

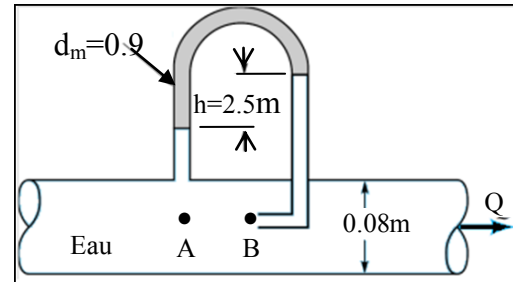
Contrôle de la MDF  
 (Durée 1H30mn)

**Exercice 1**

Déterminer les dimensions de la viscosité dynamique et la viscosité cinématique dans le système MLT et leurs unité dans le système SI.

**Exercice 2**

Un tube de Pitot est placé dans une conduite de Diamètre  $D=0.08\text{m}$ . Il est relié à un tube manométrique (voir figure ci-contre). La densité du fluide manométrique est  $d_m=0.9$ . Le fluide en écoulement est de l'eau.

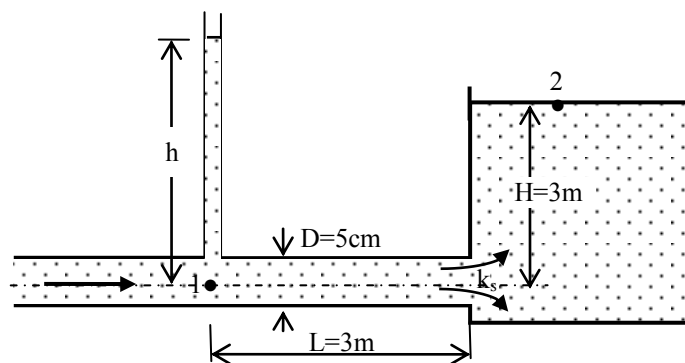


- 1-Calculer la différence de pression  $p_B-p_A$ .(recopier la figure )
- 2-Calculer le débit volumique de l'écoulement.

**Exercice 3**

L'eau s'écoule dans une conduite de diamètre  $D=5\text{cm}$  avec un débit de  $10\text{litres/s}$  comme montré sur la figure ci-dessous. Sa viscosité est  $10^{-3}\text{Pa.s}$ . La rugosité de la conduite est  $\epsilon=0.02\text{mm}$ . Le coefficient de perte de charge à la sortie de la conduite est  $k_s=1$ .

- 1- Calculer la perte de charge totale entre les points 1 et 2.
- 2- Déterminer la hauteur  $h$  de l'eau dans le tube manométrique.



Bonne chance

exercice 1 = 3,5 pts

Déterminer les dimension et l'unité

de la viscosité dynamique cinématique:

$[\mu] = ?$  viscosité dynamique

ou a.

$\tau = \mu \frac{dU}{dy}$  (0,5)

$[\mu] = \frac{[\tau]}{[dU/dy]}$

$[\tau] = \frac{[F]}{[S]} = \frac{[m][a]}{[L]^2} = \frac{M \cdot L T^{-2}}{L^2}$

$[\tau] = M \cdot L^{-1} T^{-2}$  (0,5)

$[dy] = L$  (0,25)

$[dU] = L T^{-1}$  (0,25)

$[\mu] = \frac{M L^{-1} T^{-2} \cdot L}{L T^{-1}} = M L^{-1} T^{-1}$

$[\mu] = M L^{-1} T^{-1}$  (0,5)

ds le SI d'unité

$[\mu] = kg \cdot m^{-1} \cdot s^{-1}$  (0,25)

$[\nu]$  : viscosité cinématique:

$[\nu] = \frac{[L]}{[a]} = \frac{M L^{-1} T^{-1}}{M L^{-3}}$

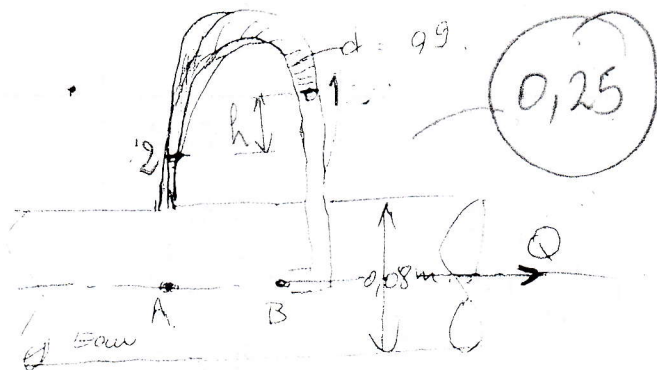
$[\nu] = \frac{[L]^2}{[a]} = \frac{L^2 T^{-1}}{[a]}$  (0,25)

$[\nu] = \frac{M L^{-1} T^{-1}}{M L^{-3}} = L^2 T^{-1} = [L]^2$  (0,25)

ds le syst. SI:

$[\nu] = m^2 \cdot s^{-1}$  (0,25)

exercice 2 = 5,5 pt



0,25

1 Calculer la différence de pression entre A et B

$P_B - P_1 = \rho_e g (z_1 - z_B)$  (0,5)

$P_1 - P_2 = \rho_m g (z_2 - z_1)$  (0,5)

$P_2 - P_A = \rho_e g (z_A - z_2)$  (0,5)

$P_B - P_A = \rho_e g (z_1 - z_B) + \rho_m g (z_2 - z_1) + \rho_e g (z_A - z_2)$   
 $= \rho_e g (z_1 - z_B + z_A - z_2) + \rho_m g (z_2 - z_1)$

ou a:  $z_A = z_B$  (0,25)

$P_B - P_A = \rho_e g h - \rho_m g h = h (\rho_e - \rho_m) g$  (0,5)

$= 2,5 (\rho_e - \rho_m) g$  (0,25)

$P_B - P_A = 2,5 (1000 - 900) \cdot 9,81$   
 $= 2452,5 Pa$

$P_B - P_A = 2452,5 Pa$  (0,25)

2) Déterminer le débit volumique.

On applique l'éq. de Bernoulli entre A et B

$\frac{V_A^2}{2g} + \frac{P_A}{\rho g} + z_A = \frac{V_B^2}{2g} + \frac{P_B}{\rho g} + z_B$  (0,5)

ou a  $V_B = 0$  (point d'arrêt) (0,5)

$V_A = \sqrt{(P_B - P_A) \cdot 12} \sqrt{2}$  (0,25)

$$V_A = \sqrt{\frac{2452,5 \times 2}{1000}}$$

$$V_A = 2,215 \text{ m/s} \quad (0,25)$$

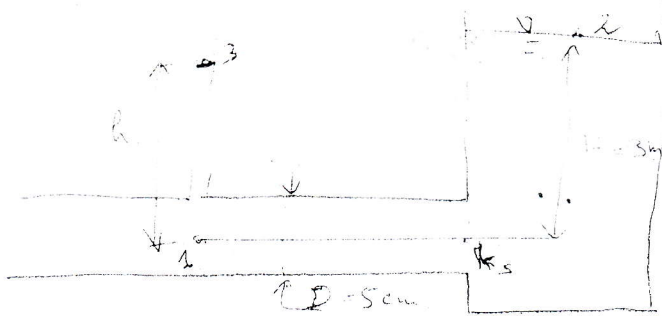
le débit volumique Q:

$$Q = \frac{\pi \cdot D^2}{4} \cdot V_A \quad (0,5)$$

$$= \frac{\pi (0,05)^2}{4} \cdot 2,215$$

$$Q = 0,0111 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \quad (0,5)$$

exercice N°3 (11pts)



1. Calculer la perte de charge totale

$$\Delta H_{\text{tot}} = \Delta H_L + \Delta H_s \quad (0,5)$$

$$\Delta H_L = \lambda \cdot \frac{V^2}{2g} \cdot \frac{L}{D_H} \quad (0,5)$$

$$V = \sqrt{\frac{4Q}{\pi D^2}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 10 \cdot 10^{-3}}{\pi (0,05)^2}} = 5,092 \text{ m/s} = V$$

$$L = 3 \text{ m} \quad (0,5)$$

$$D_H = D = 5 \text{ cm} = 0,05 \text{ m}$$

λ? λ dépend du régime de l'écoulement:

donc de Re

$$Re = \frac{\rho \cdot V \cdot D_H}{\mu} = \frac{10^3 \cdot 5,09 \cdot 0,05}{10^{-3}} = 25,45 \cdot 10^4 > 2300 \quad (0,5)$$

donc le régime est turbulent

λ est calculé de la formule de Colebrook:

Colebrook:

$$\frac{1}{\sqrt{\lambda}} = -2 \log \left( \frac{\epsilon}{3,71 D_H} + \frac{2,51}{Re \sqrt{\lambda}} \right) \quad (0,5)$$

$$= -2 \log \left( \frac{0,02 \cdot 10^{-3}}{3,71 \cdot 0,05} + \frac{2,51}{25,45 \cdot 10^4 \sqrt{\lambda}} \right)$$

$$= -2 \log \left( 0,108 \cdot 10^{-3} + \frac{0,08 \cdot 10^{-4}}{\sqrt{\lambda}} \right)$$

$$= -2 \log \left( 1,08 \cdot 10^{-4} + \frac{0,08 \cdot 10^{-4}}{\sqrt{\lambda}} \right) \quad (0,5)$$

on pose  $x = \frac{1}{\sqrt{\lambda}}$

$$x = -2 \log 10^{-4} - 2 \log (1,08 + 0,08x)$$

$$x = 8 - 2 \log (1,08 + 0,08x)$$

on pose  $x_0 = 0 \Rightarrow$

$$x_1 = 8 - 2 \log 1,08 = 7,933$$

$$x_2 = 7,4621$$

$$x_3 = 7,4840$$

$$x_4 = 7,483$$

$$x_5 = 7,483$$

$$x_5 = 7,483 \rightarrow$$

$$\lambda = \frac{1}{x^2} = \frac{1}{7,483^2} = 0,0178 = \lambda \quad (0,5)$$

donc

$$\Delta H_L = 0,0178 \cdot \frac{(5,092)^2}{2 \cdot 9,81} \cdot \frac{3}{0,05}$$

$$\Delta H_L = 1,411 \text{ m} \quad (0,5)$$

$$\Delta H_s = k_s \frac{V^2}{2g} \quad (0,5)$$

$$= \frac{1 \cdot (5,092)^2}{2 \cdot 9,81}$$

$$\Delta H_s = 1,321 \text{ m} \quad (0,5)$$

$$\Delta H_{\text{tot}} = 1,411 + 1,321$$

$$\Delta H_{\text{tot}} = 2,732 \text{ m} \quad (0,25)$$

La hauteur h :

$$P_1 - P_3 = \rho \cdot g (z_3 - z_1) \quad \dots \quad (0,5)$$

$$P_1 = ?$$

$$P_3 = P_{atm.} \quad (0,25)$$

$$z_3 - z_1 = h \quad (0,25)$$

donc :

$$h = \frac{P_1 - P_{atm.}}{\rho \cdot g} \quad (0,5)$$

Calculer  $P_1 - P_{atm.}$

On applique l'éq. de Bernoulli entre 1 et 2 :

$$\frac{V_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\rho g} + z_1 = \frac{V_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\rho g} + z_2 + \Delta H_{tot} \quad (0,5)$$

$$V_1 = 5,092 \text{ m/s}$$

$V_2 = 0$  (~~g~~ surface d'un réservoir) (0,25)

$$P_2 = P_{atm.} \quad (0,25)$$

$$z_2 - z_1 = H = 3 \text{ m} \quad (0,25)$$

$$\Delta H_{tot} = 2,732$$

donc :

$$\frac{P_1 - P_{atm.}}{\rho g} = H + \Delta H_{tot} - \frac{V_1^2}{2g}$$

$$h = H + \Delta H_{tot} - \frac{V_1^2}{2g} \quad (0,5)$$

$$h = 3 \text{ m} + 2,732 - \frac{5,092^2}{2 \cdot 9,81}$$

$$h = 4,41 \text{ m} \quad (0,5)$$