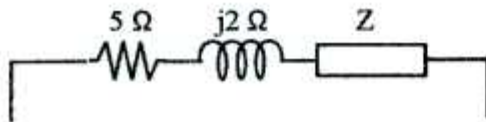


التمرين الأول: (03 نقاط)

في دارة التفرع الموضحة في الشكل قدرة المقاومة 3Ω هي 666 W فإذا كانت الدارة كلها تأخذ 3370 VA بعامل قدرة 0.937 سابق. أوجد قيمة Z .

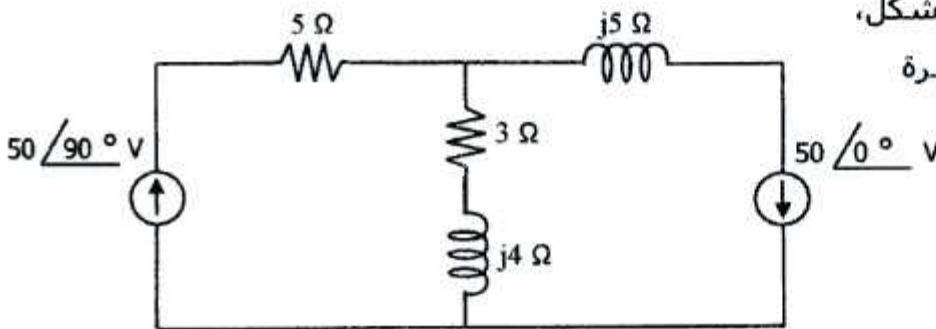
التمرين الثاني: (03 نقاط)

تأخذ دارة التسلسل الموضحة في الشكل $36,5\text{ VA}$ بعامل قدرة $0,856$ لاحق. إذا كانت قدرة المقاومة 5Ω هي $31,25\text{ W}$. أوجد قيمة Z .



التمرين الثالث: (07 نقاط)

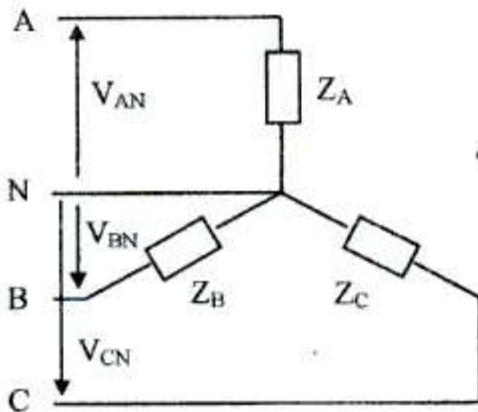
لتكن الدارة الموضحة في الشكل، أحسب القدرة الفعالة و القدرة الإرتكاسية في الفرع $3+j4\Omega$ وذلك باستعمال نظرية ثفنين.



التمرين الرابع: (07 نقاط)

ليكن النظام ثلاثي الأطوار الممثل في الشكل يصل حمولة متصلة على شكل نجم.

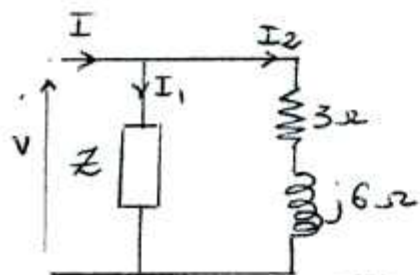
- أوجد تيارات الأطوار ثم استنتج التيار في الأحادي،
- أوجد جهود الخطوط ثم أرسم مخطط فرينال،
- أحسب القدرة الكلية باستعمال طريقة جهازى الواتمر إذا وضعنا في الخطين A و B.



$$Z_A = Z_B = Z_C = 22 \angle 30^\circ \Omega$$

$$V_{AN} = 220 \angle 240^\circ \text{ V} \quad V_{BN} = 220 \angle 0^\circ \text{ V} \quad V_{CN} = 220 \angle 120^\circ \text{ V}$$

بالتوفيق



لكن الجهد V هو المرجع
و تجعل الزاوية 0°

تمرين الأول (03 ن):

$$P_3 = R_3 \cdot I_2^2 \Rightarrow I_2 = \sqrt{\frac{666}{3}} = 14,89 \text{ A} \quad (0,25)$$

ولكن التيار I_2 صح للجهد V ، إذن :

$$(0,25) \quad I_2 = 14,89 \angle -63,43^\circ \text{ A}$$

$$= 6,66 - j13,31 \text{ A}$$

$$(Z_2 = 3 + j6, \Omega)$$

$$\varphi_2 = \arctan \frac{6}{3} = 2 \rightarrow \varphi_2 = 63,4^\circ$$

$$V = |Z_2| \cdot I_2 = 6,7 \cdot 14,89 = 99,88 \text{ V}$$

$$(V = 99,88 \angle 0^\circ, \text{ V}) \quad (0,5)$$

$$S = V \cdot I \Rightarrow I = \frac{S}{V} = \frac{3370}{99,88} = 33,7 \text{ A} \quad (0,5)$$

ولكن التيار I سابق للجهد V بزاوية العاكسة φ ، إذن :

$$I = 33,7 \angle 20,44^\circ \text{ A} \quad (\cos \varphi = 0,937 \rightarrow \varphi = 20,44^\circ)$$

$$= 31,57 + j11,76 \text{ A} \quad (0,5)$$

$$I_1 = I - I_2 = 31,57 + j11,76 - 6,66 + j13,31 = 24,91 + j25,07 \text{ A}$$

$$= 35,34 \angle 45,18^\circ \text{ A} \quad (0,5)$$

$$Z = \frac{V}{I_1} = \frac{99,88 \angle 0^\circ}{35,34 \angle 45,18^\circ} = 2,82 \angle -45,18^\circ \Omega \quad (0,5)$$

$$\boxed{Z = 2 - j2, \Omega}$$

التمرين الثاني (03 ن):

$$P_5 = 31,25 \text{ W} \quad P_5 = R_5 \cdot I^2 \Rightarrow I = \sqrt{\frac{31,25}{5}} = 2,5 \text{ A} \quad (0,5)$$

$$S = 36,5 \text{ VA} \Rightarrow P_T = S \cdot \cos \varphi = 36,5 \cdot 0,856 = 31,25 \text{ W} \quad (0,5)$$

$$P_Z = P_T - P_5 = 0 \quad (0,25) \quad Q_T = \sqrt{S^2 - P_T^2} = 18,86 \text{ VAR} \quad (0,25)$$

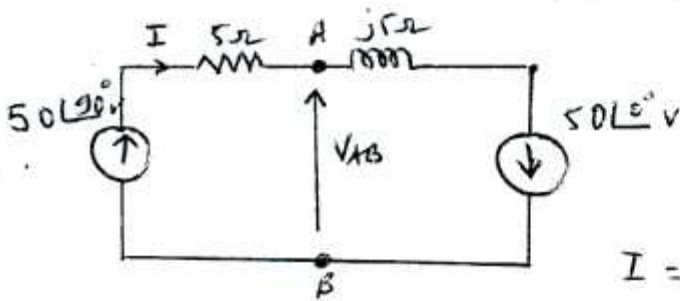
$$Q_T = Q_1 + Q_2, \quad Q_1 = X_1 \cdot I^2 = 2 \cdot 2,5^2 = 12,5 \text{ VAR} \quad (0,5)$$

$$Q_2 = Q_T - Q_1 = 18,86 - 12,5 = 6,36 \text{ VAR} \quad (0,5)$$

$$Q_2 = X_2 \cdot I^2 \Rightarrow X_2 = Q_2 / I^2 = 6,36 / 2,5^2 = 1,0176 \Omega \quad (0,5)$$

$$\Rightarrow \boxed{Z = 1 \angle 90^\circ \Omega}$$

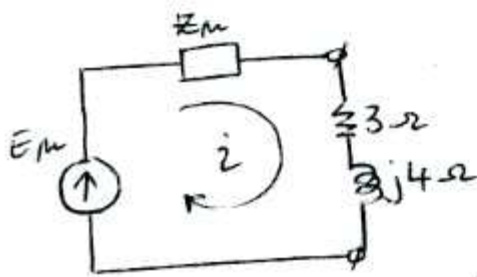
سنت الثالث (07 ن)



$E_M = V_{AB}$
 $V_{AB} = 50\angle 90^\circ - 5 \cdot I = j50 - 5I$ (1)
 $I = \frac{50\angle 90^\circ + 50\angle 0^\circ}{5 + j5} = \frac{10 + j10}{1 + j} = 10A$ (1)

$V_{AB} = j50 - 10 \cdot 5 = -50 + j50 = 70,71 \angle 135^\circ V$ (0,5)

$Z_M = \frac{5 \cdot j5}{5 + j5} = \frac{j5}{1 + j} = \frac{5\angle 90^\circ}{\sqrt{2}\angle 45^\circ} = 3,53 \angle 45^\circ \Omega$ (2)
 $= 2,49 + j2,49 \Omega$



$i = \frac{E_M}{Z_M + 3 + j4} = \frac{70,71 \angle 135^\circ}{2,49 + j2,49 + 3 + j4} = \frac{70,71 \angle 135^\circ}{8,5 \angle 49,7^\circ}$

$i = 8,31 \angle 85,23^\circ A$

$P_3 = 3 \cdot i^2 = 3 \cdot 8,31^2 = 207,16 W$ (0,5)
 $Q_4 = 4 \cdot i^2 = 4 \cdot 8,31^2 = 276,22 VAR$ (0,5)

المترت الرابع (07 ن)

$I_A = \frac{V_{AN}}{Z_A} = \frac{220 \angle 240^\circ}{22 \angle 30^\circ} = 10 \angle 210^\circ A$ (0,5)

$I_B = \frac{V_{BN}}{Z_B} = \frac{220 \angle 0^\circ}{22 \angle 30^\circ} = 10 \angle -30^\circ A$ (0,5)

$I_C = \frac{V_{CN}}{Z_C} = \frac{220 \angle 120^\circ}{22 \angle 30^\circ} = 10 \angle 90^\circ A$ (0,5)

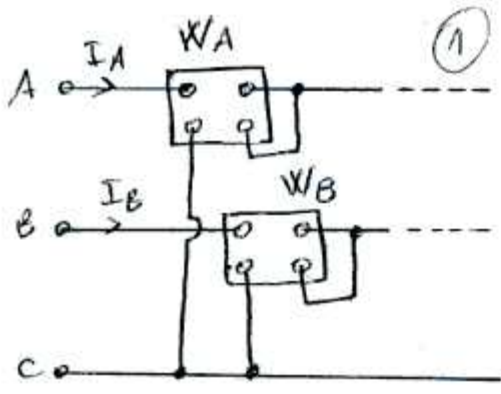
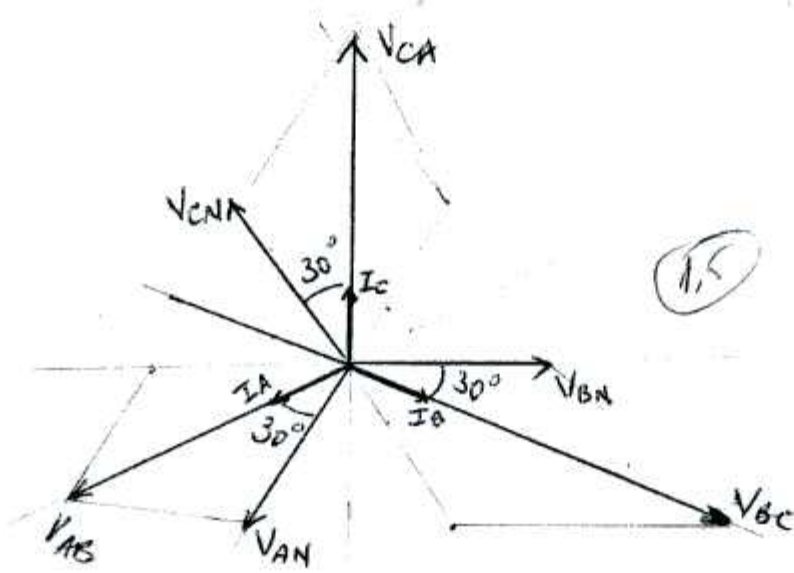
$I_N = I_A + I_B + I_C = 0, A$ (0,5) ولأن النظام مترن

$V_{AB} = V_{AN} - V_{BN} = 220 \angle 240^\circ - 220 \angle 0^\circ = 380 \angle 210^\circ V$ (0,5)

$V_{BC} = V_{BN} - V_{CN} = 220 \angle 0^\circ - 220 \angle 120^\circ = 380 \angle -30^\circ V$ (0,5)

$V_{CA} = V_{CN} - V_{AN} = 220 \angle 120^\circ - 220 \angle 240^\circ = 380 \angle 90^\circ V$ (0,5)





$$W_T = W_A + W_B$$

$$W_A = V_{AC} \cdot I_A \cdot \cos \Delta_{V_{AC}}^{I_A} = 380 \cdot 10 \cdot \cos 60^\circ = 1900 \text{ W} \quad (0,5)$$

$$W_B = V_{BC} \cdot I_B \cdot \cos \Delta_{V_{BC}}^{I_B} = 380 \cdot 10 \cdot \cos 0^\circ = 3800 \text{ W} \quad (0,5)$$

$$W_T = 1900 + 3800 = 5700 \text{ W} \quad (0,25)$$