{Joule}} = 360 \text{ W} \quad (1)$$

$$\eta = \frac{V_2 I_2 \cos \varphi_2}{V_2 I_2 \cos \varphi_2 + P_f + P_J} = \frac{25000 \cdot 0,8}{25000 \cdot 0,8 + 114 + 360} = \frac{20000}{20474}$$

$$\eta = 0,976$$

$$\eta = 97,6 \% \quad (2)$$