

Course and exercises

# 1 ئەلەيھىم

## Machine Structure



د. مهندس زرروقي

# Contents

## I Course Summaries

### 1 Introduction

- 1.1 Basic definitions
- 1.2 Computer
  - 1.2.1 Hardware
  - 1.2.2 Software
- 1.3 Units of measurement

### 2 Information Coding and Representation

- 2.1 Numeral systems
  - 2.1.1 A numeral Base
  - 2.1.2 Decimal system
  - 2.1.3 Binary system
  - 2.1.4 Hexadecimal system
  - 2.1.5 Conversion between systems
  - 2.1.6 Binary Arithmetic
- 2.2 Integers coding
- 2.3 Negative integer representation
  - 2.3.1 Signed Values
  - 2.3.2 Ones' complement
  - 2.3.3 Two's Complement
- 2.4 Floating point
  - 2.4.1 Floating point IEEE 754 (32 bits)
  - 2.4.2 Other formats
- 2.5 Other number codes
  - 2.5.1 Binary Coded Decimal
  - 2.5.2 Gray Code
- 2.6 Character encoding
  - 2.6.1 ASCII code
  - 2.6.2 Unicode

### 3 Boolean Algebra

- 3.1 Introduction
- 3.2 Definitions
  - 3.2.1 Conjunction
  - 3.2.2 Disjunction
  - 3.2.3 Negation
- 3.3 Algebraic properties
  - 3.3.1 De Morgan Theorem
- 3.4 Canonical forms

<b>ملخصات الدروس</b>	<b>4</b>
مقدمة	5
تعريف أساسية	5
الحاسوب	6
العتاد	6
البرمجيات	8
وحدات القياس	12
<b>ترميز المعلومات وتمثيلها</b>	<b>13</b>
أنظمة التعداد	13
مبدأ الأساس	13
.....	14
.....	14
.....	15
التحويل بين أنظمة التعداد	15
الحساب في النظام الثنائي	16
ترميز الأعداد الطبيعية	16
تمثيل الأعداد الصحيحة السالبة	17
القيمة ذات الإشارة	17
المتمم إلى الواحد	17
المتمم إلى اثنين	17
. الفاصلة العائمة	17
صيغ أخرى	19
تراميز آخر للأعداد	20
العشري المرمز الثنائي	20
الترميز الثنائي المعكوس : ترميز غراري	20
ترميز الحروف	20
ترميز الأسكي	20
الترميز العالمي الموحد	21
<b>الجبر البولياي</b>	<b>24</b>
مقدمة	24
تعريفات	24
الوصل	24
الفصل	25
النفي	25
الخواص الجبرية	25
مبرهنة دي مورغن	26
الشكل القانوني	26

3.5	Simplification . . . . .	التبسيط . . . . .	26
3.5.1	Simplification by algebraic properties . . . . .	التبسيط بالخواص الجبرية . . . . .	27
3.5.2	Simplification by Karnaugh maps . . . . .	التبسيط بجدول كارنوف . . . . .	27
3.6	Study of a logic function . . . . .	دراسة دالة منطقية . . . . .	28
<b>II</b>	<b>Exercises</b>	<b>تمارين</b>	<b>30</b>
<b>4</b>	<b>Exercises</b>	<b>تمارين</b>	<b>31</b>
4.1	Chapter 1's exercises . . . . .	تمارين الفصل الأول . . . . .	32
4.1.1	Units of measurement . . . . .	وحدات القياس . . . . .	32
4.1.2	Numeral systems . . . . .	أنظمة التعداد . . . . .	32
4.1.3	Additional exercises . . . . .	للتعقق . . . . .	33
4.2	Chapter 2's Exercises . . . . .	تمارين الفصل الثاني . . . . .	35
4.2.1	Arithmetics . . . . .	الحساب . . . . .	35
4.2.2	Representation of positive integers . . . . .	: تمثيل الأعداد الصحيحة الموجبة . . . . .	35
4.2.3	Representation of negative integers . . . . .	تمثيل الأعداد الصحيحة السالبة . . . . .	35
4.2.4	Representation of real numbers . . . . .	تمثيل الأعداد الحقيقة . . . . .	36
4.2.5	Character encoding . . . . .	ترميز الحروف . . . . .	36
4.2.6	Additional Exercises . . . . .	للتعقق . . . . .	37
4.3	Chapter 3's exercises . . . . .	تمارين الفصل الثالث . . . . .	40
4.3.1	Assignment . . . . .	مشروع . . . . .	44
<b>5</b>	<b>Solutions</b> حلول		<b>45</b>
5.1	Chapter 1's solutions . . . . .	حلول الفصل الأول . . . . .	46
5.1.1	Units of measurement . . . . .	وحدات القياس . . . . .	46
5.1.2	Numeral Systems . . . . .	أنظمة التعداد . . . . .	46
5.2	Chapter 2's solutions . . . . .	حلول الفصل الثاني . . . . .	50
5.2.1	Arithmetics . . . . .	الحساب . . . . .	50
5.2.2	Representation of positive integers . . . . .	: تمثيل الأعداد الصحيحة الموجبة . . . . .	51
5.2.3	Representation of negative integers . . . . .	تمثيل الأعداد السالبة . . . . .	52
5.2.4	Representation of real numbers . . . . .	تمثيل الأعداد الحقيقة . . . . .	54
5.2.5	Character encoding . . . . .	ترميز الحروف . . . . .	58
5.3	Chapter 3's Solutions . . . . .	حلول الفصل الثالث . . . . .	62
<b>III</b>	<b>Tests and Exams</b> فحوص وامتحانات		<b>72</b>
<b>6</b>	<b>Tests</b>	<b>فحوص</b>	<b>73</b>
6.1	Tests n°1 . . . . .	. . . . .	74
6.1.1	Quiz n°1 . . . . .	. . . . .	74
6.1.2	Quiz n°2 . . . . .	. . . . .	74
6.1.3	Quiz n°3 . . . . .	. . . . .	74
6.1.4	Quiz n°4 . . . . .	. . . . .	74
6.1.5	Quiz n°5 . . . . .	. . . . .	75
6.1.6	Quiz n°6 . . . . .	. . . . .	75
6.2	Tests term n°2 . . . . .	. . . . .	76
6.2.1	Quiz n°1 . . . . .	. . . . .	76
6.2.2	Quiz n°2 . . . . .	. . . . .	76
6.2.3	Quiz n°3 . . . . .	. . . . .	76
6.2.4	Quiz n°4 . . . . .	. . . . .	77
6.2.5	Quiz n°5 . . . . .	. . . . .	77

6.2.6 Quiz n°6 . . . . .	77
6.3 Tests term n°3 . . . . .	79
6.3.1 Quiz n°1 . . . . .	79
6.3.2 Quiz n°2 . . . . .	79
6.3.3 Quiz n°3 . . . . .	79
6.3.4 Quiz n°4 . . . . .	79
6.3.5 Quiz n°5 . . . . .	79
6.3.6 Quiz n°6 . . . . .	79
<b>7 Test Solutions</b>	<b>حلول الفحوص 80</b>
7.1 Test term n°1 solutions . . . . .	81
7.1.1 Solution n°1 . . . . .	81
7.1.2 Solution n°2 . . . . .	81
7.1.3 Solution n°3 . . . . .	82
7.1.4 Solution n°4 . . . . .	82
7.1.5 Solution n°5 . . . . .	83
7.1.6 Solution n°6 . . . . .	84
7.2 Test term n°2 solutions . . . . .	85
7.2.1 Solution n°1 . . . . .	85
7.2.2 Solution n°2 . . . . .	86
7.2.3 Solution n°3 . . . . .	86
7.2.4 Solution n°4 . . . . .	87
7.2.5 Solution n°5 . . . . .	88
7.2.6 Solution n°6 . . . . .	89
7.3 Test term n°3 solutions . . . . .	90
7.3.1 Solution n°1 . . . . .	90
7.3.2 Solution n°2 . . . . .	91
7.3.3 Solution n°3 . . . . .	92
7.3.4 Solution n°4 . . . . .	94
7.3.5 Solution n°5 . . . . .	95
7.3.6 Solution n°6 . . . . .	97
<b>8 Exams</b>	<b>امتحانات 99</b>
8.1 Exams . . . . .	امتحانات . . . . .
8.1.1 Subject n°1 . . . . .	100
8.1.2 Subject n°2 . . . . .	101
<b>9 Exam Solutions</b>	<b>حلول الامتحانات 103</b>
9.1 Exam solutions . . . . .	حلول امتحانات . . . . .
9.1.1 Solution of subject n°1 . . . . .	104
9.1.2 Solution of subject n°2 . . . . .	107
<b>10 Appendices</b>	<b>الملاحق 109</b>
10.0.1 Books . . . . .	كتب . . . . .
10.0.2 Courses online . . . . .	دورس أونلاين . . . . .
10.0.3 Software . . . . .	برامج وتطبيقات . . . . .
10.1 Glossary . . . . .	مسرد . . . . .
10.1.1 مرتبة أبجدياً حسب الحرف العربي . . . . .	111
10.1.2 مرتبة أبجدياً حسب الحرف اللاتيني . . . . .	115
<b>Bibliography</b>	<b>119</b>

## Preface

كتاب "بنية الآلة" كتاب دروس وتمارين محلولة، موجهة لطلبة السنة الأولى رياضيات وإعلام آلي وشعبة الإعلام الآلي في الجامعات الجزائرية، ويفيد التخصصات التقنية الأخرى مثل جذع مشترك علوم وتقنيات، وتقنيات الالكترونيك والهندسة الكهربائية. ويحتوي في هذا الجزء على دروس السادس الأول :

- مفاهيم أولية في المعلوماتية
- ترميز المعلومات وتمثيلها
- مدخل إلى الجبر البولياني

ويحوي الكتاب عددا كبيرا من التمارين مقسمة حسب الفصول، قسم كبير منها محلول، وكذلك قسم خاص بفحوص التقويم المستمر مع تصحيحها، وقسم آخر لامتحانات.

ويأتي هذا الكتاب ثمرة نخبة اكتسبتها في التدريس في جامعة البويرة لسنوات عديدة في قسم الإعلام الآلي. ويتميز الكتاب كذلك بثنائية اللغة، فالدروس فيه بالإنجليزية والعربية، وذلك لمساعدة الطلبة المستجددين الذين يعانون من عائق اللغة في بداياتهم الجامعية.

والكتاب متوفّر في إصدار آخر ثانٍ للغة عربي/فرنسي.  
أتمنى أن يلقى هذا الكتاب القبول، ونرحب باللاحظات والتوصيات لتحسينه مستقبلا.

**المؤلف:** د. طه زروقي  
taha(at)zerrouki(gmail).com

### عن المؤلف

الدكتور طه زروقي، أستاذ بجامعة البويرة في قسم علوم الحاسوب، متخرج من المدرسة الوطنية العليا للإعلام الآلي، مطّور برمجيات حرّة مفتوحة المصدر خاصة باللغة العربية مهمّ بـ :

- المعالجة الآلية للغات الطبيعية
- المصادر المفتوحة

قدم دروسا في :

- بنية الآلة وعمارية الحاسوب،
- برامج إدارة المشاريع
- لغات البرمجة

[موقع](http://univ.tahadz.com) : <http://univ.tahadz.com>

The book "Machine Structure 1" contains course summaries and corrected exercises intended for students in the first minor year of the mathematics and computer science branch, or computer science (informatics), in Algerian universities.

It can also be used by other technical branches, like the science and technology track and electronic and electricity engineering.

This part contains the topics for the first semester:

- The basics of computer science
- Coding and representation of information
- Bool's algebra

The book contains exercises categorized by chapter, corrected exercises, corrected mid term tests, and exams.

This book is the result of many years of experience I acquired while teaching in Department of Computer Science at the University of Bouira.

The book is also bilingual, written in English and Arabic, in order to help new students who suffer from a language barrier when entering university.

I hope this book will be well received, and we welcome any feedback or suggestions for improvement.

### **Dr. Taha Zerrouki**

taha(dot)zerrouki (at) gmail(dot)com

### **About**

Dr. Taha Zerrouki, Professor at the University of Bouira in the Department of Computer Science, graduated from the National School of Computer Science (ESI ex. INI), Free open source software developer for Arabic language.

### **My research interests :**

- Natural language processing
- Open Source

### **Taught courses in :**

- Structure machine /Computer architecture
- Project management tools
- Programming languages

Site : <http://univ.tahadz.com>

This version is updated on September 21, 2023.

This Book uses the "mathbook.cls v1.41" class developed by Stéphane PASQUET.

The cover page made by Haithem Benhalima : haithem\_bhm @ intagram

Many exercises and solutions were generated automatically by "STRM-Test" project developed by the Author, available on github<sup>1</sup>.

جزيل الشكر للأستاذ إلياس باديس والأستاذ إبراهيم جلابي على مشاركتهما في تدريس هذه المادة، وإبداء الملاحظات والتقويم للمحتوى المادة،

جزيل الشكر للطالب هيثم بن حليمة لمساهمته في تصميم الغلاف، والشكر موصول لكل من ساهم من قريب أو بعيد في صياغة هذا الكتاب.

تم إعداد المصطلحات بتصرف وفقاً للمصادر الآتية، مع مراعاة مطابقتها للنماذج الدراسي في الثانوية: (الدار العربية للعلوم، 1990)، (المدرسة الوطنية التحضيرية لدراسات مهندس، 2004)، (Zerrouki, 2012)، (Zerrouki, 2013).

This work is licensed under a Creative Commons “Attribution-NonCommercial-ShareAlike 3.0 Unported” license.



<sup>1</sup><https://github.com/linuxscout/strm-tests>

# Course Summaries

ملخصات الدروس

## Part I

# Chapter 1

## Introduction

مقدمة

### 1.1 Basic definitions

تعريف أساسية

**Computing:** the study of automatic information processing, often known as informatics or computer science, is the process of automating the information we handle. The process of computerization will enable significant time and effort savings.

الإنعام الآلي هو علم يدرس معالجة المعلومات آلياً، مما يسمح بتقليل الجهد وربح الوقت.

**Computer** is an information processing machine. It can receive input data, perform operations on this data using a program, and provide output results..

الحاسوب آلة معالجة المعلومات يمكنها استقبال البيانات "إدخال"، وتنفيذ عمليات عليها حسب برنامج "المعالجة"، وفي الأخير يخرج لنا النتائج "الإخراج".

Figure 1.1 shows how the procedure will be automated by the computer taking over the process or treatments. In general, computer processing produces an output (result) and requires input information (data).

في الشكل 1.01، يستقبل الحاسوب معلومات وأوامر، لتنفيذها حسب برنامج معين ثم يعرض النتائج.

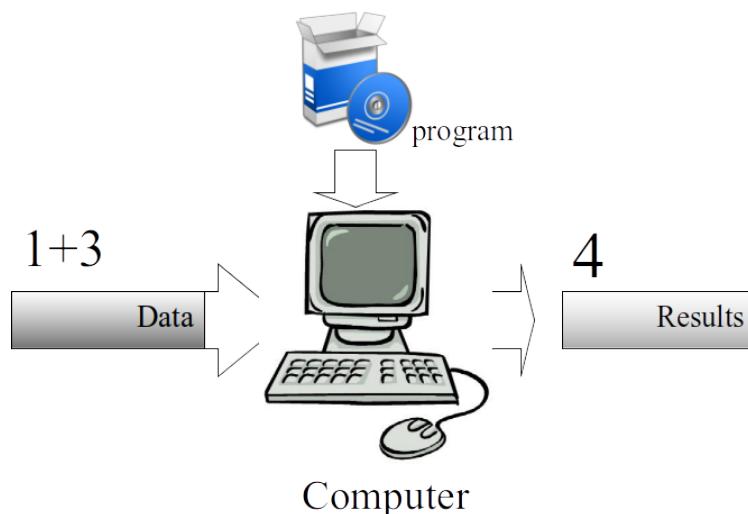


Figure 1.1: The computer as an information processing machine.

**Information** is a piece of knowledge that can be represented as being stored, processed, or communicated. For example, sound, image, and text. .

المعلومة هي عنصر من المعرفة يمكن تمثيله من أجل حفظه أو معالجته أو نقله. ، مثل الصوت معلومة، والصورة والنص.

## 1.2 Computer

A computer is made up of two parts: Hardware and Software.

**The Hardware**: العتاد is anything having to do with mechanisms and electrical and electronic circuits. A computer's memory, peripherals, and core unit constitute its internal architecture..

**The Software**: البرمجيات Everything pertaining to the programs required for the computer's correct startup and use. These include programs and operating systems written in programming languages..

يتكون الحاسوب من قسمين العتاد والبرامج:

- العتاد : كل ما هو دارات كهربائية والكترونية وأيات ميكانيكية. يتكون الحاسوب من الوحدة المركزية والذاكرة والأجهزة الملحقة.
- البرمجيات: كل ما يحتاج إليه الجهاز ليقمع ويعمل ويقدم خدمات للمستخدم عدا العتاد. نذكر منها البرامج والأنظمة التشغيل التي بنيت باستعمال لغات البرمجة.

### 1.2.1 Hardware

### العتاد

Everything to do with electrical and electronic circuits, as well as mechanisms. A computer's internal architecture is typically made up of the following components:

: . . . :

- **The central unit** is where the information is processed. It is made up of a processing unit and core memory, often known as internal memory.
- Processing unit: the computer's main organ or brain (microprocessor). It processes the data that has been stored in memory. It mostly consists of:
  - A control unit (C.U.) is the intelligent component of the microprocessor. It allows you to seek for a program's instructions in memory, interpret them, and then route the data to the A.L.U. for processing.
  - The arithmetic and logic unit A.L.U. is made up of a collection of circuits (memory registers) that perform arithmetic and logical operations (addition, subtraction, multiplication, and division).

الوحدة المركزية: حيث تُفَعَّل المعالجة، وفيها قسمان:

- وحدة المعالجة: العضو الرئيسي أو دماغ الحاسوب (المعالج المصغر)، تعالج المعلومات المدخلة في الذاكرة، وتنقسم إلى:
- وحدة التحكم وهو العضو الذي في المعالج، مهمتها البحث عن تعليمات البرنامج في الذاكرة الحية ثم يفسر التعليمات، ثم يوجه المعطيات إلى وحدة الحساب والمنطق لمعالجتها.
- وحدة الحساب والمنطق مكونة من دارات كهربائية (سجلات الذاكرة) مهمتها تنفيذ العمليات الحسابية البسيطة (جمع، طرح، ضرب، قسمة) والعمليات المنطقية.

**Central memory** is the part that contains the programs and data that will be processed by the microprocessor. There are two types of internal memories:

- **RAM (Random Access Memory)** allows the reading and writing of data; this is where data is stored.information being processed or executed. The information saved on the **RAM** is lost as soon as the PC is turned off.

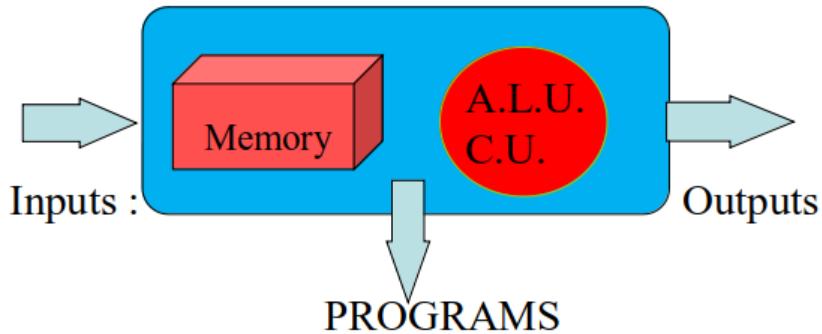


Figure 1.2: Central unit.

- ROM (Read Only Memory) is a memory that can be read; the programs are saved once and for all in this memory and cannot be modified or erased, even after a power cut.
- Auxiliary (external) memories, as the random access memory loses information after the computer is shut down, it is therefore important to use memories that allow this information to be permanently stored.

We can cite:

- Fixed hard drives.
- Removable hard drives.
- USB keys.
- CDs, DVD-ROMs.

الذاكرة المركبة: تحوي البرامج والمعطيات التي سُتعالج، وهي نوعان:

- الذاكرة الحية (ذاكرة ذات بلوغ عشوائي): تسمح بكتابة المعلومات وقراءتها، فيها تحفظ المعطيات أثناء المعالجة والتنفيذ. المعلومات المحفوظة تُفقد (تزول) عند إطفاء الجهاز.
- الذاكرة الميتة (ذاكرة القراءة فقط): يمكن الكتابة فيها مرة واحدة فقط، ومن ثم القراءة منها مرات عديدة، والحفظ فيها دائم.
- الذاكرة الثانوية: (الخارجية) بما أن الذاكرة الحية لا تحفظ المعلومات بعد إطفاء الجهاز، نستعمل ذاكرات ثانوية لحفظ الدائم مثل
  - الأقراص الصلبة الثابتة
  - الأقراص الصلبة المنقولة
  - أقراص الفلاش.
  - الأقراص المضغوطة.

#### 1.2.1.1 Peripherals

#### الأجهزة

A peripheral device, also known as an auxiliary hardware device, is a device that is used to transport data into and out of a computer (Laplante et al., 2017). The term peripheral device refers to all hardware components that are coupled to a computer and controlled by the computer system but are not the computer's core components.

Based on their relationship with the computer, peripheral devices can be classified into several categories (*Peripheral - Wikipedia 2023*):

- An input device sends data or instructions to the computer, such as a mouse, keyboard, graphics tablet, image scanner, barcode reader, game controller, light pen, light gun, microphone and webcam;
- An output device provides output data from the computer, such as a computer monitor, projector, printer, headphones and computer speaker;
- An input/output device performs both input and output functions, such as a computer data storage device (including a disk drive, solid-state drive, USB flash drive, memory card and tape drive), modem, network adapter and multi-function printer.

الأجهزة الملحقة للحاسوب هي كل ما يساعد المعالج في عمله، ويمكن تقسيمها إلى نوعين أساسين: **أجهزة الإدخال وأجهزة الإخراج**. أجهزة الإدخال مثل الفأرة، ولوحة المفاتيح، وأجهزة الإخراج مثل الشاشة والطابعة، ويمكن أن نجد أجهزة تقوم بالمهامتين معاً (الإدخال والإخراج) مثل شاشة لمسية. تجد ملخصاً لأهم الأجهزة الملحقة في الشكل رقم 1.0.3 والجدول المواري.

Inputs مدخل	Outputs مخرج	Input/Output
لوحة مفاتيح Keyboard	شاشة Screen	قارئ أقراص مرنة floppy disk
فأرة Mouse	طابعة Printers	مودم MODEM
ماسح ضوئي Scanner		شاشة لمسية touch screen
مقبض اللعب playing remote		قرص صلب Hard disk
		قارئ cd/dvd device

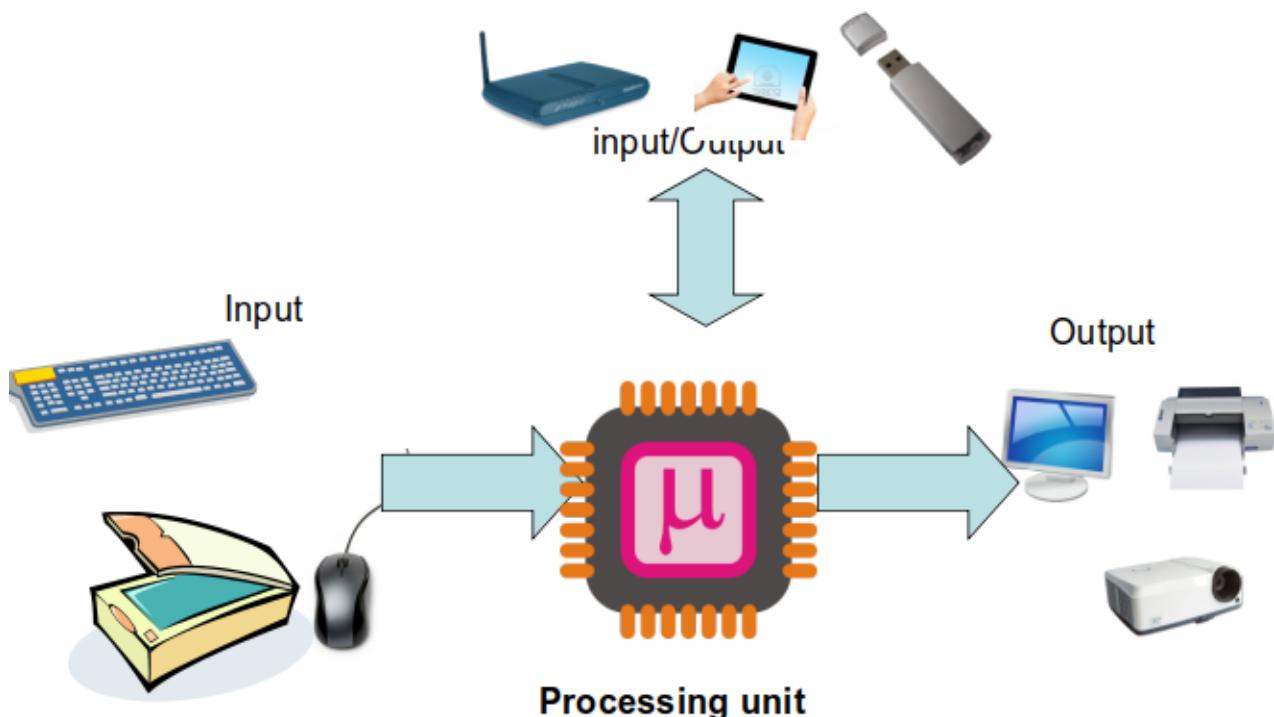


Figure 1.3: Input/output.

## 1.2.2 Software البرمجيات

Everything concerning the programs necessary for the proper start-up and use of the computer.

كل ما يحتاج إليه الجهاز ليُقْلِع ويُعْمَل ويُقدِّم خدمات للمستخدم عدا العتاد.

### 1.2.2.1 Basic definitions

### تعاريف أساسية

#### Definition

**Instruction (command)** Order given by the user to the computer.

التعليمية (أمر) هي أمر يعطيه المستعمل للحاسوب

#### Example

The *print* instruction requests the display of a text:

مثال: الأمر اطبع يطلب عرض النص

```
print("Hello")
```

#### Definition

**Program** Logical and sequential sequence of instructions that the computer must execute to solve a given problem.

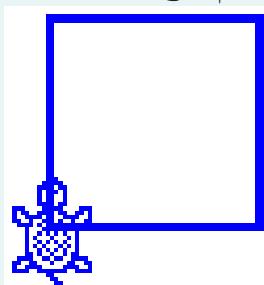
البرنامج سلسلة منطقية متتابعة من التعليمات ينفذها الحاسوب لحل مسألة معينة

#### Example

Example of a Logo program, which allows to draw a square

مثال: برنامج بلغة لوغو لرسم مربع

```
forward 50  
right 90  
forward 50  
right 90  
forward 50  
right 90  
forward 50  
right 90
```



#### Definition

**Language** is a set of commands required for writing a program that the computer can understand. (Pascal, Logo, Delphi, C++, JAVA,...etc).

لغة برمجة: مجموعة من الأوامر الأساسية لكتابه برنامج يفهمه الحاسوب لينفذه

...

#### Example

A program written in Pascal and Python

برنامج مكتوب بلغة بيثون ولغة باسكال:

#### Pascal

```
Program HelloWorld;  
begin  
  writeln('Hello, world!');  
end.
```

**Python**

```
print('Hello world!');
```

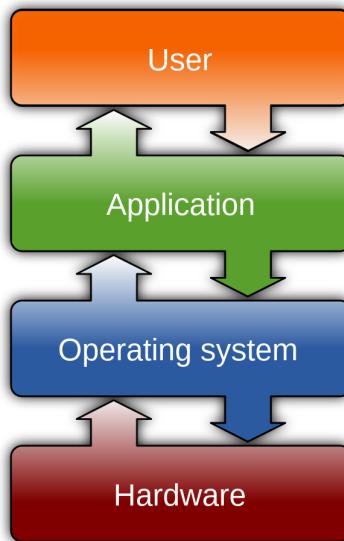


Figure 1.4: Machine Layers.

**Definition** **Software** is a collection of programs that work together to give a service to the user. Microsoft Office, for example.  
برمجية: مجموعة من برامج متكاملة لتقديم خدمة للمستخدم، مثل برنامج المكتبة، الألعاب.

### 1.2.2.2 Operating systems

### أنظمة التشغيل

**Definition:** The operating system is the first point of contact between the computer and the user (human). It is software that consists of a set of basic applications required for the proper operation of the hardware: keyboard, screen, printer, and so on.

The operating system allocates the physical resources of the computer (processor time, memory, and so on) to the numerous running programs. It also gives software tools (such as drivers) to help them use various devices without having to know the physical intricacies.

Like an **administrative director**, he supervises the computer system's activity and resources.

نظام التشغيل هو الوسيط بين المستعمل البشري والجهاز، يسمح باستغلال الأجهزة مثل لوحة المفاتيح والشاشة والطابعة، وهو يقسم الموارد المادية للحاسوب بين البرامج والتطبيقات أثناء التنفيذ، ويضمن عملها دون تعارض.

نظام التشغيل يقدم خدمات للبرامج مثل الحماية والطباعة واستغلال الشاشة والذاكرة دون الحاجة لمعرفة تفاصيلها التقنية يمكن تشبيه نظام التشغيل بإدارة الجامعة وعمالها الذين يقدمون خدمات مختلفة لضمان سيرورة الدراسة

#### Operating system tasks

#### وظائف نظام التشغيل

- **Information management:** storage, search, protection
- **Management of hardware and software resources:** optimization, security, execution of applications, sharing between users
- Provides a set of services by presenting users with an interface better suited to their needs than that of a physical machine.

• إدارة المعلومات: تخزين، بحث، حماية

- تسخير الموارد المادية وبرمجية: استغلال أمثل، حماية، تفيد التطبيقات، الاستعمال المشترك
- توفير واجهة بسيطة وسهلة لاستغلال الموارد والاستفادة من الخدمات

### Operating system types

أنواع نظام التشغيل There are two types:

- Single-user operating systems have no facilities to distinguish users but may allow multiple programs to run at same time.
- A multi-user operating system extends the basic concept of multi-tasking with facilities that identify processes and resources, such as disk space, belonging to multiple users, and the system permits multiple users to interact with the system at the same time. such as : Windows (2003, NT, 2000 server...), UNIX,

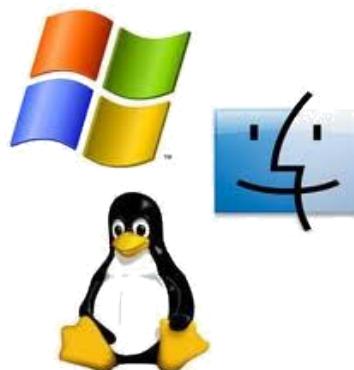


Figure 1.5: Logos of some of operating systems for computers.

أنظمة التشغيل نوعان:

- أنظمة وحدة الجهاز تعمل على جهاز واحد، مثل MSDOS وحيد المهمة، وندوز متعدد المهام
- أنظمة متعددة الأجهزة: تعمل على شبكة تدير عدداً من الأجهزة، من ذلك نظام وندوز للخادم، نظام يونيكس.

للهواتف النقالة أنظمة تشغيل أيضاً، نذكر منها، ... Android, sumsung bada, IOS, RIM

We can also mention operating systems for mobile phones such as: Android, Samsung Bada, IOS4 for iPhones, RIM for BlackBerrys, etc...



Figure 1.6: Logos of some operating systems for phones.

## وحدات القياس

1.3

### Units of measurement

الوحدة Unit	المعنى Meaning
Byte, bit : بait, بت	Capacity, size: mainly used for memories (cache, RAM, disks). الحجم، السعة، لقياس حجم وسعة الذاكرة (الذاكرة الحية، الخبيثة، الأقراص)
Bit / second	Speed (bps) bit per second. used for modems. التدفق (bps) بت في الثانية، لقياس سرعة الاتصالات
Hertz	Frequency: number of events per second. Used for CPU Bus Frequency, Screen Refresh Rate, RAM Bus Frequency. التردد: عدد العمليات في الثانية، لقياس تردد ناقل المعالج، و تردد تحديث الشاشة، تردد ناقل الذاكرة الحية

The Byte is used in its different multiples:

البايت ومضاعفاته:

Units	value	in bytes
Byte	8 bits	1
Kb: kilo-Byte	1 024 Bytes	$2^{10}$ bytes
Mb: mega-Byte	1 024 KB	$2^{20}$ bytes
Gb: giga-Byte	1 024 MB	$2^{30}$ bytes
Tb: tera-Byte	1 024 GB	$2^{40}$ bytes

Speed is measured in bits per second, and its different multiples: التدفق يقاس بوحدة البت في الثانية، ومضاعفاتها:

unit	value	in bps
Byte/second	8 Bps	$2^{10}$ bps
Kbps: kilo-bit / second	1 024 bps	$2^{10}$ bps
Mbps: mega-bit/second	1 024 Kbps	$2^{20}$ bps
Gbps: giga-bit/second	1 024 Mbps	$2^{30}$ bps

Frequencies is measured in Hertz and its different multiples:: ومضاعفاتها:

التردد يقاس بوحدة الهرتز

unit	value	in Hertz
KHz: kilo-Hertz	1 000 Hz	$10^3$ Hz
MHz: mega-Hertz	1 000 KHz	$10^6$ Hz
GHz: giga-Hertz	1 000 MHz	$10^9$ Hz

## Chapter 2

# Information Coding and Representation

ترميز المعلومات وتمثيلها

## Introduction

Coding information means creating a **correspondence** between the (normal) **external representation** of the information (for example, the number 65 or the character "A") and its internal **representation** in the computer (a sequence of bits).

الترميز هو الرابط بين التمثيل الخارجي المعتمد للمعلومة (مثلاً العدد 65 أو الحرف A) وتمثيله الداخلي في الجهاز (سلسلة من الأرقام الثنائية)

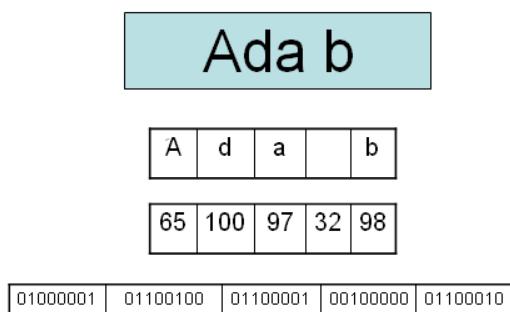


Figure 2.1: Example of encoding: encoding of the character string "Ada b".

## 2.1 Numeral systems

أنظمة التعداد

### 2.1.1 A numeral Base

مبدأ الأساس

- The base is the number used to define a number system.
- The base of the decimal system is ten while that of the octal system is eight.
- Whatever numeric base is used, it follows the following relationship:

$$\sum_{i=0}^n (b_i a^i) = b_0 a^0 + b_1 a^1 + b_2 a^2 + \cdots + b_{n-1} a^{n-1} + b_n a^n$$

where  $b_i$ : base digit of rank i, and  $a^i$ : power of base a with exponent of rank i.

• الأساس هو العدد الذي يعرف نظاماً للتعداد

• أساس النظام العشري هي العشرة، وأساس النظام الثنائي هو 2

• مهما يكن الأساس المستعمل فإنه يتبع العلاقة الآتية

$$\sum_{i=0}^n (b_i a^i) = b_0 a^0 + b_1 a^1 + b_2 a^2 + \cdots + b_{n-1} a^{n-1} + b_n a^n$$

حيث :  $b_i$  : رقم الأساس في الربطة  $i$

و  $a_i$  : هو قوة الأساس في الربطة  $i$

**Example** The base 10

$$1453 = 3 \times 10^0 + 5 \times 10^1 + 4 \times 10^2 + 1 \times 10^3$$

### 2.1.2 Decimal system

is a number system based on the number ten. The powers of ten and their multiples are given advantages in this arrangement.

النظام العشري هو النظام المعتمد لدى الإنسان، حيث يوضع في كل منزلة قوى العدد عشرة، ويمكن تمثيله بكثير حدود حيث  $10 = X$

$10^3$	$10^2$	$10^1$	$10^0$
2	0	1	9

**Example**

$$2019 = 9 \times 10^0 + 1 \times 10^1 + 0 \times 10^2 + 2 \times 10^3$$

### 2.1.3 Binary system

is a number system that uses the base 2 as its base. The digits of positional binary numeration are generally referred to as bit (binary digit). These can only have two values, which are denoted by 0 and 1.

النظام الثنائي: يعتمد على رقين هما الواحد والصفر لتمثيل أي عدد، ويستعمل في الحواسيب

**Example**

The number that is written 5 in base 10 is written 101 in base 2 because:

العدد 5 يكتب 101 في النظام الثنائي، لأن

$$5 = 1 \times 2^0 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^2 = 1 + 0 + 4$$

$2^2$	$2^1$	$2^0$
1	0	1

## 2.1.4 Hexadecimal system

is a system of positional numbers. It employs 16 symbols, with the first ten being Arabic digits and the remaining six being letters *A* through *F*.

The hexadecimal system is convenient because it provides a compromise between machine binary code and a convenient numeral basis for engineers to use, making conversions simple and allowing for more compact writing.

النظام السعدي أساسه 16 ويستعمل نظام عد مبسط للنظام الثنائي، يسمح باختصار الترميز الثنائي وتسهيل حفظه وكتابته وسهولة التحويل بينه وبين كتابته وسهولة التحويل بينه وبين الثنائي،

### Example

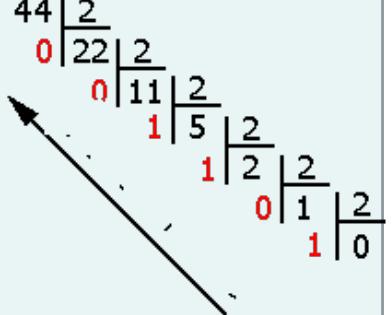
مثال العدد 16289 يكتب 3FA1 في السعدي، بدلاً من 0011 1111 1010 0001 في الثنائي . الثنائي . 16289 is written 3FA1 in hexadecimal instead of 0011 1111 1010 0001 in binary.

## 2.1.5 Conversion between systems

### التحويل بين أنظمة التعداد

#### التحويل بين الأسس المختلفة

##### Method

conversion	Method	Example						
$10 \Rightarrow X$	Successive division on X القسمة الإقليدية المتتالية على العدد X حتى يصبح الحاصل 0، ثم أخذ الباقي من اليمين إلى اليسار	 $(44)_{10} = (101100)_2$						
$X \Rightarrow 10$	Polynomial expansion نشر كثير حدود بالضرب في قوى الأساس x	<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr> <td><math>5^2</math></td> <td><math>5^1</math></td> <td><math>5^0</math></td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> </table> $(210)_5 = 0 \times 5^0 + 1 \times 5^1 + 2 \times 5^2$ $= 0 + 5 + 25 \times 2 = (55)_{10}$	$5^2$	$5^1$	$5^0$	2	1	0
$5^2$	$5^1$	$5^0$						
2	1	0						
$X \Rightarrow Y$	المرور بالأساس 10; 10	$(210)_5 = (55)_{10} = (67)_8$						

### Method

conversion	Method	Example
$2 \Rightarrow 8$	3 binary digits $\Rightarrow$ one octal digit  كل ثلاثة أرقام ثنائية يقابلها رقم ثماني	Binary $(\underline{101} \quad \underline{110} \quad \underline{011})_2$ ↓      ↓      ↓ Octal $(5 \quad 6 \quad 3)_8$
$8 \Rightarrow 2$	one octal digit $\Rightarrow$ 3 binary digits  كل رقم ثماني يقابل ثلاثة أرقام ثنائية	Octal $(5 \quad 6 \quad 3)_8$ ↓      ↓      ↓ Binary $(\underline{101} \quad \underline{110} \quad \underline{011})_2$
$2 \Rightarrow 16$	4 binary digits $\Rightarrow$ one hexadecimal digit  كل أربعة أرقام ثنائية تقابل رقا ستعشرية	Binary $(\underline{1010} \quad \underline{0110} \quad \underline{0011})_2$ ↓      ↓      ↓ Hexa $(A \quad 6 \quad 3)_8$
$16 \Rightarrow 2$	one hexadecimal digit $\Rightarrow$ 4 binary digits  كل رقم ستعشرى يقابل أربعة أرقام ثنائية	Hexa $(A \quad 6 \quad 3)_{16}$ ↓      ↓      ↓ Binary $(\underline{1010} \quad \underline{0110} \quad \underline{0011})_2$

### 2.1.6

### Binary Arithmetic

### الحساب في النظام الثنائي

Addition الجمع	Multiplication الضرب	Division القسمة
$  \begin{array}{r}  & 111011 \\  & * \quad 1101 \\  \hline  & 111011 \\  & 11101100 \\  & \hline  & 111011000 \\  & \hline  & 101111111  \end{array}  $	$  \begin{array}{r}  111011 \\  + \quad 1101 \\  \hline  10000  \end{array}  $	$  \begin{array}{r}  10111011 \\  0110 \quad   \quad 101 \\  \hline  111 \\  10  \end{array}  $

### 2.2

### Integers coding

### ترميز الأعداد الطبيعية

An integer number is a whole number that can be either positive or negative. The decision to be made (i.e., the quantity of bits to be used) is determined by the range of integers to be used. Because  $2^8 = 256$ , we only need 8 bits (one byte) to represent an integer between 0 and 255. In general, n-bit coding can be used to encode natural integers ranging from 0 to  $2^{n-1}$  (Müller, 2021).

Examples:  $9 = 00001001_2$ ,  $128 = 10000000_2$ .

العدد الصحيح الطبيعي هو عدد صحيح موجب أو معدوم. لاختيار عدد البتات التي تحتاج إليها لتمثيل العدد الطبيعي، يعتمد على مجال الأعداد التي نريد تمثيلها. لترميز الأعداد الصحيحة الطبيعية بين 0 و 255 ، سنحتاج إلى 8 بت (بايت واحد) فقط لأن  $2^8 = 256 = 2^8$ . عموماً، الترميز على n بت قادر على تمثيل الأعداد الصحيحة الطبيعية ما بين 0 و  $2^{n-1}$ .

## 2.3 Negative integer representation تمثيل الأعداد الصحيحة السالبة

### 2.3.1 Signed Values القيمة ذات الإشارة

Decimal العشري	Sign الإشارة	Value القيمة
13	0	1101
-13	1	1101

### 2.3.2 Ones' complement المتمم إلى الواحد

Reverse all bits

المتمم إلى الواحد : أقلب كل البتات

Decimal العشري	Value القيمة
13	0000 1101
-13	1111 0010

### 2.3.3 Two's Complement المتمم إلى اثنين

Reverse all bits and add 1

المتمم إلى اثنين : أقلب كل البتات ثم أضف واحد.

Decimal العشري	Value القيمة
13	0000 1101
-13	1111 0010
	+1
	= 1111 0011

## 2.4 Floating point الفاصلة العائمة

A floating point number is made up of three elements: the mantissa, exponent, and sign. The left bit is the sign bit. This means that if this bit is 1, the number is negative, and if it is 0, the number is positive. The next e bits represent the shifted exponent, and the m following bits (m low-order bits) represent the mantissa.

العدد ذو الفاصلة العائمة يمثل ثلاثة عناصر : القسم العشري، الأس، والإشارة.

البت ذي القوة الأعلى يمثل الإشارة، تكون الإشارة 1 إذا كان العدد سالباً، و0 إذا كان موجباً. البتات الوسطى e تمثل الأس المُزاح (المزيد)، والبتات الأخيرة m تمثل القسم العشري. إذا كان موجباً، البتات الوسطى e تمثل الأس المُزاح (المزيد)، والبتات الأخيرة m تمثل القسم العشري.

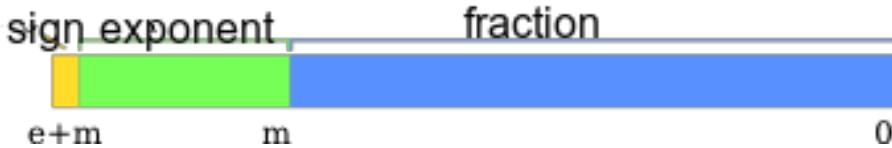


Figure 2.2: The representation of the floating point.

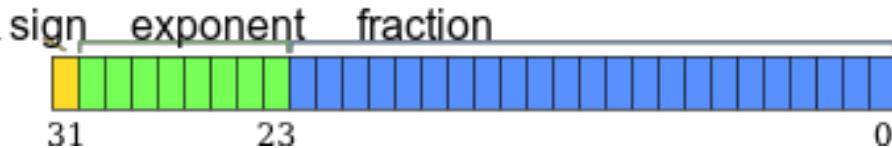


Figure 2.3: The representation of the floating point IEEE 754-32bits.

Sign	Biased exponent	Fraction
الإشارة	الأُس المُزِيد	الجزء العُشْرِي
(1 bit)	(e bits)	(m bits)

#### 2.4.1 Floating point IEEE 754 (32 bits)

A single-precision floating point number is stored in a 32-bit word: 1 bit for the sign, 8 bits for the exponent, and 23 for the mantissa. The exponent is biased at 127 (shifted). The exponent of a normalized number therefore ranges from -126 to +127 (Kahan, 1996).

هذا التمثيل يعتمد على 32 بت، واحد للإشارة، و8 للأُس المُزِيد، و23 للقسم العُشْرِي

- الإشارة 1 يعني سالب، 0 يعني موجب
- الأُس المُزِيد بـ 127، يعني إذا كان أُس العدد في الأساس 2 هو 5، فإن الأُس المُزِيد هو  $132 = 5 + 127$
- القسم العُشْرِي الجُزئي بعد أول واحد

Sign	Biased exponent	Fraction
الإشارة	الأُس المُزِيد	الجزء العُشْرِي
(1 bit)	(8 bits)	(23 bits)

A normalized floating number has a value  $v$  given by the following formula:

$$v = s \times 2^e \times m$$

- $s = \pm 1$  represents the sign (according to the sign bit) ;
- $e$  is the exponent before its offset by 127;
- $m = 1 + \text{mantissa}$  represents the significant part (in binary), hence  $1 \leq m < 2$  (mantissa being the decimal part of the significant part, between 0 and 1)

1

corrected exercise تَعْرِيف مُحْلُول

Convert the decimal number 8.625 to floating point according to the IEEE 754 standard:

## Method

**Correction** Conversion of 8,625 to binary

- Integer part :  $8 \Rightarrow 1000$  القسم الصحيح
  - Decimal part :  $0,625 \Rightarrow 0,101$  القسم العشري
  - Sum  $8,625 \Rightarrow 1000,101$
  - Normalization:  $1000,101x2^0 \Leftrightarrow 0,1000\ 101x2^4$  توحيد
  - Pseudo-normalization IEEE 754 :  $\Leftrightarrow 1,0001\ 010x2^3$  (in the form  $1,xxxx$  where  $xxx$  = pseudo mantissa)
  - توحيد جزئي من الشكل  $1,xxx$  حيث  $xxx$  هو القسم العشري الجزئي
  - Decomposition of the number into its elements : تفسيم العدد إلى عناصره
  - Sign bit : 0 (Number  $>0$ ) بت الإشارة
  - Exponent on 8 bits biased by 127  $\Rightarrow 3 + 127 = 130 \Rightarrow 1000\ 0010$  الأسس على 8 بت مزيد بـ 127
  - Pseudo mantissa on 23 bits: 0001 0100 0000 0000 0000 000 القسم العشري الجزئي على 23 بت

Sign الإشارة	Biased exponent الأُس المُزِيد	Pseudo mantissa الجزء العشري
0	1000 0010	000 1010 0000 0000 0000 0000

## 2.4.2 Other formats

صیغه اخری

Name الاسم	Known name الاسم المعروف	Base الأساس	Digits الأرقام	Exponent min الأس الأدنى	Exponent max الأس الأقصى	Digits decimal عدد الأرقام	Exponent decimal max الأس العلوي الأقصى
binary16	Half precision	2	11	-14	15	3.31	4.51
binary32	Single precision	2	24	-126	127	7.22	38.23
binary64	Double precision	2	53	-1022	1 023	15.95	307.95
binary128	Quadruple precision	2	113	-16 382	16 383	34.02	4931.77

## 2.5

## Other number codes

## تراميز أخرى للأعداد

### 2.5.1

### Binary Coded Decimal

### العشرى المرمز بالثنائي

The binary coded decimal (BCD), is used in electronics and computer science to encode numbers in a way relatively close to the usual human representation (in base 10). In BCD, numbers are represented in decimal digits, and each of these digits is coded on four bits (Müller, 2021):

هو تمثيل يمزج بين النظام العشري وال الثنائي، ليسهل عملية التحويل بينهما، يرمز كل رقم عشري بأربعة أرقام ثنائية

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001

### 2.5.2

### Gray Code

### الترميز الثنائى المعكوس : ترميز غراري

Gray's code, also known as reflected binary, is a type of binary coding that only changes one bit at a time when a number is increased by one. The code name comes from the American engineer Frank Gray (1953) (Dekeyser, 2010).

الترميز المنعكس أو ترميز غراري طريقة لتمثيل الأعداد ثنائية. حيث أن الفرق بين أي عدد وآخر يليه في تشفير غراري يكون في بت واحد فقطن تستعمل في العدادات والآلات، لمنع حدوث حالات عابرة خاطئة. تم اختيار هذه الترميز من قبل فرانك غراري 1953.

Decimal	binary	Gray's code or reflected binary code
الترميز الثنائى المعتاد	الترميز الثنائى المعكوس	الترميز الثنائى المعكوس
0	0000	0000
1	0001	0001
2	0010	0011
3	0011	0010
4	0100	0110
5	0101	0111
6	0110	0101
7	0111	0100

## 2.6

## Character encoding

## ترميز الحروف

### 2.6.1

### ASCII code

### ترميز الأسكنري

ASCII (American Standard Code for Information Interchange) is an encoding system based on the Latin alphabet as used in Modern English and other Western European languages. ASCII is used in computer systems, communication devices and text manipulation systems(Lebert, 2002).

Because the ASCII code was designed for the English language, it does not include accented or language-specific characters. It is required to use another code to code this type of character. As a result, the ASCII code has been expanded to 8 bits (one byte) in order to encode more characters (this is sometimes referred to as extended ASCII code ...). (Lebert, 2002).

This code assigns the values 0 to 255 (therefore coded on 8 bits, ie 1 byte) to upper and lower case letters, numbers, punctuation marks, and other symbols (accented characters in the case of the iso-Latin1 code). Extended ASCII code is not unique and highly platform-dependent (Lebert, 2002).

الأسي ASCII (الترميز الأمريكي القياسي لتبادل المعلومات) مجموعة رموز ونظام ترميز مبني على الأبجدية اللاتينية بالشكل الذي تستخدم به في الإنجليزية الحديثة ولغات غرب أوروبية أخرى. من أكثر الاستخدامات شيوعاً للنصوص المكتوبة بالآسي، استخدامها في أنظمة الحاسوب، وفي أجهزة الاتصالات وأنظمة التحكم التي تعامل مع النصوص اللاتينية.

أُنشئ ترميز الأسي أساساً للغة الإنجليزية ، لذا فليس فيه أحروف ذات علامات، أو أحروف ذات بعدين غير الإنجليزية. لذا لتشفير هذه الأحرف، سنحتاج إلى ترميز جديد. لذلك جرى توسيع الأسي إلى 8 بتات (بait واحد) من أجل تشفير المزيد من الأحرف. يمنح هذا الترميز القيم من 0 إلى 255 (وبالتالي يتم ترميزها على 8 بتات ، أي 1 بait) للأحرف الكبيرة والصغرى والأرقام وعلامات الترقيم والأحرف ذات العلامات (مثل ترميز iso-latin1). ترميز ASCII الموسّع ليس فريداً ويختلف من نظام إلى آخر.

## الترميز العالمي الموحد

### 2.6.2 Unicode

Unicode is a sixteen-bit encoding system in which each character (or ideogram) is assigned a unique number. This number can be read regardless of platform, software, or starting working language. Unicode, with its 65,000 distinct characters (or ideograms), contains all of the world's writing systems. The Unicode Consortium is in charge of its maintenance. It forms a part of the World Wide online Consortium's (W3C) specifications, which was created in October 1994 to support web development. (Lebert, 2002).

Generally in Unicode, a character takes 2 bytes. In other words, the smallest text takes up twice as much space as in ASCII (Béasse, 2019).

يونيكود نظام ترميز من ستة عشر بتاً يحدد رقمًا فريداً لكل حرف. يستخدم هذا الرقم بغض النظر عن نظام التشغيل والبراجم ولغة بداية العمل. يشمل يونيكود 65000 حرفاً فريداً جميع أنظمة الكتابة واللغات على هذا الكوكب. يشرف على ترميز يونيكود مؤتمر اليونيكود أحد أقسام مواصفات اتحاد شبكة الويب العالمية (W3C) ، الذي تأسس في أكتوبر 1994 لتعزيز تطوير الويب. يرمز اليونيكود لغات العالم، مختلف أنواعها وحروفها بما في ذلك العلامات الخاصة diacritics ، والرموز الرياضية، والرموز التقنية، والأسماء.. إلخ.

تعطي يونيكود رقمًا فريداً لكل حرف بغض النظر عن المنصة والبراجم واللغة، يرمز اليونيكود على 2 بت، ويستعمل التمثيل

Example    ASCII code of 'A' is  $(100\ 0001)_2 = (41)_{16} = (65)_{10}$   
Char Code of Alif is  $(0627)_{16}$

## ASCII CONTROL CODE CHART

BITS		b7	0	0	0	0	1	0	1	0	1	0	1	1	1					
		b6	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	1					
		CONTROL				SYMBOLS NUMBERS				UPPER CASE				LOWER CASE						
b4	b3	b2	b1																	
0	0	0	0	0	NUL	16	DLE	32	SP	48	0	64	@	80	P	96	'	112	p	
				0		10	20	20	40	30	60	40	100	50	120	60	140	70	160	
0	0	0	1	1	SOH	17	DC1	33	!	49	1	65	A	81	Q	97	a	113	q	
				1		11	21	21	41	31	61	41	101	51	121	61	141	71	161	
0	0	1	0	2	STX	18	DC2	34	"	50	2	66	B	82	R	98	b	114	r	
				2		12	22	22	42	32	62	42	102	52	122	62	142	72	162	
0	0	1	1	3	ETX	19	DC3	35	#	51	3	67	C	83	S	99	c	115	s	
				3		13	23	23	43	33	63	43	103	53	123	63	143	73	163	
0	1	0	0	4	EOT	20	DC4	36	\$	52	4	68	D	84	T	100	d	116	t	
				4		14	24	24	44	34	64	44	104	54	124	64	144	74	164	
0	1	0	1	5	ENQ	21	NAK	37	%	53	5	69	E	85	U	101	e	117	u	
				5		15	25	25	45	35	65	45	105	55	125	65	145	75	165	
0	1	1	0	6	ACK	22	SYN	38	&	54	6	70	F	86	V	102	f	118	v	
				6		16	26	26	46	36	66	46	106	56	126	66	146	76	166	
0	1	1	1	7	BEL	23	ETB	39	,	55	7	71	G	87	W	103	g	119	w	
				7		17	27	27	47	37	67	47	107	57	127	67	147	77	167	
1	0	0	0	8	BS	24	CAN	40	(	56	8	72	H	88	X	104	h	120	x	
				8		10	18	30	50	38	70	48	110	58	130	68	150	78	170	
1	0	0	1	9	HT	25	EM	41	)	57	9	73	I	89	Y	105	i	121	y	
				9		11	19	31	29	51	39	71	49	111	59	131	69	151	79	171
1	0	1	0	10	LF	26	SUB	42	*	58	:	74	J	90	Z	106	j	122	z	
				A		12	1A	32	2A	52	3A	72	4A	112	5A	132	6A	152	7A	172
1	0	1	1	11	VT	27	ESC	43	+	59	;	75	K	91	[	107	k	123	{	
				B		13	1B	33	2B	53	3B	73	4B	113	5B	133	6B	153	7B	173
1	1	0	0	12	FF	28	FS	44	,	60	<	76	L	92	\	108	l	124		
				C		14	1C	34	2C	54	3C	74	4C	114	5C	134	6C	154	7C	174
1	1	0	1	13	CR	29	GS	45	-	61	=	77	M	93	]	109	m	125	}	
				D		15	1D	35	2D	55	3D	75	4D	115	5D	135	6D	155	7D	175
1	1	1	0	14	SO	30	RS	46	.	62	>	78	N	94	^	110	n	126	~	
				E		16	1E	36	2E	56	3E	76	4E	116	5E	136	6E	156	7E	176
1	1	1	1	15	SI	31	US	47	/	63	?	79	O	95	-	111	o	127	DEL	
				F		17	1F	37	2F	57	3F	77	4F	117	5F	137	6F	157	7F	177

LEGEND:

dec	CHAR
hex	oct

Victor Eijkhout  
Dept. of Comp. Sci.  
University of Tennessee  
Knoxville TN 37996, USA

	060	061	062	063	064	065	066	067	068	069	06A	06B	06C	06D	06E	06F
0	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
1	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
2	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
3	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
4	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
5	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
6	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
7	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
8	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
9	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
A	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
B	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
C	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
D	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
E	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض
F	ؠ	آ	ؤ	ئ	ب	ة	ت	ث	ج	ح	خ	ذ	ز	ش	ص	ض

The Unicode Standard, Version 15.0, Copyright © 1991-2022 Unicode, Inc. All rights reserved.

Figure 2.5: Unicode table: special page for the Arabic language.

# Chapter 3

## Boolean Algebra

## الجبر البولياني

### 3.1 Introduction

### مقدمة

Boolean algebra, or Boolean calculus, is the part of mathematics, logic, and electronics that deals with operations and functions on logical variables. It was invented in 1854 by the British mathematician **George Boole** (Müller, 2021).

Today, Boolean algebra finds many applications in computer science and in the design of electronic circuits (Müller, 2021).

الجبر البولياني أو الحساب البولياني قسم من الرياضيات والمنطق والالكترونيك يهتم بالعمليات والدوال ذات المتغيرات المنطقية التي تأخذ قيمتين (صحيح، خطأ). يسمح هذا الجبر بتطبيق التقنيات الجبرية لمعالجة العبارات المنطقية وحساب القضايا. يأخذ اسمه من واضعه الرياضي البريطاني جورج بول سنة 1854. للجبر البولياني تطبيقات كثيرة في المعلوماتية وتصميم الدارات الالكترونية،

### 3.2 Definitions

### تعريفات

We call B the set consisting of two elements called truth values  $\{True, False\}$ . This set is also denoted  $B = \{1, 0\}$  (Müller, 2021). On this set, we can define two laws (or operations or functions), the laws *AND* and *OR* and a transformation called complementary, inversion, or opposite. (Müller, 2021).

نسمي المجموعة B ذات العنصرين المسميين "قيمتا الحقيقة" (صحيح، خطأ). نرمز لهذه المجموعة  $\{1, 0\}$ .  
نعرف على هذه المجموعة قانونين (عمليتين أو دالتين) هما الوصل "و" ، والفصل "أو" ، والتحويل المسمى المترافق (العكس، الضد).

#### 3.2.1 Conjunction

#### الوصل

It is defined as follows:  $a \text{ AND } b$  is *TRUE* if and only if  $a$  is *TRUE* and  $b$  is *TRUE*. This law is also denoted by a point ":" (Müller, 2021)

نعرف الوصل بأن القضية "أو ب" صحيحة إذا كان أ صحيحًا وب صحيحًا، ونرمز له بالنقطة ":".



$a$	$b$	$a \text{ and } b$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

### 3.2.2 Disjunction

It is defined as:  $a \text{ OR } b$  is *TRUE* if and only if  $a$  is *TRUE* or  $b$  is *TRUE*. (In particular, if  $a$  is *TRUE* and  $b$  is also *TRUE*, then  $a \text{ OR } b$  is true.) This law is also denoted by a plus + (Müller, 2021)

نعرف الفصل بأن القضية "أ أو ب" صحيحة إذا و فقط إذا كان أ صحيحاً أو كان ب صحيحاً، و نرمز له بالرائد «+»

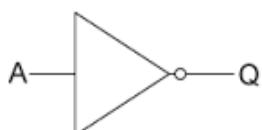


$a$	$b$	$a \text{ or } b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

### 3.2.3 Negation

The opposite of  $a$  is *TRUE* if and only if  $a$  is *FALSE*. The opposite of  $a$  is noted  $\bar{a}$

نفي  $a$  صحيح إذا و فقط إذا كان  $a$  خاطئ، و نرمز له بخط علوي  $\bar{a}$



$a$	$\bar{a}$
0	1
1	0

## 3.3

### Algebraic properties

Associativity تجبيعة	$(a + b) + c = a + (b + c) = a + b + c$ مثلا العمليات الاعتيادية، some parentheses are unnecessary: $(a.b).c = a.(b.c) = a.b.c$
Commutativity تبديلية	$a + b = b + a$ The order is irrelevant: $a.b = b.a$
Distributivity توزيعية	$a.(b + c) = a.b + a.c$ $a + (b.c) = (a + b)(a + c)$
Idempotence التماثل	$a + a + a + a + a \dots + a = a$ $a.a.a.a \dots a = a$
Identity العنصر الحيادي	$a + 0 = a$ $a.1 = a$
Absorption العنصر الماخص	$a + 1 = 1$ $a.0 = 0$
Simplification التبسيط	$a + \bar{a}.b = a + b$ $a.(\bar{a} + b) = a.b$
Redundancy الكرار	$a.b + \bar{a}.c + b.c = a.b + \bar{a}.c$
Complimentary المتمم	$a = \bar{\bar{a}}$ $a.\bar{a} = 0$ $a + \bar{a} = 1$

### 3.3.1 De Morgan Theorem

مبرهنة دي مورغان

Theorem

First law of “De Morgan“ (conjunction negation)

القانون الأول : نفي الوصل

$$\overline{a \cdot b} = \overline{a} + \overline{b}$$

Sum complement = product of complements

متمم المجموع = جداء المتممات

Theorem

القانون الثاني : نفي الفصل (disjunction negation)

$$\overline{a + b} = \overline{a} \cdot \overline{b}$$

Product complement = sum of complements

متمم الجداء = مجموع المتممات

## 3.4 Canonical forms

الشكل القانوني

الشكل القانوني الأول : مجموع الحدود الدنيا

:مجموع الجداءات

$$F(A, B, C) = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C + \overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} + A \cdot \overline{B} \cdot \overline{C}$$

الشكل القانوني الثاني : جداء الحدود

القصوى جداء المجاميع

$$F(A, B, C) = (A + \overline{B} + C)(A + B + \overline{C})(\overline{A} + B + C)(A + B + C)$$

Canonical form, Miniterm and Maxiterm

الشكل القانوني، الحدود الدنيا والقصوى

A	B	C	S	term	Min max
0	0	0	0	$\blacktriangleright A + B + C$	Max term
0	0	1	0	$\blacktriangleright A + B + \overline{C}$	Max term
0	1	0	0	$\blacktriangleright A + \overline{B} + C$	Max term
0	1	1	1	$\blacktriangleright \overline{A}BC$	Min term
1	0	0	0	$\blacktriangleright \overline{A} + B + C$	Max term
1	0	1	1	$\blacktriangleright A\overline{B}C$	Min term
1	1	0	1	$\blacktriangleright AB\overline{C}$	Min term
1	1	1	1	$\blacktriangleright ABC$	Min term

## 3.5 Simplification

تبسيط

There are two methods of simplification

- Simplification by algebraic properties.
- Simplification by the graphical method i.e. Karnaugh map.

يمكن التبسيط بطريقتين: جبريا حسب الخواص، وبيانيا بجدول كارنوف.

### 3.5.1 Simplification by algebraic properties التبسيط بالخواص الجبرية

Example  $s = a.b.c + a.\bar{b}.(\bar{a}.\bar{c})$

Demonstration		
$s = a.b.c + a.\bar{b}.(\bar{a}.\bar{c})$	transformation	تحويل
$s = a.b.c + a.\bar{b}.(a + c)$	Apply le De Morgan theorem	تطبيق مبرهنة ديورغن
$(\bar{a}.\bar{c}) = (\bar{a} + \bar{c}) = (a + c)$		
$s = a.b.c + a.\bar{b}.a + a.\bar{b}.c$	Expansion	نشر
$s = a.b.c + a.\bar{b} + a.\bar{b}.c$	Reduction ( $a.\bar{b}.a = a.\bar{b}$ )	اختزال
$s = a.\bar{b} + a.b.c + a.\bar{b}.c$	Common factors	العوامل المشتركة
$s = a.\bar{b} + a.c(b + \bar{b})$		
$s = a.\bar{b} + a.c$	because $b + \bar{b} = 1$	
$s = a(\bar{b} + c)$	Common factors	العوامل المشتركة

■

### 3.5.2 Simplification by Karnaugh maps التبسيط بجدول كارنوف

The Karnaugh map is a graphical tool for simplifying a logic equation or the process of going from a truth table to a corresponding circuit (Müller, 2021).

جدول كارنوف وسيلة مرئية (مخطط) لتبسيط معادلة منطقية للمرور من جدول الحقيقة إلى رسم الدارة.

	b	
	0	1
a	0	
1	1	0

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	0	0
	01	0	1	1	0
	11	0	1	1	0
	10	1	0	0	1

### Method

- Join adjacent “1” in groups of 2, 4, 8 etc.
- The equation of the circuit is given by the sum of the products of the variables which do not change state in each grouping. Then  $S1 = \bar{b}$  and  $S2 = b.d + a.\bar{b}.\bar{d}$

• نجع الآحاد المجاورة في مجموعات ثنائية أو رباعية أو ثمانية العناصر

• المعادلة الناتجة هي مجموع جداءات المتغيرات التي لا تتبدل حالتها في كل تجعيم ومنه  $S1 = \bar{b}$  و  $S2 = b.d + a.\bar{b}.\bar{d}$

### Note

نحصل على المخرج المعاكس  $S$  بتجمع الأصفار

## 3.6

## Study of a logic function

## دراسة دالة منطقية

Steps :

الخطوات

1 Truth table

جدول الحقيقة

2 Canonical Forms

الشكل القانوني

3 Simplification (algebraic or Karnaugh map)

تبسيط (جيриا أو بخيط كارنو夫)

4 logigram drawing  
(diagram of logic gates)

رسم الخريط المنطقي  
(خريط البوابات المنطقية)

Example Let  $F(x, y, z) = x.y.z + x.\bar{y} + z$

Truth table

جدول الحقيقة

X	Y	Z	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

Canonical Forms

الشكل القانوني 1<sup>st</sup> canonical form

الشكل القانوني الأول

$$F(x, y, z) = \bar{x}.\bar{y}.z + \bar{x}.y.z + x.\bar{y}.\bar{z} + x.\bar{y}.z + x.y.z$$

2<sup>nd</sup> canonical form

الشكل القانوني الثاني

$$f(x, y, z) = (x + y + z)(x + \bar{y} + z)(\bar{x} + \bar{y} + z)$$

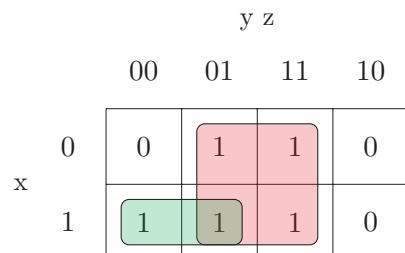
Simplification

تبسيط

$$\begin{aligned} xyz + x\bar{y} + z &= x(yz + \bar{y}) + z \\ &= x(\bar{y} + yz) + z = x(\bar{y} + y)(\bar{y} + z) + z \\ &= x(1)(\bar{y} + z) + z = x(\bar{y} + z) + z = x\bar{y} + xz + z \\ &= x\bar{y} + z(x + 1) = x\bar{y} + z \cdot 1 = x\bar{y} + z \end{aligned}$$

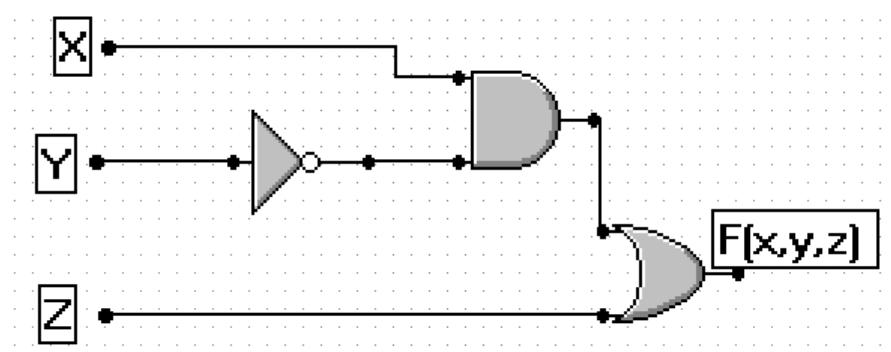
Karnaugh map

جدول كارنوف



Logigram :

المخطط المنطقي



**Exercises**

تمارين

## Part II

**Chapter 4**

**Exercises**

**تمارين**

## 4.1 Chapter 1's exercises

تمارين الفصل الأول

### 4.1.1 Units of measurement

وحدات القياس

01 Specify the units of measurement in the following data sheet:

حدد وحدات القياس المناسبة

- Intel Core™i5 (frequency 3.40 ..... , cache memory 4 ذاكرة خبيثة ....)
- Windows 8.1 64 .....
- RAM 4 ..... with frequency of 1333 .....
- Hard disk 850 قرص صلب ..... نسبه التحويل 4 .....
- Integrated network card (LAN) : 100 بطاقة شبكة مدمجة .....
- ADSL connection 2 اتصال إنترنت .....
- WebCam resolution 12 تباين : .....

02 Convert the following units:

حول الوحدات الآتية:

- 2,4 GHz = \_\_\_\_\_ MHz = \_\_\_\_\_ Hz
- 4,7 GB = \_\_\_\_\_ MB = \_\_\_\_\_ KB = \_\_\_\_\_ Bytes
- 512 kb/s = \_\_\_\_\_ kB/s = \_\_\_\_\_ Bytes/s.
- 2 TB = \_\_\_\_\_ GB = \_\_\_\_\_ MB

03

1 Convert 1Mb/s = \_\_\_\_\_ kB/s = \_\_\_\_\_ bytes/s. حول:

2 How long does it take to download a 1 MB file using a 1 Mb/s ADSL connection?

ما الزمن اللازم لتنزيل ملف حجمه 1 ميغابايت باستعمال اتصال انترنت بتدفق  $1 Mb/s$

### 4.1.2 Numeral systems

أنظمة التعداد

04 Give the correspondence table of the first 17 integer numbers in the following bases (2, 6, 8, 12, 16)

أعط الجدول المقابل للأعداد السبعة عشر الأولى في الأسس (16, 12, 8, 6, 2)

05 Choose the correct answer

اختر الإجابة الصحيحة

$$1830_{10} = 2653_8 \quad 3446_8 \quad 3448_8$$

$$1954_{10} = 207A_{16} \quad 72A_{16} \quad 7A2_{16}$$

$$2019_{10} = 011\ 1101\ 1111_2 \quad 111\ 1011\ 1110_2 \quad 111\ 1110\ 0011_2$$

06 Make the following conversions

حول ما يأتي

- Base 10 to base X  $(69)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_7$   $(145)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$   $(251)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_{16}$
- Base X to base 10  $(243)_6 = (\underline{\hspace{2cm}})_{10}$   $(1453)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_{10}$   $(326)_5 = (\underline{\hspace{2cm}})_{10}$
- Base X to Base Y  $(6175)_9 = (\underline{\hspace{2cm}})_{12}$   $(234)_5 = (\underline{\hspace{2cm}})_7$   $(1040)_5 = (\underline{\hspace{2cm}})_6$

**07** Make the following conversions

حول ما يلي

- Base 2 to base 8 :      110 100      10 011 101      11 010 100
- Base 8 to base 2 :      26      150      1734
- Base 2 to Base 16 :      1101 1000      1001 0101 1100      1 0101 0101
- Base 16 to Base 2 :      4BF      6C2      A6E
- Base 8 to/from Base 16 :      76      DCBA      4321D91A

### 4.1.3 Additional exercises

للتعملق

**08** A Telecom operator offers a package of 50 MB for 100 DA, What is the time required to consume it using a speed of 256 kb/s?

شركة اتصالات تقتصر عرضها جرافيا قدره 50Mo بـ 100 دج، ما الزمن اللازم لاستهلاك هذا الرصيد باتصال تدفقه 256kb/s؟

**09**

لدينا شبكة منزلية بين حاسوب محمول netbook (مزود ببطاقة شبكة سرعة 100Mb/s) و حاسوب مكتبي (مزود ببطاقة شبكة سرعتها 1000Mb/s). الحاسوب المحمول ليس فيه قارئ للأقراص المضغوطة. ما الزمن اللازم لنقل محتوى قرص مضغوط DVD إلى الحاسوب المحمول عبر الشبكة المنزلية؟

We have a small home network between a NetBook (with a 100 Mb/s network card) and a desktop computer (with a 1000 Mb/s network card). How long does it take to transfer DVD content to the NetBook?

**10**

: Write the following numbers in octal, hexadecimal, and decimal:

حول الأعداد الآتية إلى الأسس الآتية : الثنائي، العشري، الستعشري

$$\begin{array}{ll} 11\ 1101\ 1000\ 1101\ 0001 & 1\ 1111\ 1101\ 0000\ 1010\ 0110 \\ 1\ 1101\ 0100\ 0011\ 0010\ 1101 & 1\ 1001\ 0101\ 1000\ 1101\ 0001 \\ 0\ 0001\ 1101\ 0011\ 0110\ 0111 & 1\ 1111\ 1111\ 1111\ 1001\ 1111 \end{array}$$

**11**

Which numbers have the same representation in binary, octal, hexadecimal and decimal?

ما هي الأعداد التي لها نفس التمثيل في النظام الثنائي والثماني والعشري والستعشري؟

**12**

Which numbers have the same representation in octal, hexadecimal and decimal?

ما هي الأعداد التي لها نفس التمثيل في الثنائي والعشري والستعشري؟

**13**

Which of the following numbers have meaning in hexadecimal?

من بين ما يلي، ما هي الأعداد التي لها معنى في النظام الستعشري

BAC DEUA CAFE NIMPORTEQUOI BAFFE  
DECADE BEF FA5D F00D C0DE A1DE

14 How many positive integers can be expressed with n digits in a base b?

كم عدداً طبيعياً موجباً يمكننا تمثيله على n رقاً في الأساس b؟

15 Determine the base (T, X, Y and Z) in which the following numbers are expressed:

حدد الأسس المستعملة في تمثيل الأعداد الآتية

- $(24)_T = 14_{10}$
- $(13)_X = 7_{10}$
- $(70)_Y = 56_{10}$
- $(1A0)_Z = 416_{10}$

16 If X is a nonzero positive integer, how is X written in base X?

إذا كان X عدداً طبيعياً غير معدوم، كيف نمثله في الأساس X

17 Convert the following numbers to Binary, octal and hexadecimal:

حول الأعداد الآتية إلى الأسس الآتية : الثنائي، العشري، السعشرى

15, 25, 256, 3012, 2013, 512, 45, 18

18 How fast is the internet connection if you can download a 15MB file in 1 minute?

ما تدفق اتصال الإنترنـت، إذاً أمكنـا تـزيل مـلف 15Mo في دـقيقة واحـدة؟

## 4.2 Chapter 2's Exercises

تمارين الفصل الثاني

### 4.2.1 Arithmetics

الحساب

01

Calculate the following operations vertically to the base:

احسب العمليات الآتية عمودياً في الأساس

- base 8 :  $132 + 134; \quad 132 + 316; \quad 337 - 155$
- base 16 :  $F2C + 4C3; \quad F2C - 45E$
- base 2 :  $10\ 0101 + 101; \quad 1\ 1001 + 1011; \quad 11\ 1111 + 1$

02

Calculate the following operations vertically to the base 2:

احسب العمليات الآتية عمودياً في الأساس 2

$$1010\ 1101 * 1000 ; \quad 1\ 0101\ 1110 * 101 ; \quad 1011\ 1011 * 1101$$
$$1010\ 1101 \div 10 ; \quad 1\ 0101\ 1110 \div 110 ; \quad 1011\ 1011 \div 101$$

### 4.2.2 Representation of positive integers

تمثيل الأعداد الصحيحة  
الموجبة :

03

1 What is the maximum number that can be represented on 16 bits, 20 bits, 32 bits.

ما أقصى عدد يمكن تمثيله على 16 بت، 20 بت، 32 بت؟

2 What is the number of bits for the operation of a simple calculator that contains 8 decimal digits?

ما هو عدد البتات اللازمة لعمل آلة حاسبة ذات 8 أرقام

3 Calculate  $1111\ 1110 + 10$  on 8 bits

احسب المجموع  $1111\ 1110 + 10$  على 8 بิตات

### 4.2.3 Representation of negative integers

تمثيل الأعداد الصحيحة السالبة

04

Represent the following numbers in absolute value, 1's complement, 2's complement on 8 bits

مثل على 8 بت الأعداد الآتية في تمثيل بالقيمة المطلقة والمتمم إلى الواحد، والمتمم إلى الاثنين

$$1, 2, 3, 16, 19, -1, -2, -3, -4, -16, 127$$

05

Convert the following 8-bit integers to decimal:

حول إلى النظام العشري حسب التمثيل المستخدم على 8 بت

- Absolute value : 1000 1010 ; 0000 1100 ; 1000 0001
- 1's complement: 1111 0101 ; 0111 0011 ; 1111 1110
- 2's complement: 1111 0110 ; 0111 0011 ; 1111 1101

06

Calculate in base 2, then in 2's complement on 8 bits

أحسب في الأساس الثنائي على 8 بิตات، ثم في المتمم 2

$$0000\ 1010 + (-000\ 1000); \quad 001\ 1001 + (-1011); \quad 11\ 1111 + (-1)$$

#### 4.2.4 Representation of real numbers

#### تمثيل الأعداد الحقيقية

07

Convert into binary

حول إلى الثنائي

$$13.25 \quad 15.75 \quad 12.625 \quad 0.3$$

08

Convert the following binary numbers to decimal

حول إلى العشري

$$0,11001 \quad 101,1 \quad 110,001 \quad 10\ 0110,1101\ 01$$

09

Represent in binary floating point by IEEE754-16bits, IEEE754-32bits standards

مثل بال الثنائي بالفاصلة العائمة بمعايير IEEE754-16bits, IEEE754-32 bits

$$13.25 \quad -15.75 \quad +12.625 \quad 0.3$$

10

Convert to decimal the following binary number represented in floating point ( IEEE754-32 bits)

حول إلى النظام العشري الأعداد الثنائية التالية الممثلة في الفاصلة العائمة IEEE754-32 bits

sign	exponent	Mantissa
1	1000 0010	1010 1000 0000 0000 0000 000
1	1000 0100	1001 0100 0000 0000 0000 000
0	1000 1010	1111 1000 0000 0000 0000 000

#### 4.2.5 Character encoding

#### ترميز الحروف

11

Encode the message in ASCII

رمز الرسالة بالأسمى

"I'm 18 YeArs old ;)"

12

Decode the message from ASCII

فك الرسالة المكتوبة بالأسمى

0100 1001	010 0000	0110 1100	0110 1111	0111 0110	0110 0101	010 0000
0100 1101	0100 1001	010 0000	0110 1110	1011 0000	011 0001	010 1110

رّمز عبارة 'السلامُ علَيْكُم' باليونيكود  
13 Encode 'السلامُ علَيْكُم' in Unicode

رّمز العددين 374 و 568 في BCD ، اجمعهما في BCD ؟  
14

2 Encode the 568 and 374 in BCD, then sum?

3 How to correct the result.  
كيف يمكن تصحيح النتيجة

4 Redo the same work in EXCES3  
أعد نفس العملية باستعمال التمثيل الزائد 3

5 Repeat the same work for 467 and 534  
أعد نفس العملية للأعداد 534 و 467

15

1 Create the Gray code table from 0 to 16.  
أنشئ جدول الأعداد حسب ترميز غراي من 0 إلى 16

2 if  $x = (11\ 0011\ 1011)$  in Gray code, then  $x+1 = (11\ 0011\ 1010)$  or  $(11\ 0011\ 1001)$

#### 4.2.6 Additional Exercises

للعمق

16

ما هي القيم الدنيا والقصوى التي يمكن تمثيلها على 8 بات، باستعمال تمثيل القيمة المطلقة، المتمم إلى 1 والمتمم إلى 2  
What are the minimum and maximum values that can be represented in absolute value, 1's complement, 2's complement on 8 bits.

17 Convert the following decimals to binary, octal (base 8) and hexadecimal (base 16).  
حول إلى الثنائي والثاني والستعشرى

1.0, 1;      0, 4;      0, 21;      0, 98;      0, 123;      0, 462  
0, 5245;      0, 6234;      0, 11111;      0, 88888  
2.2, 2;      7, 1;      25, 21;      76, 53;      201, 321  
2079, 5245;      9998, 11112;      154292, 888556

18 Write according to the IEEE-754 standard the following numbers

عبر عن الأعداد الآتية بواسطة تمثيل IEEE-754 على 16 بت، وعلى 32 بت

-1.375      - 0.375      - 0.34375      1.375      2.75

19 Code your first name in ASCII.  
رّمز اسمك بالأسكى

20 Give the ASCII code of the following message.  
فك الرسالة المرمزة بالأسكى

1000 010; 011 0000; 101 0101; 100 1001; 101 0010; 100 0000

21 Code your name in Arabic in Unicode. رمز اسمك بالعربية باليونيكود

22 Decodes the message written in Arabic in Unicode. فك الرسالة المرمزة باليونيكود بالعربية

0627 0644 0633 0644 0627 0645 0020 0639 0644 064a 0643 0645

23 لتكن الآلة "خضراء خ-20-A14" التي تمثل الفاصلة العامة حسب الطريقة التالية:

Consider the machine of type KHADRA K20-A14 which represents the floating point in the format  
Represent مثل ما يلي

$$(1.067)_8, \quad (-0.0066)_{16}$$

24 Without using the ASCII table, knowing that  $(41)_{16}$  corresponds to 'A' and  $(33)_{16}$  corresponds to '3', code the following message:

دون استعمال جدول الأسكندري وعلمًا أن  $(41)_{16}$  يقابل 'A' و  $(33)_{16}$  يقابل '3', رمز الرسالة الآتية:

B	A	C	2	0	1	3
	41					33

25 Represent your date of birth in BCD مثل تاريخ ميلادك في BCD

**26** In Java language, the "short" type represents a short integer on 2 bytes ranging from -32768 to +32767.

في لغة البرمجة جافا، يمثل النوع *short* على 2 بait الأعداد الصحيحة على في المجال  $-32768, +32767$ .  
Represent on 2 bytes in 2's complement format.

مثل بالمتمن إلى 2 على 2 بait

$$(-5c6e)_{16}; \quad (-10a3)_{16}$$

**27** Represent the following 2's complement numbers on 20 bits

مثل بالمتمن الثنائي على 20 بت

$$-1, \quad -2, \quad 3, \quad -4$$

**28**

**1** Convert into decimal :  $(0.101)_2; (1000\ 0011)_2$

**2** Decode the number written in floating point under the IEEE754 standard on 32 bits. Give the result in decimal.

$$1 \ 1000\ 0011 \ 11011010000\ 0000v0000\ 0000$$

**29**

In binary mode, the scientific calculator uses 10 binary digits and 2's complement to represent negative numbers

Give in binary and in decimal, The smallest number and The largest number that can be written on the calculator in binary mode.

الآلة الحاسبة تستعمل المتمن إلى 2 لتمثيل الأعداد السالبة على 10 رقا ثنائية، ما هو أكبر عدد ثنائي وأصغر عدد ثنائي يمكن تمثيلهما

**30**

**1** Convert into binary

حول إلى الثنائي

$$130, 131, 132, 133$$

**2** Represent the following floating point number under the 32-bit IEEE754 standard.

مثل الأعداد الآتية حسب معيار IEEE754- 32 bits

$$(-1 \times 2^3)_2, \quad (1 \times 2^4)_2, \quad (-10 \times 2^4)_2, \quad (0.0000\ 1)_2$$

## 4.3 Chapter 3's exercises

تمارين الفصل الثالث

01

Draw the truth table of the following expressions:

أنشئ جداول الحقيقة لكل عبارة مما يلي

- [1]  $a + a.b$
- [2]  $a.(a + b)$
- [3]  $a + \bar{a}.b$
- [4]  $(a + b)(a + \bar{b})$
- [5]  $(a + b)(a + c)$
- [6]  $(a + b)(\bar{a} + c)$

02

Prove the following theorems by the truth table

برهن المبرهنات الآتية بجداول الحقيقة

- [1] Idempotence :  $a + a + a + \dots = a$
- [2] Identity  $a + 0 = a$   $a.1 = a$
- [3] Absorption  $a.0 = 0$   $a + 1 = 1$
- [4] Complementary  $a + \bar{a} = 1$   $a.\bar{a} = 0$

03

Proving De Morgan's theorem using the truth table

جدول الحقيقة أثبت مبرهنة ديورنون

- [1]  $\overline{a.b} = \bar{a} + \bar{b}$
- [2]  $\overline{a + b} = \bar{a}.\bar{b}$

04

Prove the following equations using the properties of Boolean algebra:

أثبت باستعمال خواص الجبر البوليني

- [1]  $a + a.b = a$
- [2]  $a.(a + b) = a$
- [3]  $a + \bar{a}.b = a + b$
- [4]  $(a + b)(a + \bar{b}) = a$

Simplify the following equations using the properties of Boolean algebra:

بسط باستعمال خواص الجبر البوليني

- [1]  $(a + b)(a + c)$
- [2]  $(a + b)(\bar{a} + c)$

**05** Reduce equations using De Morgan's theorem;

بسط باستعمال مبرهنة ديورغان

$$\overline{\bar{a} \cdot b + \bar{a} + \bar{b}}$$

**06** Express the following functions in the first and second canonical form;

عبر عن الدوال الآتية بالشكليين القانونيين الأول والثاني

**1**  $f_1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$

**2**  $f(a, b, c) = 1$  if the count of variables at 1 is even

**3**  $f(a, b, c, d) = 1$  if at least two variables are equal to 1

**07** Simplify the functions of exercise 6 using the Karnaugh map

بسط دوال التدريب 6 بجدول كارنو

**08** Plot the logograms of the functions of exercise 6

رسم المخططات المنطقية لدوال التدرين 6

**09** Study the function

ادرس الدالة

$$F(x, y, z) = x \oplus (y + z)$$

**10** Simplify the following Karnaugh maps:

بسط الدوال الآتية

**1** Function X1

		cd				
		00	01	11	10	
ab		00	1	0	1	1
		01	1	0	1	1
11	00	0	0	0	0	
10	01	1	0	0	0	

**2** Function X 2

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	1	0
	01	1	0	1	0
	11	0	1	0	1
	10	1	0	0	1

**[3] Function X 3**

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	0	1
	10	1	0	0	1

**11** Prove the following relations algebraically:

أثبت جبريا ما يلي:

- [1]**  $AB + \overline{A}C = (\overline{A} + B)(A + C)$
- [2]**  $AB + \overline{A}C + BC = \overline{A}B + AC$
- [3]**  $(A + B)(\overline{A} + C)(B + C) = (A + B)(\overline{A} + C)$
- [4]**  $AB + A\overline{B}C = AB + AC$
- [5]**  $(A.\overline{B} + C) + (\overline{A} + B)\overline{C} = 1$
- [6]**  $(A + B)(A + \overline{B} + C) = (A + B)(A + C)$
- [7]**  $(AB + AC + BC) = (A + B)(A + C)(B + C)$
- [8]**  $\overline{(A + C)(B + \overline{C})} = (\overline{A} + C)(\overline{B} + \overline{C})$
- [9]**  $\overline{AC + B\overline{C}} = \overline{AC} + \overline{B.C}$

**12** Determine the complements of the following functions

حدد متممات ما يلي

**1**  $(bc' + a'd)(ab' + cd')$

**2**  $(ab' + c'd' + a'cd' + dc'(ab+a'b') + db(ac'+a'c))$

**13** Study the following logic functions

ادرس الدوال الآتية

**1**  $f1(a, b, c) = abc + ab + a + c + b\bar{a}$

**2**  $f2(a, b, c) = ab + ab\bar{c} + bc$

**3**  $f3(a, b, c) = 1$  if the number  $(abc)_2$  is odd

إذا كان العدد فرديا

**4**  $f4(a, b, c, d) = 1$  if the number  $(abcd)_2$  is prime

إذا كان العدد أوليا

**5**  $f5(a, b, c, d) = 1$  if the number  $(abcd)_2$  is multiple of 3

إذا العدد مضاعف لـ 3

**6**  $f6(a, b, c, d) = 1$  if the number  $(abcd)_2$  is greater than 10

إذا العدد أكبر من 10

**7**  $f7(a, b, c, d) = 1$  if the number  $(abcd)_2$  is multiple of 3 or multiple of 5.

إذا كان العدد مضاعفاً لاثنين أو مضاعفاً لـ 5

**8**  $f8(a, b, c, d) = 1$  if the number of bits at 0 is greater than or equal to the number of bits at 1

إذا كان عدد الأصفار أكبر أو يساوي عدد أرقام الواحد

**9**  $f9(A, B, C, D) = 1$  if  $A >= C$  and  $B <= D$

**10**  $f10(a, b, c, d) = 1$  if the number  $3 \leq (abcd)_2 \leq 12$ .

إذا كان العدد محصوراً بين 3 و 12

**11**  $f11(a, b, c, d) = 1$  if a bit at 1 is between two bits at 0, or a bit at 0 is between two bits at 1.

إذا وجد 1 بين صفرتين أو وجد صفر بين واحدين

### 4.3.1 Assignment

**Work to do:** The report must contain

- 1 the function definition
- 2 The truth table
- 3 the canonical forms
- 4 the simplification by the karnaugh map
- 5 the logigram
  - a. hand drawn
  - b. Simulated with MultimediaLogic software <sup>a</sup> (print the diagram).

Date de remise: \_\_\_\_\_.

<sup>a</sup><http://sourceforge.net/projects/multimedialogic/>

Subjects:

- 1 Build the circuit that converts a binary number represented as a 5-bit signed value ( $A_4A_3A_2A_1A_0$ ) into a 2's complement number ( $S_4S_3S_2S_1S_0$ ).
- 2 Build the circuit that converts a binary number ( $A_4A_3A_2A_1A_0$ ) into 5-bit Gray code ( $G_4G_3G_2G_1G_0$ ).
- 3 Build the circuit that can count the number of bits at 1, the input number is on 5 bits ( $A_4A_3A_2A_1A_0$ ), the output on 3 bits ( $S_2S_1S_0$ ).
- 4 A circuit allows to display the strength of the wifi connection according to 4 input variables. The bars light up as follows:
  - a. T1: if at least one variable set to 1
  - b. T2: if at least two variables are 1
  - c. T3: if at least three variables are 1
  - d. T4: if all variables are 1

في التقرير

تعريف الدالة 1

جدول الحقيقة 2

الشكفين القانونيين 3

التبسيط حسب جدول كارنو 4

مخطط الدارات : 5

a. مرسوم باليد

b. محاكي على برنامج Multimedia logic

c. اطبع المخطط

آخر أجل:

## Chapter 5

# Solutions حلول

## 5.1 Chapter 1's solutions

حلول الفصل الأول

### 5.1.1 Units of measurement

وحدات القياس

01

Specify the units of measurement in the following data sheet:

حدد وحدات القياس المناسبة

- Intel Core<sup>TM</sup>i5 frequency 3.40 GHz ( ذاكرة خبيثة تردد cache memory 4 MB)
- Windows 8.1 64 bits.
- RAM 4 GB with 1333 MHz frequency.
- Hard Disk 850 GB, نسبة التحويل transfer rate 4 MB/s
- Integrated network card (LAN) : 100 Mb/s (Mbps MegaBit per second) بطاقة شبكة مدمجة
- ADSL Connection of 2 Mb/s (Mbps MegaBit per second).
- WebCam : تباين resolution 12 Mega Pixel.

02

Convert the following units

: حوّل الوحدات الآتية

1  $2,4 \text{ GHz} = 2.4 \times 10^3 \text{ MHz} = 2.4 \times 10^9 \text{ Hz}$

2  $4,7 \text{ GB} = 4.7 \times 2^{10} \text{ MB} = 4.7 \times 2^{20} \text{ KB} = 4.7 \times 2^{30} \text{ Bytes}$

3  $512 \text{ kb/s} = 512/8 \text{ kB/s} = 64 \times 2^{10} \text{ Bytes/s.}$

4  $2 \text{ TB} = 2 \times 2^{10} \text{ GB} = 4.7 \times 2^{20} \text{ MB}$

03

1 Convert  $1\text{Mb/s} = 1 \times 2^{10}/8 \text{ kB/s} = 1024/8 \text{ kB/s} = 128 \text{ kB/s} = 128 \times 1024 \text{ bytes/s.}$

2 How long does it take to download a 1 MB file using 1 Mb/s ADSL connection?

$$\text{time} = \frac{\text{Size}}{\text{Speed}} = \frac{1\text{MB}}{1\text{Mb/s}} = \frac{1 \times 8\text{Mb}}{1\text{Mb/s}} = 8\text{s}$$

### 5.1.2 Numeral Systems

أنظمة التعداد

4 Give the correspondence table of the first 17 integer numbers in the following bases (2, 6, 8, 12, 16) .

أعط الجدول المقابل للأعداد السبعة عشر الأولى في الأسس (16, 12, 8, 6, 2)

Decimal	base 2	base 6	base 8	base 12	base 16
1	1	1	1	1	1
2	10	2	2	2	2
3	11	3	3	3	3
4	100	4	4	4	4
5	101	5	5	5	5
6	110	10	6	6	6
7	111	11	7	7	7
8	1000	12	10	8	8
9	1001	13	11	9	9
10	1010	14	12	A	A
11	1011	15	13	B	B
12	1100	20	14	10	C
13	1101	21	15	12	D
14	1110	22	16	13	E
15	1111	23	17	14	F
16	10000	24	20	15	10
17	10001	25	21	16	11

05 Choose the correct answer

اختر الإجابة الصحيحة

[1]  $1830_{10} = 3446_8$

[2]  $1954_{10} = 7A2_{16}$

[3]  $2019_{10} = 111\ 1110\ 0011_2$

06 Make the following conversions

حول ما يأتي

**Base 10 to base X (Successive Division)**

(القسمة المتتابعة)

Method

$$69 = 9 * 7 + 6$$

$$9 = 1 * 7 + 3$$

$$1 = 0 * 7 + 1$$

[1]  $(69)_{10} = (136)_7$

[2]  $(145)_{10} = (1001\ 0001)_2$

[3]  $(251)_{10} = (\text{FB})_{16}$

**Base X to base 10 ( Polynomial expansion )**

(نشر كثير حدود)

Method

$6^2$	$6^1$	$6^0$
2	4	3

[1]  $(243)_6 = 2 \times 6^2 + 4 \times 6^1 + 3 \times 6^0 = 72 + 24 + 3 = 99_{10}$

[2]  $(243)_6 = (99)_{10}$

[3]  $(1453)_8 = (811)_{10}$

[4]  $(326)_5 = (\text{Erreur})_{10}$

### Base X to Base Y (Pass by base 10)

(المرور بالأساس 10)

#### Method

(Passer par la base 10)

$$(6175)_9 = (4523)_{10} = (274b)_{12}$$

[1]  $(6175)_9 = (4523)_{10} = (274b)_{12}$

[2]  $(234)_5 = (69)_{10} = (126)_7$

[3]  $(1040)_5 = (145)_{10} = (401)_6$

07

Make the following conversions

حول ما يلي

### Base 2 to base 8 : Separate digits three by three

#### Method

110	100
6	4

[1]  $110\ 100_2 = 64_8$

[2]  $10\ 011\ 101_2 = 235_8$

[3]  $11\ 010\ 100_2 = 324_8$

### Base 8 to base 2 : Separate digits three by three

#### Method

2	6
010	110

[1]  $26_8 = 010\ 110_2$

[2]  $150_8 = 001\ 101\ 000_2$

[3]  $1734_8 = 001\ 111\ 011\ 100_2$

### Base 2 to Base 16 : Separate digits four by four

Method

1101	1000
D	8

[1]  $1101\ 1000_2 = D8_{16}$

[2]  $1001\ 0101\ 1100_2 = 95C_{16}$

[3]  $1\ 0101\ 0101_2 = 155_{16}$

### Base 16 to Base 2 : Separate digits four by four

Method

4	B	F
0100	1011	1111

[1]  $4BF_{16} = 0100\ 1011\ 1111_2$

[2]  $6C2_{16} = 0110\ 1100\ 0010_2$

[3]  $A6E_{16} = 1010\ 0110\ 1110_2$

### Base 8 to/from Base 16 : pass by base 2

[1]  $76_8 = 111\ 110_2 = 111\ 110_2 = 3E_{16}$

[2]  $DCBA_{16} = 1101\ 1100\ 1011\ 1011_2 = 1\ 101\ 110\ 010\ 111\ 011_2 = 156273_8$

## 5.2 Chapter 2's solutions

حلول الفصل الثاني

### 5.2.1 Arithmetics

الحساب

01

أحسب العمليات الآتية عموديا في الأساس

1 Base 8:  $132 + 134 ; 132 + 316 ; 337 - 155$

Method

$$\begin{array}{r} 132 \\ + 134 \\ \hline 266 \end{array}$$

Method

$$\begin{array}{r} & 1 & 13 & 2 \\ 132 + 316 & + & 3 & 1 & 6 \\ & 4 & 5 & 0 \end{array}$$

Method

$$\begin{array}{r} & 3 & 83 & 7 \\ 337 - 155 & - & 11 & 5 & 5 \\ & 1 & 6 & 2 \end{array}$$

2 base 16:  $F2C + 4C3 ; F2C - 45E$

Method

$$\begin{array}{r} & 1 & F & 2 & C \\ F2C + 4C3 & - & 4 & C & 3 \\ & 1 & 3 & D^{14} & F^{15} \end{array}$$

Method

$$\begin{array}{r} & F & 162 & 16+12C \\ F2C - 45E & - & 14 & 15 & 14E \\ & A^{10} & C^{12} & E^{14} \end{array}$$

3 base 2:  $10\ 0101 + 101; 1\ 1001 + 1011; 11\ 1111 + 1$

Method

$$\begin{array}{r} 1 \ 0 \ 1 0 \ 1 \\ + \ \ \ \ \ \ \ \ \ 1 \ 0 \ 1 \\ \hline 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \end{array}$$

02

أحسب العمليات الآتية عموديا في الأساس

Method

$$1010\ 1101 * 1000$$

$$\begin{array}{r} 10101101 \\ \times \ \ \ \ \ \ 1000 \\ \hline 10101101000 \end{array}$$

Method

$$1\ 0101\ 1110 * 101$$

$$\begin{array}{r} 101011110 \\ \times \ \ \ \ \ \ 101 \\ \hline 101011110 \\ 000000000 \\ \hline 101011110 \\ \hline 11011010110 \end{array}$$

Method

$$10101101 \div 10 ;$$

$$101011110 \div 110$$

$$\begin{array}{r} 101011110 \quad | \quad \underline{\underline{110}} \\ - \underline{110} \quad \quad \quad | \quad 11101 \\ = \quad 100 \quad \quad \quad | \\ \quad \quad 1001 \quad \quad \quad | \\ \quad - \underline{110} \quad \quad \quad | \\ \quad = \quad 011 \quad \quad \quad | \\ \quad \quad 111 \quad \quad \quad | \\ \quad - \underline{110} \quad \quad \quad | \\ \quad = \quad 01 \quad \quad \quad | \\ \quad \quad 10 \quad \quad \quad | \end{array}$$

## 5.2.2 Representation of positive integers تثيل الأعداد الصحيحة الموجبة

03

1 What is the maximum number that can be represented on 16 bits, 20 bits, 32 bits.

ما أقصى عدد يمكن تمثيله على 16 بت، 20 بت، 32 بت

- a.  $16\text{bits} : 2^{16} - 1 = 65,536 - 1 = 65,535$
- b.  $20\text{bits} : 2^{20} - 1 = 1,048,576 - 1 = 1,048,575$
- c.  $32\text{bits} : 2^{32} - 1 = 4,294,967,296 - 1 = 4,294,967,295$

**2** What is the number of bits for the operation of a simple calculator that contains 8 decimal digits?

ما هو عدد البتات اللازمة لعمل آلة حاسبة ذات 8 أرقام

$$\log_2(99,999,999) = \frac{\ln_{10}(99,999,999)}{\ln(2)} = 26.57 \simeq 27\text{bits}$$

**3** Calculate  $1111\ 1110 + 10$  on 8 bits

$$\begin{array}{r} 1111\ 1110 \\ + \quad \quad \quad 10 \\ \hline 1\ 0000\ 0000 \end{array}$$

on 8 bits result becomes 0000 0000

### 5.2.3 Representation of negative integers

تمثيل الأعداد السالبة

**04** Represent the following numbers in absolute value, 1's complement, 2's complement on 8 bits  
مثل على 8 بت الأعداد الآتية في تمثيل بالقيمة المطلقة والمتمم إلى الواحد، والمتمم إلى الاثنين

1, 2, 3, 16, 19, -1, -2, -3, -4, -16, 127

	Absolute Value	1's Complement 'reverse bits'	2's Complement 'reverse bits' +1
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	10	10
3	11	11	11
16	1 0000	1 0000	1 0000
19	1 0011	1 0011	1 0011
-1	1000 0001	1111 1110	1111 1111
-2	1000 0010	1111 1101	1111 1110
-3	1000 0011	1111 1100	1111 1101
-4	1000 0100	1111 1011	1111 1100
-16	1001 0000	1110 1111	1111 0000
-127	1111 1111	1000 0000	1000 0001

**05** Convert the following 8-bit integers to decimal:

حول إلى النظام العشري حسب التمثيل المستخدم على 8 بت

**1** absolute value:

- a.  $1000\ 1010 \Rightarrow (-10)_{10}$
- b.  $0000\ 1100 = (+12)_{10}$
- c.  $(1000\ 0001) = (-1)_{10}$

**Method**

	Sign	Number
Binary	1	000 1010
Decimal	-	10

**Method**

	Sign	Number
Binary	0	000 1100
Decimal	+	12

**2** 1's complement:

- a.  $1111\ 0101 = (-10)_{10}$
- b.  $0111\ 0011 = (+115)_{10}$
- c.  $0111\ 1110 = (+126)_{10}$

**Method**

	Sign	Number
1's complement	1	111 0101
Binary	1	000 1010
Decimal	-	10

**Method**

	Sign	Number
1's complement	0	111 0011
Binary	0	111 0011
Decimal	+	115

**3** 2's complement:

- a.  $1111\ 0110 = (-10)_{10}$
- b.  $0111\ 0011 = (+115)_{10}$
- c.  $1111\ 1101 = (-3)_{10}$

**Method**

	Sign	Number
2's complement	1	111 0110
1's complement	1	111 0101
Binary	1	000 1010
Decimal	-	10

### Method

	Sign	Number
2's complement	0	111 0011
1's complement	0	111 0011
Binary	0	111 0011
Decimal	+	115

06

Calculate in base 2, then in 2's complement on 8 bits

أحسب في الأساس الثنائي على 8 بات، ثم في المتم 2

$$0000\ 1010 + (-000\ 1000); \quad 001\ 1001 + (-1011); \quad 11\ 1111 + (-1)$$

**N.B.** The objective of this exercise is to understand how the 2's complement can help us carry out the arithmetic operations. First, we do the operation in base 2. Then, we redo the same operation using the 2's complement for the negative number.

المدف من الترين فهم كيف يساعدنا المتم إلى 2 في الحساب، أولاً نطرح العدين، ثم نجرب تمثيل العدد السالب بالمتم إلى 2، ونعيد الحساب بالجمع.

1  $0000\ 1010 + (-000\ 1000)$

Let  $x = 1010$  and  $y = -1000$  the equation becomes  $x + (-y) = x - y$

If we calculate  $x-y$  in base 2 we get:

نفرض  $x$  و  $y$  عددين بحيث  $1010 = x$  و  $(-1000) = y$  تصبح المساواة  $x + (-y) = x - y$  بعدها نجمع العدين في الأساس 2

$$\begin{array}{r} 0000\ 1010 \\ - 0000\ 1000 \\ \hline = 0000\ 0010 \end{array}$$

We represent the second Number ( $-y$ ) as 2's complement because it is negative.

نأخذ العدد ( $-y$ ) ونمثله في المتم إلى 1، ثم نعيد العملية في شكل جمع

$$(-000\ 1000)_2 = (1000\ 1000)_{av/8bits} = (1111\ 0111)_{c1/8bits} = (1111\ 1000)_{c2/8bits}$$

The calculus becomes  $x + (-y)_{c1/8bits}$

$$\begin{array}{r} 0000\ 1010 \\ + 1111\ 1000 \\ \hline = 1\ 0000\ 0010 \end{array}$$

النتيجة النهائية على 8 بات هي 0000 0010 ونجاهل البت الزائد.

The 8-bit result equals 0000 0010 ignoring the extra bit.

### 5.2.4

### Representation of real numbers

### تمثيل الأعداد الحقيقة

07

Convert into Binary

حول إلى الثنائي

**1** 13.25

**Method**

- a. Integer part  $(13)_{10} = (1101)_2$
- b. Decimal
  - $0.25 \times 2 = 0.5 \Rightarrow 0.0$
  - $0.5 \times 2 = 1.0 \Rightarrow 0.01$
  - 0  $\Rightarrow 0.01$
- c. Result:  $(1101\ 01)_2$

**2** 15.75

**Method**

- a. Integer part  $(15)_{10} = (1111)_2$
- b. Decimal
  - $0.75 \times 2 = 1.5 \Rightarrow 0.1$
  - $0.5 \times 2 = 1.0 \Rightarrow 0.11$
  - 0  $\Rightarrow 0.01$
- c. Result:  $(1111\ 11)_2$

**3**  $(12.625)_{10} = (1100.101)_2$

**4** 0.3

## Method

- a. Integer part  $(0)_{10} = (0)_2$
- b. Decimal
  - $0.3 \times 2 = 0.6 \Rightarrow 0.0$
  - $0.6 \times 2 = 1.2 \Rightarrow 0.01$
  - $0.2 \times 2 = 0.4 \Rightarrow 0.010$
  - $0.4 \times 2 = 0.8 \Rightarrow 0.0100$
  - $0.8 \times 2 = 1.6 \Rightarrow 0.01001$
  - becomes periodic يصبح دوريًا
  - $0.6 \times 2 = 1.2 \Rightarrow 0.01001\ 1$
  - $0.2 \times 2 = 0.4 \Rightarrow 0.01001\ 10$
  - $0.4 \times 2 = 0.8 \Rightarrow 0.01001\ 100$
  - $0.8 \times 2 = 1.6 \Rightarrow 0.01001\ 1001$
  - becomes periodic يصبح دوريًا
  - $0.6 \times 2 = 1.2 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 1$
  - $0.2 \times 2 = 0.4 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 10$
  - $0.4 \times 2 = 0.8 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 100$
  - $0.8 \times 2 = 1.6 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 1001$
  - becomes periodic يصبح دوريًا
  - 0.6
- c. Result:  $(0.01001\ 1001\ 1001)_2$

08 Convert the following binary numbers to decimal

حول إلى العشري

1 0,11001

Method

$2^0$	.	$2^{-1}$	$2^{-2}$	$2^{-3}$	$2^{-4}$	$2^{-5}$
0	.	1	1	0	0	1

$$(0.11001)_2 = 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} + 0 \times 2^{-3} + 0 \times 2^{-4} + 1 \times 2^{-5} \\ = 0 + 0.5 + 0.25 + 0 + 0 + 0.03125$$

2 101,1 = 5.5

3 110,001 = 6,125

4 10 0110,1101 01 = 38.828125

09 Represent in binary floating point by IEEE754-16bits, IEEE754-32bits standards

مثل الثنائي بالفاصلة العائمة للمعايير IEEE754-16bits, IEEE754-32 bits

1 13.25

Method

- Integer part : 13  $\Rightarrow$  1101
- Decimal part : 0,25  $\Rightarrow$  0,01
- $(13.25)_{10} = (1101,01)_2$
- Normalization :  $1101,01 \times 2^0 \Leftrightarrow 0.110101 \times 2^4$
- Pseudo-normalization IEEE 754 :  $\Leftrightarrow 1.10101 \times 2^3$  (in format of 1,xxxx where xxxx = pseudo mantissa)

Decomposition of Number into its various elements:

- Sign bit: 0 (Number positif)
- Exponent on 8 bits biased by 127  $\Rightarrow 3 + 127 = 130 \Rightarrow 1000\ 0010$
- Pseudo mantissa on 23 bits: 1010 1000 0000 0000 0000 0000

Sign	Biased exponent	Pseudo mantissa
0	1000 0010	1010 1000 0000 0000 0000 0000

2 -15.75

Sign	Biased exponent	Pseudo mantissa
1	1000 0010	111 1100 0000 0000 0000 0000

3 +12.625

Sign	Biased exponent	Pseudo mantissa
0	1000 0010	1001 0100 0000 0000 0000 0000

4 0.3

Sign	Biased exponent	Pseudo mantissa
0	0111 101	001 1001 1001 1001 1001 1001

10 Convert to decimal the following binary number represented in floating point ( IEEE754-32 bits)

حول الأعداد الثنائية التالية الممثلة في الفاصلة العائمة إلى النظام العشري IEEE754-32 bits

1	Sign	exponent	Mantissa
	1	1000 0010	1010 1000 0000 0000 0000 000
	-	$130 = 127 + 3 \Rightarrow puissance 3$	10101
	-	$2^3$	$\times 1.10101$

The result is  $-1.10101 \times 2^3 = (-1101.01)_2 = (-13.25)_{10}$

2	Sign	exponent	Mantissa
	1	1000 0100	1001 0100 0000 0000 0000 000
	-	$132 = 127 + 5 \Rightarrow puissance 5$	1001 01
	-	$2^5$	$\times 1.1001 01$

Result is  $-1.1001 01 \times 2^5 = (-110010.1)_2 = (-50.5)_{10}$

3	Sign	exponent	Mantissa
	0	10001010	1111100000000000000000000000000
	+	$138 = 127 + 11 \Rightarrow puissance 11$	1111 1
	+	$2^{11}$	$\times 1.1111 1$

The result is  $+1.1111 1 \times 2^{11} = (+1111 1100 0000)_2 = (+16128)_{10}$

## 5.2.5 Character encoding

تمثيل الحروف

11 Encode the message in ASCII “I'm 18 YeArs old ;“

I	,	m	sp	1	8	sp	Y	e	A	r	s	sp	o	l	d	sp	;	)
49	27	6d	20	31	38	20	59	65	41	72	73	20	6f	6c	64	20	3b	29

12 Decode the message from ASCII

فك الرسالة المكتوبة بالأسمى

Code	Character
01001001	I
00100000	space
01101100	l
01101111	o
01110110	v
01100101	e
00100000	space
01001101	M
01001001	I
00100000	space
01101110	n
10110000	°
00110001	1
00101110	.

13 Encode 'السلام عليكم' in Unicode

رمز عبارة 'السلام عليكم' باليونيكود

ا	ل	س	شدة	ل	ا	م	ضمة	.
0627	0644	0633	0651	0644	0627	0645	064f	0020

ع	ل	ي	سكون	ك	م
0639	0644	064a	0652	0643	0645

14

1 Conversion of following numbers:

تحويل الأعداد الآتية

5	6	8	3	7	4
0101	0110	1000	0011	0111	0100

- a.  $(568)_{bcd} = 010101101000$
- b.  $(374)_{bcd} = 001101110100$

2 Addition in decimal:

الجمع في العشري

$$\begin{array}{r}
 568 \\
 + 374 \\
 \hline
 942
 \end{array}$$

3 Addition in BCD:

الجمع في العشري المترم بالثنائي

$$\begin{array}{r}
 0101 \quad 0110 \quad 1000 \\
 + 0011 \quad 0111 \quad 0100 \\
 \hline
 1000 \quad 1101 \quad 1100 \\
 8 \quad 13 \quad 12
 \end{array}$$

4 How to correct the result.

كيف يمكن تصحيح النتيجة

Add 6 to numbers greater than 10.

نضيف 6 إلى العدد الأكبر من 10

$$\begin{array}{r}
 & 0101 & 0110 & 1000 \\
 + & 0011 & 0111 & 0100 \\
 \hline
 & 1000 & 1101 & 1100 \\
 + & & 0110 & 0110 \\
 \hline
 & 1001 & 0100 & 0010 \\
 & 9 & 4 & 2
 \end{array}$$

5 Redo the same work in EXCES3

أعد نفس العملية باستعمال التمثيل الزائد 3

a. Converting numbers:

تحويل الأعداد المولية

$$\begin{array}{ccc|ccc}
 5 & 6 & 8 & 3 & 7 & 4 \\
 1000 & 1001 & 1011 & 0110 & 1010 & 0111
 \end{array}$$

$$(568)_{x3} = 100010011011$$

$$(374)_{x3} = 011010100111$$

b. Addition in EXCES3:

الجمع في ترميز المزيد بـ 3

$$\begin{array}{r}
 0 \quad 1000 \quad 1001 \quad 1011 \\
 + \quad 0110 \quad 1010 \quad 0111 \\
 \hline
 1111 \quad 0100 \quad 0010 \\
 15 \quad 1 \quad 0
 \end{array}$$

c. How to correct result.

كيف يمكن تصحيح النتيجة

We add +3 if there is a carry, if there is no carry we subtract 3.

نضيف 3 إذا كان هناك احتفاظ، وننقص 3 إذا لم يكن هناك احتفاظ

$$\begin{array}{r}
 0 \quad 1000 \quad 1001 \quad 1011 \\
 + \quad 0110 \quad 1010 \quad 0111 \\
 \hline
 1111 \quad 0100 \quad 0010 \\
 -0011 \quad +0011 \quad +0011 \\
 \hline
 1100 \quad 0111 \quad 0101 \\
 & 9 & 4 & 2
 \end{array}$$

15

1 Create the Gray code table from 0 to 16.

أنشئ جدول الأعداد حسب ترميز غراري من 0 إلى 16

We start by 0000

Number	Number of 1s	even زوجي / odd فردي	note
0000	0	even	the Number of 1 is even so the rightmost bit is inverted.
0001	1	odd	the Number of 1 is odd so the bit to the left of the rightmost 1 is inverted.
0011	0	even	the Number of 1 is even so the rightmost bit is inverted.
0010	1	odd	the Number of 1 is odd so the bit to the left of the rightmost 1 is inverted.
0110	2	even	the Number of 1 is even so the rightmost bit is inverted.
0111	3	odd	the Number of 1 is odd so the bit to the left of the rightmost 1 is inverted.
0101	2	even	the Number of 1 is even so the rightmost bit is inverted.
0100	1	odd	the Number of 1 is odd so the bit to the left of the rightmost 1 is inverted.

2 if  $x = (11\ 0011\ 1011)$  in Gray code, then  $x+1 = (11\ 0011\ 1010)$  or  $(11\ 0011\ 1001)$

Response: the number  $x = (11\ 0011\ 1011)$  contains 7 bits equal to 1, the count of 1s is odd, we inverse the 1 on the left of the most right 1, which means the second bit from right

الجواب: العدد  $x = (11\ 0011\ 1011)$  فيه 7 بات تساوي الواحد، أي أن عدد الوحدات فردي، يعني سُنقلَّت البت الذي على يسار الواحد الموجود في أقصى اليمين، أي البت الثاني من اليمين.

$$x = (11\ 0011\ 1011) \Rightarrow (11\ 0011\ 1001)$$

### 5.3

### Chapter 3's Solutions

### حلول الفصل الثالث

01

Draw the truth table of the following expressions:

: أنشئ جداول الحقيقة لكل عبارة مما يلي

- $a + a.b$
- $a.(a + b)$
- $a + \bar{a}.b$
- $(a + b)(a + \bar{b})$
- $(a + b)(a + c)$
- $(a + b)(\bar{a} + c)$

$a$	$b$	$c$	$a + a.b$	$a.(a + b)$	$a + \bar{a}.b$	$(a + b)(a + \bar{b})$	$(a + b)(a + c)$	$(a + b)(\bar{a} + c)$
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	1	0	0	0	1
0	1	1	0	1	1	0	0	1
1	0	0	1	1	1	1	1	0
1	0	1	1	1	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1	1	1	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1

02

Prove the following theorems by the truth table

. برهن المبرهنات الآتية بجداول الحقيقة

1

Idempotence :  $a + a + a + \dots = a$

$a$	$a$	$a$	$a + a + a + a + a + a + a + a$	$a.a.a.a.a$
0	0	0	0	0
1	1	1	1	1

2

Identity  $a + 0 = a$

$$a \cdot 1 = a$$

$a$	0	1	$a+0$	$a \cdot 1$
0	0	1	0	0
1	0	1	1	1

3

Absorption  $a \cdot 0 = 0$

$$a + 1 = 1$$

$a$	0	1	$a \cdot 0$	$a + 1$
0	0	1	0	1
1	0	1	0	1

4

Complementary  $a + \bar{a} = 1$

$$a \cdot \bar{a} = 0$$

a	$a + \bar{a}$	$a.\bar{a}$
0	1	0
1	1	0

03 Proving De Morgan's theorem using the truth table

جدول الحقيقة أثبت مبرهنة ديورنون

$$\overline{a.b} = \bar{a} + \bar{b}$$

a	b	'a	b'	a.b	$\overline{a.b}$	$\bar{a} + \bar{b}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	0	0

$$\overline{a+b} = \bar{a}.\bar{b}$$

a	b	'a	b'	a+b	$\overline{a+b}$	$\bar{a}.\bar{b}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

04 Prove the following equations using the properties of Boolean algebra:

أثبت باستعمال خواص الجبر البوليني

1  $a + a.b = a$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ a+ab = a(b+1) \text{ (common factors)} \\ = a . 1 \text{ (absorption)} \\ = a \text{ ( identity)} \end{array} \right.$$

■

2  $a.(a+b) = a$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ a.(a+b) = a.a+a.b \text{ (distribution of . over +)} \\ = a+a.b \text{ ( idempotence } a.a = a) \\ a+a.b = a.(b+1) \text{ ( common factors)} \\ = a . 1 \text{ (absorption)} \\ = a \text{ ( identity)} \end{array} \right.$$

■

**3**  $a + \bar{a}.b = a + b$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ a + \bar{a}.b = a + b \\ a + \bar{a}.b = (a + \bar{a}).(a + b) \text{ (distribution de } + \text{ sur.)} \\ = 1.(a + b) \text{ (complementarity } \bar{a} = 1) \\ = (a + b) \end{array} \right.$$

**4**  $(a + b).(a + \bar{b}) = a$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ (a + b)(a + \bar{b}) = a + b.\bar{b} \text{ (distribution of } + \text{ over .)} \\ = a \end{array} \right.$$

Simplify the following equations using the properties of Boolean algebra:

بسط باستعمال خواص الجبر البوليني

**1**  $(a + b)(a + c)$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ (a + b)(a + c) = a + (b.c) \text{ (distribution of } + \text{ over.)} \end{array} \right.$$

**2**  $(a+b)(\bar{a}+c)$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ = a'.b + a.c + b.c \text{ (since } a.a' = 0 \text{) (we note that the term } b.c \text{ can be eliminated because it is common with } a'.b \text{ and } a.c)} \\ = \bar{a}.b + a.c + b.c.(a + \bar{a}) \\ = \bar{a}.b + a.c + \bar{a}.b.c + a.b.c \text{ (common factors)} \\ = \bar{a}.b.(1 + c) + a.c.(1 + b) \\ = \bar{a}.b + a.c \end{array} \right.$$

**05** Reduce equations using De Morgan's theorem;

$$\overline{a.b + \bar{a} + \bar{b}}$$

بسط باستعمال مبرهنة ديورن

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ \overline{a.b + \bar{a} + \bar{b}} \\ = (\bar{a}.b).(\bar{a} + \bar{b}) \\ = (\bar{a} + \bar{b}).(\bar{a} + b) \\ = (a + \bar{b})(\bar{a} + b) \\ = a.\bar{a} + a.b + \bar{a}.b + b.\bar{b} \\ = a.b + \bar{a}.b \end{array} \right.$$

06 Express these functions in the first and second canonical form;

عَرْبًّا عن الدوال الآتية بالشكلين القانونيين الأول والثاني

1  $f_1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$

x	y	z	f1	Minterm	Maxterm
0	0	0	0		$(x + y + z)$
0	0	1	1	$\bar{x}.\bar{y}z$	
0	1	0	0		$(x + .\bar{y} + z)$
0	1	1	0		$(x + .\bar{y} + .\bar{z})$
1	0	0	1	$x.\bar{y}.\bar{z}$	
1	0	1	1	$x.\bar{y}z$	
1	1	0	1	$xy.\bar{z}$	
1	1	1	1	$xyz$	

1st canonical form:

$$F_1 = \bar{x}.\bar{y}z + x.\bar{y}.\bar{z} + x.\bar{y}z + xy.\bar{z} + xyz$$

2nd canonical form

$$F_1 = (x + y + z)(x + \bar{y} + z)(x + \bar{y} + \bar{z})$$

2  $F_2(a, b, c) = 1$  if the number of variables at 1 is even

a	b	c	f2	Minterm	Maxterm
0	0	0	1	$\bar{a}\bar{b}\bar{c}$	
0	0	1	0		$(a + b + \bar{c})$
0	1	0	0		$(a + \bar{b} + c)$
0	1	1	1	$\bar{a}bc$	
1	0	0	0		$(\bar{a} + b + c)$
1	0	1	1	$a\bar{b}c$	
1	1	0	1	$ab\bar{c}$	
1	1	1	0		$(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c})$

1st canonical form

$$F_2 = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c} + \bar{a}bc + a.\bar{b}c + ab.\bar{c}$$

2nd canonical form

$$F_2 = (a + b + \bar{c})(a + \bar{b} + c)(\bar{a} + b + c)(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c})$$

3  $F_3(a, b, c, d) = 1$  if at least two variables are equal to 1

a	b	c	d	f3	Minterm	Maxterm
0	0	0	0	0		$(a + b + c + d)$
0	0	0	1	0		$(a + b + c + \bar{d})$
0	0	1	0	0		$(a + b + \bar{c} + d)$
0	0	1	1	1	$\bar{a}\bar{b}cd$	
0	1	0	0	0		$(a + \bar{b} + c + d)$
0	1	0	1	1	$\bar{a}b\bar{c}d$	
0	1	1	0	1	$\bar{a}b\bar{c}\bar{d}$	
0	1	1	1	1	$\bar{a}bcd$	
1	0	0	0	0		$(\bar{a} + b + c + d)$
1	0	0	1	1	$a\bar{b}\bar{c}d$	
1	0	1	0	1	$\bar{a}b\bar{c}\bar{d}$	
1	0	1	1	1	$\bar{a}bcd$	
1	1	0	0	1	$a\bar{b}\bar{c}\bar{d}$	
1	1	0	1	1	$a\bar{b}\bar{c}d$	
1	1	1	0	1	$ab\bar{c}\bar{d}$	
1	1	1	1	1	$abcd$	

1st canonical form

$$F3 = \bar{a}\bar{b}cd + \bar{a}\bar{b}\bar{c}d + \bar{a}b\bar{c}\bar{d} + \bar{a}bcd + a\bar{b}\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}d + abc\bar{d} + abcd$$

2nd Canonical form

$$F3 = (a + b + c + d)(a + b + c + \bar{d})(a + b + \bar{c} + d)(a + \bar{b} + c + d)(\bar{a} + b + c + d)$$

07

Simplify the functions of exercise 6 using the Karnaugh map

بسط دوال التررين 6 بجدول كارنو

1]  $f1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$

1st canonical form:

$$F1 = \bar{x}\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} + x\bar{y}z + xy\bar{z} + xyz$$

		yz				
		00	01	11	10	
x		0	0	1	0	0
		1	1	1	1	1

2]  $f2(a, b, c) = 1$  if the count of variables at 1 is even

1st canonical form

$$F2 = \bar{a}\bar{b}\bar{c} + \bar{a}bc + a\bar{b}c + ab\bar{c}$$

		bc			
		00	01	11	10
a	0	1	0	1	0
	1	0	1	0	1

3 f3(a, b, c , d) = 1 if at least two variables are equal to 1

1st canonical form

$$F3 = \bar{a}\bar{b}cd + \bar{a}b\bar{c}d + \bar{a}b\bar{c}\bar{d} + \bar{a}bcd + a\bar{b}\bar{c}d + a\bar{b}\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}d + abc\bar{d} + abcd$$

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	1	0
	01	0	1	1	1
	11	1	1	1	1
	10	0	1	1	1

08 Draw the logograms of the functions of exercise 6

رسم المخططات المنطقية لدوال التمارين

1 f1(x, y, z) = xy + xz + yz (cf.figure 5.1)

2 f2(a, b, c) = 1 if the count of variables at 1 is even (cf.figure 5.2)

3 f3(a, b, c , d) = 1 if at least two variables are equal to 1 (cf.figure 5.3)

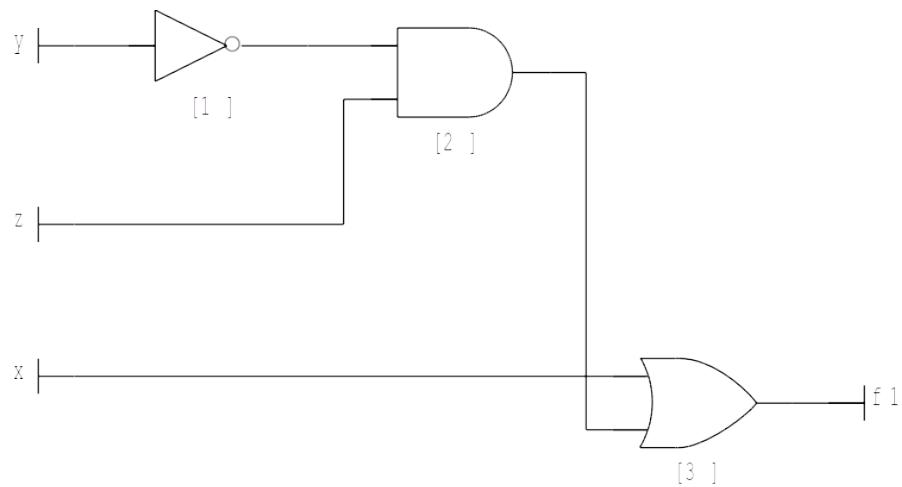


Figure 5.1: Logigramme de la fonction  $f_1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$ .

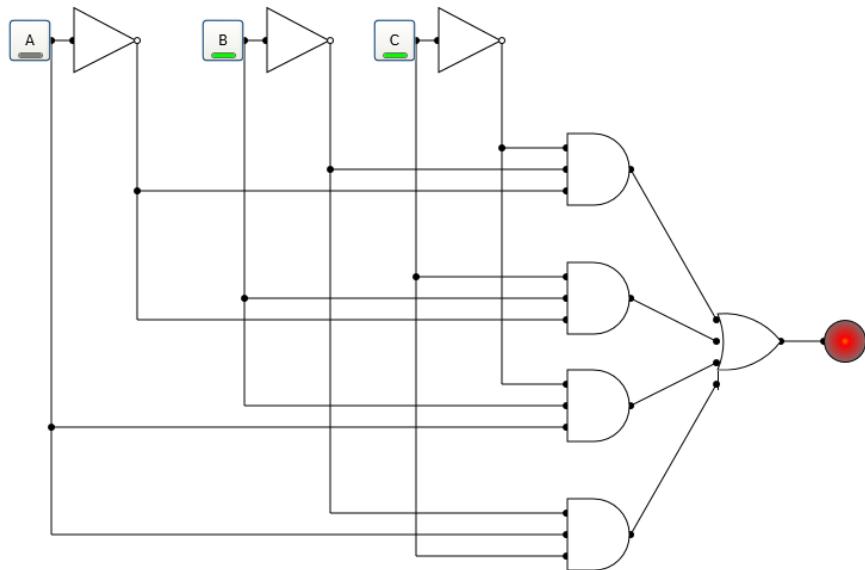


Figure 5.2: Logogram of function  $f_2(a, b, c) = 1$  if the count of variables at 1 is even.

**09** Study the function  $F(x, y, z) = x \oplus (y + z)$

ادرس المالة

$$F4(x, y, z) = x \oplus (y + z) = x \cdot \overline{(y + z)} + \bar{x} \cdot (y + z)$$

Truth table:

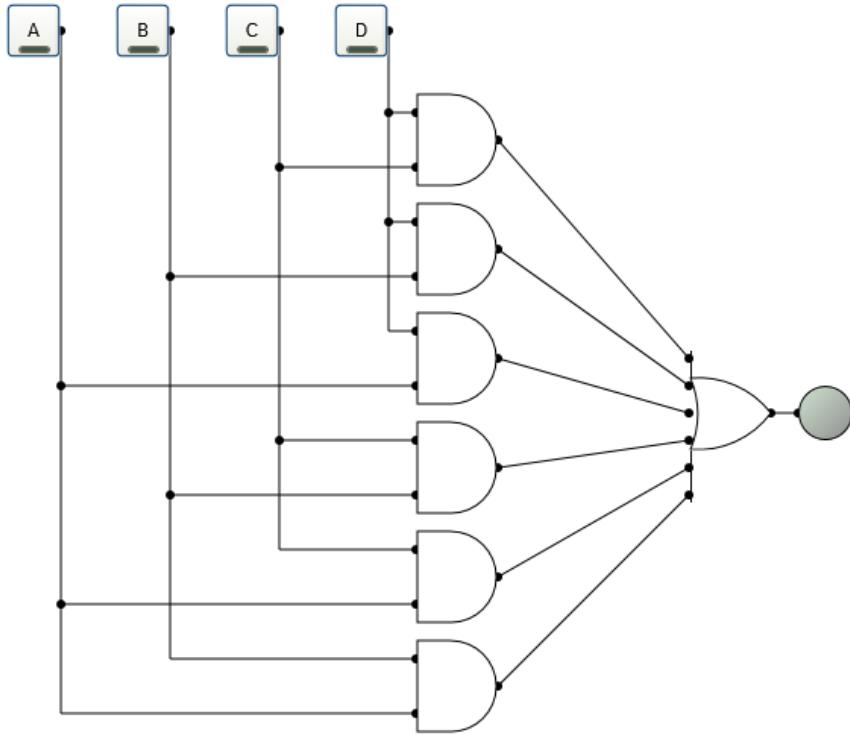


Figure 5.3: Logigram of function  $f_3(a, b, c, d) = 1$  if at least two variables are equal to 1.

x	y	z		f4
0	0	0		0
0	0	1		0
0	1	0		1
0	1	1		1
1	0	0		1
1	0	1		0
1	1	0		0
1	1	1		0

Canonical forms:

1st canonical form:

$$F4(x, y, z) = \bar{x} \cdot y \cdot \bar{z} + \bar{x} \cdot y \cdot z + x \cdot \bar{y} \cdot \bar{z}$$

2nd canonical form:

$$F4(x, y, z) = (x + y + z)(x + y + \bar{z})(x + \bar{y} + z)(\bar{x} + \bar{y} + z)(\bar{x} + \bar{y} + \bar{z})$$

yz

	00	01	11	10
0	0	0	1	1
1	1	0	0	0

Simplification:

$$f(x, y, z) = x \cdot \bar{y} \cdot \bar{z} + \bar{x} \cdot y$$

Logigram:

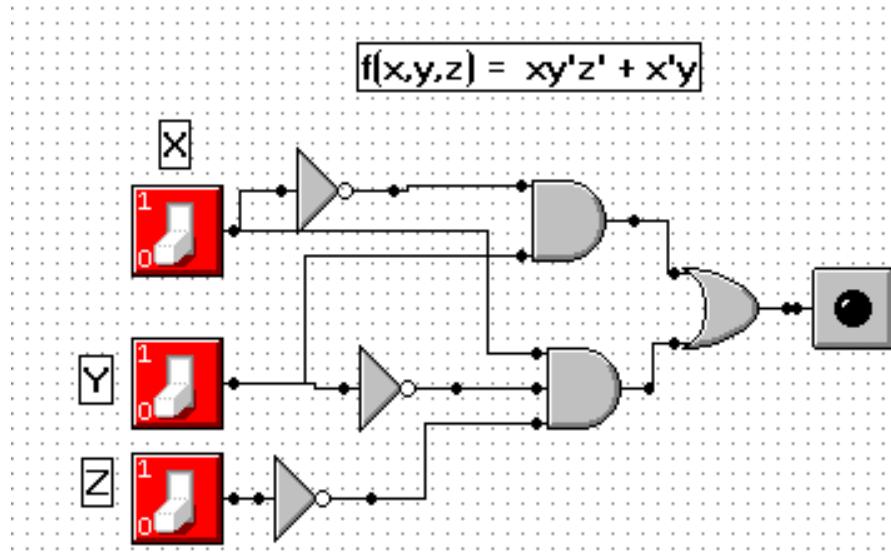


Figure 5.4: Logigram of  $F(x, y, z) = x \oplus (y + z)$ .

10

Simplify the following Karnaugh maps

1 Fonction X 1

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	1	0	1	1
	01	1	0	1	1
	11	0	0	0	0
	10	1	0	0	0

Simplified Sum of products :  $\bar{a}.c + \bar{a}.\bar{d} + \bar{b}.\bar{c}.\bar{d}$

2 Fonction X 2

70

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	1	0
	01	1	0	1	0
	11	0	1	0	1
	10	1	0	0	1

Simplified Sum of products :  $a.c.\bar{d} + \bar{a}.c.d + a.\bar{b}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.d + a.b.\bar{c}.d + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d}$

### 3 Fonction X 3

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	0	1
	10	1	0	0	1

Simplified Sum of products :  $a.c.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d$

### **Part III**

## **فحوص وامتحانات Tests and Exams**

Chapter 6

Tests

فحوص

## 6.1 Tests n°1

Tests term n°1 : for chapter 1, introduction to computer science.

الفحوص رقم 1 للفصل الأول مدخل للمعلوماتية

### 6.1.1 Quiz n°1

- [1] How long does it take to download a 56MB file with a 512kb/s ADSL connection? (1,5 pts)

ما الزمن اللازم لتنزيل ملف حجمه 56 ميغابايت باتصال ADSL دقة 512 kb/s

- [2] Count the first 20 numbers in base 12 (1,5 pt)

عد الأعداد العشرين الأولى في الأساس 12

- [3] Make conversion by showing method (3 pts)

$$(2C3ABD)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_2 = (\underline{\hspace{2cm}})_8$$

### 6.1.2 Quiz n°2

- [1] Calculate  $10\ 110\ 010 - 101$

- [2] Count the first 20 numbers in base 7. (1,5 pt)

عد الأعداد العشرين الأولى في الأساس 7

- [3] Make conversion by showing method (3 pts):

$$(5732641)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_2 = (\underline{\hspace{2cm}})_{16}$$

### 6.1.3 Quiz n°3

- [1] How long does it take to transfer a 12MB file between two phones via bluetooth at a speed of 360kb/s? (1.5pts)

ما الزمن اللازم لتحويل ملف حجمه 12 ميغابايت بين هاتفين بالبلوتوث دقة 360 kb/s

- [2] Convert the following numbers to base 8 (1,5pt)

حول الأعداد الآتية إلى الأساس 8

$$2, 8, 16, 24, 32, 64, 65$$

- [3] Make conversion by showing method (3 pts):

حول مع الطريقة

$$(534672)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_2 = (\underline{\hspace{2cm}})_{16}$$

### 6.1.4 Quiz n°4

- [1] Calculate  $101\ 011\ 011 \div 101$

- [2] Give the correspondence in binary numbers of the following numbers (1,5 pt)

أعط الأعداد الثنائية المقابلة لما يلي

$$2, 4, 8, 16, 20, 32, 64$$

- 3 Make conversion by showing method (3pts):

حول مع الطريقة

$$(2671)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_8$$

$$(2671)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$$

### 6.1.5 Quiz n°5

- 1 Calculate  $1\ 010\ 101 * 1\ 011$  ?

- 2 Give the correspondence of the following binary numbers (1,5 pt)

أعط ما يقابل الأعداد الثنائية التالية في العشري

10, 100, 1000, 10001, 10000000

- 3 Make conversion by showing method (3 pts):

حول مع الطريقة

$$(5401)_6 = (\underline{\hspace{2cm}})_4$$

### 6.1.6 Quiz n°6

- 1 What is the size that can be downloaded for 5 minutes with a 3G connection at a speed of 8 Mb/s? (1.5pts)

ما الحجم الذي يمكن تحميله خلال 5 دقائق باتصال من الجيل الثالث بدقه قدره 8 ميغابت في الثانية

- 2 Find X if  $(3X)_5 = (X3)_7$  ? (1,5 pt)

- 3 Make conversion by showing method (3 pts):

حول مع الطريقة

$$(1E6C)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$$

$$(1E6C)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_8$$

## 6.2 Tests term n°2

Tests n°2 : for chapter 2 about Information coding and representation

الفحوص رقم 2 للفصل الثاني حول ترميز المعلومات وتمثيلها

### 6.2.1 Quiz n°1

- 1 Convert to Excess 3 the two numbers then sum them

حول إلى المزدوج بثلاثة العددان ثم جمعهما

4785 and 1215

- 2 Calculate in 2's complement on 8 bits the following operation      احسب في المتمم إلى 2 على 8 بات  
0000 1111–0010 0001

- 3 Represent the following floating point number under the IEEE-754-32 bit standard

مثل العدد الآتي حسب معيار IEEE-754-32      bits IEEE-754-32

$(0.9)_{10}$

### 6.2.2 Quiz n°2

- 1 In ASCII code: if 'A' is encoded  $(41)_{16}$  and 'a' is encoded  $(61)_{16}$ , the space is encoded  $(20)_{16}$       Encode the following message without using the ASCII table

في ترميز الاسيكي: إذا كان رمز حرف 'A' هو  $(41)_{16}$  ورمز الحرف 'a' هو  $(61)_{16}$ ، الفراغ رمزه  $(20)_{16}$ ، قم بترميز الرسالة الآتية دون استعمال جدول الأسيكي.

"Je Suis Gaza"

- 2 Convert into binary 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- 3 Decode the following floating point numbers under the IEEE-754-32 bit standard

فك ترميز الأعداد الآتية من الفاصلة العائمة بمعايير IEEE-754-32      bits IEEE-754-32

- 1100 0100 0101 0000 0000 0000 0000
- 1100 0101 0101 0000 0000 0000 0000
- 0100 0100 1101 0000 0000 0000 0000
- 0100 0110 0101 0000 0000 0000 0000

### 6.2.3 Quiz n°3

- 1 if  $x = (0100 1100 1100 1001)_{gray}$ , what is the value of  $x - 1$ , justify ?

إذا كان  $x = (0100 1100 1100 1001)_{gray}$  ، ما قيمة  $x - 1$  ، علل ؟

- 2 Convert into binary      حول إلى الثنائي

- $(1111 0001 0001)_{c2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$
- $(1111 1111 0101)_{c2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$

- 3 Represent in floating point under the IEEE-754-32 bit standard the number  $(0.66)_{10}$  with a precision of  $2^{-10}$

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد  $(0.66)_{10}$  بتقريب  $2^{-10}$

### 6.2.4 Quiz n°4

- 1 Decode the following message from Unicode

فك ترميز الرسالة الآتية باليونيكود

0643	0641	0644	063a	0642	062e	0626	0629

- 2 Represent the following floating point numbers under the IEEE-754-32 bit standard

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits الأعداد الآتية:

- a.  $-0.0000\ 0001$
- b.  $-10 \times 2^{-4}$
- c.  $\frac{1}{1024}$

- 3 Encode in BCD

رمز بالـ BCD

- a. 17502
- b. 55824

### 6.2.5 Quiz n°5

- 1 Represent 2's complement on 17 bits

مثل بالمتتم إلى 2 على 17 بت

- a.  $(-062F)_{16} = (\text{_____})_{c2}$
- b.  $(-63E2)_{16} = (\text{_____})_{c2}$

- 2 convert into binary

حول إلى الثنائي

$$(0\ 0625)_8 = (\text{_____})_2$$

- 3 Represent  $(0\ 0625)_8$  in floating point under the IEEE-754-standard on 32 bits

مثل بالفواصل العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد  $(0\ 0625)_8$

### 6.2.6 Quiz n°6

- 1 convert the following numbers to binary

حول إلى الثنائي

- a.  $(-0\ 044)_8 = (\text{_____})_2$
- b.  $(-0\ 166)_8 = (\text{_____})_2$
- c.  $(3\ 14)_8 = (\text{_____})_2$

- 2 We suppose that ALG-20 standard of the 20-bit floating point representation

ليكن المعيار ALG-20 تمثيل الفاصلة العائمة على 20 بتا كالتالي

- sign on 1 bit الإشارة على بت واحد
- exponent in 2's complement over 6 bits الأسس بالمتكم إلى 2 على 6 بيات
- pseudo mantissa on 13 bits الجزء العشري على 13 بت

Represent numbers:

مثل ما يلي

- (0 044)<sub>8</sub>
  - (0 166)<sub>8</sub>
  - (3 14)<sub>8</sub>
-

## 6.3 Tests term n°3

Tests n°3 : for chapter 3 about Boolean Algebra

الفحوص رقم 3 للفصل الثالث حول الجبر البوليني

### 6.3.1 Quiz n°1

Study the following function

$f(a, b, c, d) = 1$  if the number  $(abcd)_2$  is multiple of 2 or multiple of 3.

ادرس الدالة الآتية

إذا كان العدد مضاعفاً لاثنين أو مضاعفاً لـ 3  $f(a, b, c, d) = 1$

### 6.3.2 Quiz n°2

Study the following function

$f(a, b, c, d) = 1$  if the number of bits at 0 is less than or equal to the number of bits at 1

ادرس الدالة الآتية

إذا كان عدد الأصفار أصغر أو يساوي عدد أرقام الواحد  $f(a, b, c, d) = 1$

### 6.3.3 Quiz n°3

Study the following function

$f(A, B, C, D) = 1$  if  $A \geq C$  and  $B \leq D$

ادرس الدالة الآتية

### 6.3.4 Quiz n°4

Study the following function

$f(a, b, c, d) = 0$  if the number  $(abcd)_2$  is prime.

ادرس الدالة الآتية

إذا كان العدد  $(abcd)_2$  أولياً  $f(a, b, c, d) = 0$

### 6.3.5 Quiz n°5

Study the following function

$f(a, b, c, d) = 1$  if the number  $3 \leq (abcd)_2 \leq 12$ .

ادرس الدالة الآتية

### 6.3.6 Quiz n°6

Study the following function

$f(a, b, c, d) = 1$  if at least two zero bits are adjacent.

ادرس الدالة الآتية

إذا وجد صفران متباوران  $f(a, b, c, d) = 1$

Chapter 7

Test Solutions

حلول الفحوص

## 7.1 Test term n°1 solutions

### 7.1.1 Solution n°1

1 How long does it take to download a 56MB file with a 512kb/s ADSL connection? (1,5 pts)

ما الزمن اللازم لتنزيل ملف حجمه 56 ميغابايت باتصال ADSL دقة 512 kb/s

Data: Size= 56MB

Speed = 512Kb/s

Time=?

Formula : size = time \* speed

Time = size/speed

Calculus

$$time = \frac{size}{speed} = \frac{56MB}{512Kb/s} = \frac{56 \times 8Mb}{512Kb/s} = \frac{56 \times 8 \times 2^{10} Kb}{512Kb/s} = 896s = 14min56sec$$

2 Count the first 20 numbers in base 12 (1,5 pt)

أعداد العشرين الأولى في الأساس 12

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, 10, 11, 12, 13, 14, 15

3 Make conversion by showing method (3 pts)

حول مع الطريقة

$$(2C3ABD)_{16} = (0011\ 1100\ 0011\ 1010\ 1011\ 1101)_2 = (1303\ 5275)_8$$

2		C				3				A				B				D				
0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	0	1	0	1	0	1	1	0	1	
1						3				0			3			5		2		7		5

### 7.1.2 Solution n°2

1 Calculate  $10\ 110\ 010 - 101$

$$\begin{array}{r} 10 & 110 & 010 \\ - & 00 & 000 & 101 \\ \hline = & 10 & 101 & 101 \end{array}$$

2 Count the first 20 numbers in base 7. (1,5 pt)

أعداد العشرين الأولى في الأساس 7

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 20, 21, 22, 23, 24, 25

3 Make conversion by showing method (3 pts):

حول مع الطريقة

$$(5732641)_8 = (101\ 111\ 011\ 010\ 110\ 100\ 001)_2 = (17\ B5A1)_{16}$$

5				7				3				2				6				4				1			
1	0	1	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	0	0	0	1			
1							7					B			5			A			1						

### 7.1.3 Solution n°3

- 1 How long does it take to transfer a 12MB file between two phones via bluetooth at a speed of 360kb/s? (1.5pts)

ما الزمن اللازم لتحويل ملف حجمه 12 ميغابايت بين هاتفين بالبلوتوث دقة 360 kb/s

Data Size= 12MB

Speed = 360Kb/s

Time=?

Formula :  $size = time \times speed$

$$time = \frac{size}{speed}$$

Calculation

$$temps = \frac{taille}{dbit} = \frac{12MB}{360Kb/s} = \frac{16 \times 8 Mb}{360 Kb/s} = \frac{12 \times 8 \times 2^{10} Kb}{360 Kb/s} = 273s = 4min33sec$$

- 2 Convert the following numbers to base 8 (1,5pt)

حول الأعداد الآتية إلى الأساس 8

- $(2)_{10} = (2)_8$
- $(8)_{10} = (10)_8$
- $(16)_{10} = (20)_8$
- $(24)_{10} = (30)_8$
- $(32)_{10} = (40)_8$
- $(64)_{10} = (100)_8$
- $(65)_{10} = (101)_8$

- 3 Make conversion by showing method (3 pts):

حول مع الطريقة

$$(534672)_8 = (10\ 1011\ 1001\ 1011\ 1010)_2 = (2\ B9BA)_{16}$$

5	3	4	6	7	2
1	0	1	0	1	1
2	B	9	B	A	0

### 7.1.4 Solution n°4

- 1 Calculate  $101\ 011\ 011 \div 101$

$$\begin{array}{r} 101\ 011\ 0\ 11 \\ 101 \\ \hline 0\ 011\ 0 \\ 1\ 11 \\ \hline 10 \end{array}$$

- 2 Give the correspondence in binary numbers of the following numbers (1,5 pt)

أعط الأعداد الثنائية المقابلة لما يلي

- a.  $(2)_{10} = (10)_2$
- b.  $(4)_{10} = (100)_2$
- c.  $(8)_{10} = (1000)_2$
- d.  $(16)_{10} = (10000)_2$

- e.  $(20)_{10} = (10100)_2$   
f.  $(32)_{10} = (100000)_2$   
g.  $(64)_{10} = (1000000)_2$

3 Make conversion by showing method (3pts):

حول مع الطريقة

a.  $(2671)_{10} = (5157)_8$

$$\begin{array}{r} 2671 \\ \hline 7 \quad 333 \quad | \quad 8 \\ \hline 5 \quad 41 \quad | \quad 8 \\ \hline 1 \quad 5 \quad | \quad 8 \\ \hline 5 \quad 0 \end{array}$$

b.  $(2671)_{10} = (5157)_8 = (101\ 001\ 101\ 111)_2$

Note

We pass directly from base 8 to 2

نحوٌ مباشرةً من الأساس 8 إلى الأساس 2

5	1	7	5
101	001	101	111

### 7.1.5 Solution n°5

1 Calculate  $1\ 010\ 101 * 1\ 011$  ?

$$\begin{array}{r} 1 \quad 010 \quad 101 \\ \times \quad \quad \quad 1 \quad 011 \\ \hline 1 \quad 010 \quad 101 \\ + \quad \quad 10 \quad 101 \quad 01. \\ + \quad \quad 000 \quad 000 \quad 0.. \\ + \quad 1 \quad 010 \quad 101 \quad ... \\ \hline = \quad 1 \quad 110 \quad 100 \quad 111 \end{array}$$

2 Give the correspondence of the following binary numbers (1,5 pt)

أعط ما يقابل الأعداد الثنائية التالية في العشري

10, 100, 1000, 10001, 10000000

- a.  $(10)_2 = (2)_{10}$   
b.  $(100)_2 = (4)_{10}$   
c.  $(1000)_2 = (8)_{10}$   
d.  $(10001)_2 = (17)_{10}$   
e.  $(10000000)_2 = (128)_{10}$

3 Make conversion by showing method (3 pts):

حول مع الطريقة

$(5401)_6 = (\underline{\hspace{2cm}})_4$

$$\begin{aligned} (5401)_6 &= 5 \times 6^3 + 4 \times 6^2 + 0 \times 6^1 + 1 \times 6^0 \\ &= 5 \times 216 + 4 \times 36 + 0 + 1 \end{aligned}$$

$$= (1225)_{10}$$

$$\begin{array}{r} 1225 \quad | \quad 4 \\ 1 \quad 306 \quad | \quad 4 \\ 2 \quad 76 \quad | \quad 4 \\ 0 \quad 19 \quad | \quad 4 \\ 3 \quad 4 \quad | \quad 4 \\ 0 \quad 1 \quad | \quad 4 \\ 1 \quad 0 \end{array}$$

$$(1225)_{10} = (103021)_4$$

$$(5401)_6 = (103021)_4$$


---

### 7.1.6 Solution n°6

- 1 What is the size that can be downloaded for 5 minutes with a 3G connection at a speed of 8 Mb/s? (1.5pts)

ما الحجم الذي يمكن تحميله خلال 5 دقائق باتصال من الجيل الثالث بدقه قدره 8 ميغابت في الثانية

Data:

Size = ?

Speed = 8Mb/s

Time = 5 min =  $5 \times 60 = 300s$

Formula :  $size = time \times speed$

Calculation

$$taille = temps \times dbit = 5min * 8Mb/s = 300 \times 8Mb = 300 \times \frac{8Mb/s}{8b} = 300s \times 1MB/s = 300MB$$

- 2 Find X if  $(3X)_5 = (X3)_7$  ? (1,5 pt)

$$(3X)_5 = (X3)_7$$

$$\implies 3 \times 5 + X = X \times 7 + 3$$

$$\implies 15 + X = 7 \times X + 3$$

$$\implies 12 = 6 \times X$$

$$X = 2$$

- 3 Make conversion by showing method (3 pts):

حول مع الطريقة

$$(1E6C)_{16} = (0001\ 1110\ 0110\ 1100)_2$$

$$(1E6C)_{16} = (17154)_8$$

1				E				6				C			
0	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1	0	1	1	0	0
0	1			7			1		5			4			

## 7.2 Test term n°2 solutions

### 7.2.1 Solution n°1

1 Convert to Exess 3 the two numbers then sum them

حول إلى المزدوج بثلاثة العددان ثم اجمعهما

$$4785 = (0111\ 1010\ 1011\ 1000)_{x3}$$

$$1215 = (0100\ 0101\ 0100\ 1000)_{x3}$$

					Carry
0	1	1	1	1000	4785 in excess3
+ 0100	0101	;0100	1000		1215 in excess3
= 1100	0000	0000	0000		excess3
-011	+011	+011	+011		correction
= 1001	0011	0011	0011		result in excess3
6	0	0	0		decimal

2 Calculate in 2's complement on 8 bits the following operation على 8 بات 0000 1111–0010 0001

$$0000\ 1111 - 0010\ 0001 = 0000\ 1111 + (-0010\ 0001)$$

We represent the negative number in complement to 2 then we do the addition

نحوّل العدد السالب إلى المتمم إلى 2، ثم نجمع العدد الأول مع العدد السالب

$$(-0010\ 0001)_2 = (1101\ 1110)_{c1} = (11011111)_{c2}$$

$$\begin{array}{r} 0000 \quad 1111 \\ + 1101 \quad 1111 \\ \hline = 1110 \quad 1110 \end{array}$$

3 Represent the following floating point number under the IEEE-754-32 bit standard

مثل العدد الآتي حسب معيار IEEE-754-32

$$(0.9)_{10}$$

$$0.9 \times 2 = 1.8$$

$$0.8 \times 2 = 1.6$$

$$0.6 \times 2 = 1.2$$

$$0.2 \times 2 = 0.4$$

$$0.4 \times 2 = 0.8$$

(تصبح دورية)

then  $0.9 = 0.1\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100$

we normalize the number :

$$(0.1\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100)_2 = 1,\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100 \times 2^{-1}$$

- sign bit 0
- biased exponent  $-1 + 127 = 126 = (0111\ 1110)_2$
- pseudo mantissa 1100 1100 1100 1100 110

0	0111 1110	1100 1100 1100 1100 1100 110
---	-----------	------------------------------

## 7.2.2 Solution n°2

- 1 In ASCII code: if 'A' is encoded  $(41)_{16}$  and 'a' is encoded  $(61)_{16}$ , the space is encoded  $(20)_{16}$ .  
Encode the following message without using the ASCII table

في ترميز الأسكندرية: إذا كان رمز حرف 'A' هو  $(41)_{16}$  ورمز الحرف 'a' هو  $(61)_{16}$ ، الفراغ رمزه  $(20)_{16}$ ، قم بترميز الرسالة الآتية دون استعمال جدول الأسكندرية.

"Je Suis Gaza"

J	e	Space	S	u	i	s	Space	G	a	z	a
0x4a	0x65	0x20	0x53	0x75	0x69	0x73	0x20	0x47	0x61	0x7a	0x61

- 2 Convert into binary 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- $(136)_{10} = (1000\ 1000)_2$
- We convert 136, then we add 1, and so on.

نحو 136 ثم نضيف واحد، وهكذا .

- $(137)_{10} = (1000\ 1001)_2$
- $(138)_{10} = (1000\ 1010)_2$
- $(139)_{10} = (1000\ 1011)_2$

- 3 Decode the following floating point numbers under the IEEE-754-32 bit standard

فك ترميز الأعداد الآتية من الفاصلة العائمة بمعايير IEEE-754-32 bits

a.  $1100\ 0100\ 0101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

1	100 0100 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	biased exponent $136-127=9$	1, 0
-	$1.101 \times 2^{136-127} = 1.101 \times 2^9$	
	-1101 000 000	

b.  $1100\ 0101\ 0101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

1	100 0101 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	biased exponent $138-127=11$	1, 0
-	$1.101 \times 2^{11}$	1, 0
	-1101 0000 0000	

c.  $0100\ 0100\ 1101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

0	100 0100 1	000 0000 0000 0000 0000 0000
+	biased exponent $137-127=10$	1, 0
+	$1.101 \times 2^{10}$	
	+110 1000 0000	

d.  $0100\ 0110\ 0101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 = +1\ 0 * 2^{13} = (+8192)_{10}$

## 7.2.3 Solution n°3

- 1 if  $x = (0100\ 1100\ 1100\ 1001)_{gray}$ , what is the value of  $x - 1$ , justify ?

إذا كان  $x = (0100\ 1100\ 1100\ 1001)_{gray}$  ، ما قيمة  $x - 1$  ؟

$x - 1 = 0100\ 1100\ 1100\ 1000$

**Justification:** because the previous one contains an even number of 1s, so invert the last bit.

التحليل:  $x - 1$  هو العدد السابق، وعليه يحوي عددا زوجيا من الواحدات، لذا نقلب الرقم الأخير

**2** Convert into binary حول إلى الثنائي

a.  $(1111\ 0001\ 0001)_{c2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$

- $(1111\ 0001\ 0001)_{c2} =$
- $(1111\ 0001\ 0000)_{c1} =$
- $(-0000\ 1110\ 1111)_2$

b.  $(1111\ 1111\ 0101)_{c2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2 =$

- $(1111\ 1111\ 0101)_{c2} =$
- $(1111\ 1111\ 0100)_{c1} =$
- $(-0000\ 0000\ 1011)_2$

**3** Represent in floating point under the IEEE-754-32 bit standard the number  $(0.66)_{10}$  with a precision of  $2^{-10}$

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد  $(0.66)_{10}$  بتقريب  $2^{-10}$

$0.66)_{10} = ()_2$  rounded to  $2^{-10}$

$0.66 * 2 = 1.32$

$0.32 * 2 = 0.64$

$0.64 * 2 = 1.28$

$0.28 * 2 = 0.56$

$0.56 * 2 = 1.12$

$0.12 * 2 = 0.24$

$0.24 * 2 = 0.48$

$0.48 * 2 = 0.96$

$0.69 * 2 = 1.92$

$0.92 * 2 = 1.84$

$0.66)_{10} = (0.1010\ 1000\ 11)_2$  rounded to  $2^{-10}$   $0.66)_{10} = 1,010\ 1000\ 1 * 2^{-1}$

- sign bit 0
- exponent  $-1 + 127 = 126 = (0111\ 1110)_2$
- pseudo mantissa = 0101 0001 1

0	0111 1110	0101 0001 1000 0000 0000 000
---	-----------	------------------------------

#### 7.2.4 Solution n°4

**1** Decode the following message from Unicode

فك ترميز الرسالة الآتية باليونيكود

0643	0641	0644	063a	0642	062e	0626	0629
ك	ف	ق	غ	ل	خ	ئ	ة

**2** Represent the following floating point numbers under the IEEE-754-32 bit standard

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits الأعداد الآتية:

a.  $-0\ 0000\ 0001 = -1.0 \times 2^{-8}$

- mantissa = 000
- sign 1
- exponent  $-8 + 127 = 121 = 0111\ 1001$

- representation in FP : 1 0111 1001 0000 0000 0000 0000 0000 000

b.  $-10 \times 2^{-4} = -1.0 \times 2^{-3}$

- sign 1
- mantissa 0
- exponent  $-3 + 127 = 124 = 01111100$
- Representation in FP : 1 01111100 0000 0000 0000 0000 0000 000

c.  $\frac{1}{1024} = \frac{1}{2^{10}} = 1,0 \times 2^{-10}$

- sign = 0
- mantissa 0
- exponent  $-10+127 = -117 = 01110101$
- Representation FP : 0 01110101 0000 0000 0000 0000 0000 000

3] Encode in BCD

رمز بالـ BCD

a.  $17502 = (0001\ 0111\ 0101\ 0000\ 0010)_{BCD}$

1	7	5	0	2
0001	0111	0101	0000	0010

b.  $55824 = (0101\ 0101\ 1000\ 0010\ 0100)_{BCD}$

5	5	8	2	4
0101	0101	1000	0010	0100

## 7.2.5 Solution n°5

1] Represent 2's complement on 17 bits

مثل بالتمم إلى 2 على 17 بت

a.  $(-062F)_{16} = (\text{_____})_{c2}$

$$\begin{aligned} (-062F)_{16} \\ = (-0000\ 0110\ 0010\ 1111)_2 \\ = (1111\ 1000\ 1101\ 0000)_{c1} \\ = (1111\ 1000\ 1101\ 0001)_{c2} \end{aligned}$$

b.  $(-63E2)_{16} = (\text{_____})_{c2}$

$$\begin{aligned} (-63E2)_{16} \\ = (-0110\ 0011\ 1110\ 0010)_2 \\ = (1001\ 1100\ 0001\ 1101)_{c1} \\ = (1001\ 1100\ 0001\ 1110)_{c2} \end{aligned}$$

2] convert into binary

حول إلى الثنائي

$(0\ 0625)_8 = (\text{_____})_2$

$(0\ 0625)_8 = (0.000\ 110\ 010\ 101)_2$

3] Represent  $(0\ 0625)_8$  in floating point under the IEEE-754-standard on 32 bits

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد  $(0\ 0625)_8$

- $(0\ 0625)_8 = (0.000\ 110\ 010\ 101)_2$
- $= 0.000\ 1,1001\ 0101 \times 2^{-4}$

- sign bit 0
  - exponent  $-4+127 = 123 = (0111\ 1011)_2$
  - pseudo mantissa 0
  - **Representation in FP:** 0 0111 1011 1001 0 01 0000 0000 0000 000
- 

### 7.2.6 Solution n°6

**1** Convert the following numbers to binary

حول إلى الثنائي

- $(-0\ 044)_8 = (0,000\ 100\ 100)_2$
- $(-0\ 166)_8 = (0,001\ 110\ 110)_2$
- $(3\ 14)_8 = (0,011\ 001\ 100)_2$

**2** We suppose that ALG-20 standard of the 20-bit floating point representation

ليكن المعيار 20 ALG لتمثيل الفاصلة العائمة على 20 بتا كالتالي

- sign on 1 bit
- exponent in 2's complement over 6 bits
- pseudo mantissa on 13 bits

الإشارة على بت واحد

الأس بالتمم إلى 2 على 6 بتات

الجزء العشري على 13 بت

Represent numbers:

مثل ما يلي

a.  $(0\ 044)_8 = (0,000\ 100\ 100)_2$

- $= 1,001 \times 2^{-4}$

- sign 0

- exponent in 2's complement on 6 bits  $(-4)_{10} = (-000100)_2 = (111011)_{c1} = (111100)_{c2}$

- pseudo mantissa on 13 bits :110

- **Representation in ALGO-20 FP:** 0 | 111 | 100 100 100 000 000 0

sign	6bits exponent	mantissa 13 bits
0	111 100	100 100 000 000 0

b.  $(0\ 166)_8 = (0,001\ 110\ 110)_2$

- $= 1,110\ 110 \times 2^{-3}$

- sign 0

- exponent in 2's complement on 6 bits  $(-3)_{10} = (-000011)_2 = (111100)_{c1} = (111101)_{c2}$

- pseudo mantissa on 13 bits : 110 110

- **Representation in Algo-20 FP**

0	111 101	110 110 000 000 0
---	---------	-------------------

c.  $(3\ 14)_8 = (11\ 001\ 100)_2$

- **Representation in Algo-20 FP:**

0	000 001	100 100 000 000 0
---	---------	-------------------

## 7.3 Test term n°3 solutions

### 7.3.1 Solution n°1

3] Study the following function

$f(a, b, c, d) = 1$  if the number  $(abcd)_2$  is multiple of 2 or multiple of 3.

ادرس الدالة الآتية

إذا كان العدد مضاعفاً لاثنين أو مضاعف الـ 3  $f(a, b, c, d) = 1$

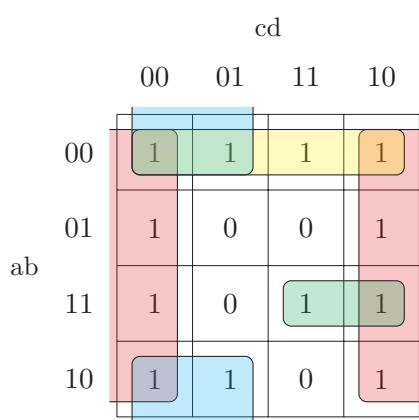
$$f(a, b, c, d) = [0, 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

$$f(a, b, c, D) = \sum [0, 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	1

Sum of products  $f(a, b, c, d) = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d + \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.c.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.\bar{d} + a.b.c.\bar{d} + a.b.c.d$

Product of sums  $f(a, b, c, d) = (a + \bar{b} + c + \bar{d}).(a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + \bar{b} + c + \bar{d})$

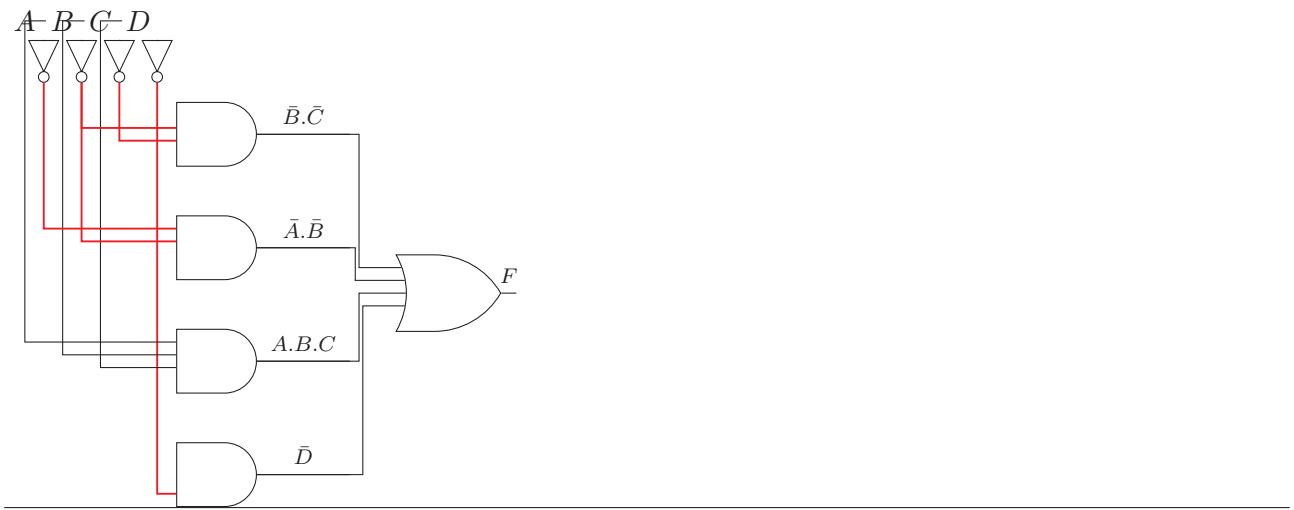


Karnough map

Simplified Sum of products:  $\bar{d} + a.b.c + \bar{a}.\bar{b} + \bar{b}.\bar{c}$

Simplified Product of sums:  $(a + \bar{b} + \bar{d}).(\bar{b} + c + \bar{d}).(\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d})$

Function Logigram



### 7.3.2 Solution n°2

3] Study the following function

ادرس المالة الآتية

$f(a,b,c,d) = 1$  if the number of bits at 0 is less than or equal to the number of bits at 1

إذا كان عدد الأصفار أصغر أو يساوي عدد أرقام الواحد  $f(a,b,c,d) = 1$

$f(a,b,c,d) = [3, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$   $f(a,b,c,D) = \sum[3, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	0
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	1

Sum of products  $f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.\bar{c}.d + \bar{a}.b.c.\bar{d} + \bar{a}.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.\bar{b}.c.d + a.b.\bar{c}.\bar{d} + a.b.\bar{c}.d + a.b.c.\bar{d} + a.b.c.d$

Product of sums  $f(a,b,c,d) = (a + b + c + d).(a + b + c + \bar{d}).(a + b + \bar{c} + d).(a + \bar{b} + c + d).(\bar{a} + b + c + d)$

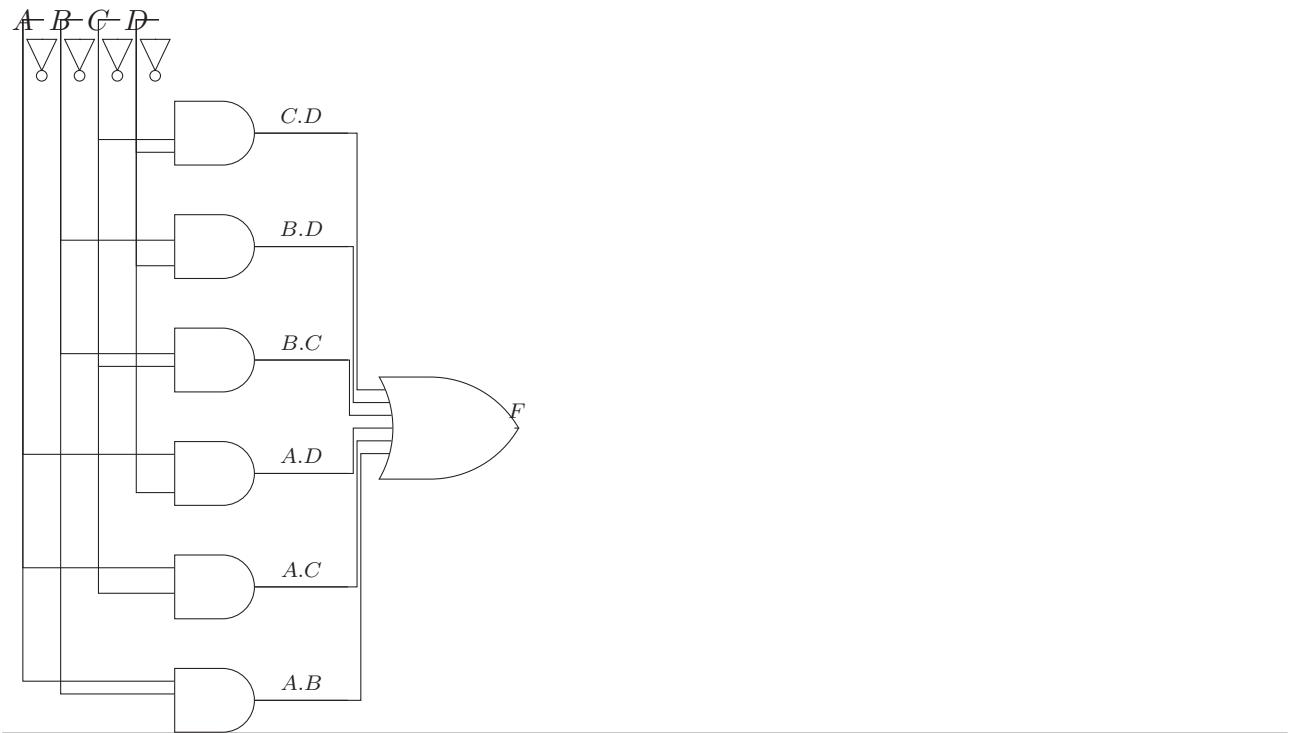
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	1	0
	01	0	1	1	1
11	1	1	1	1	
10	0	1	1	1	

### Karnough map

Simplified Sum of products:  $a.b + a.c + a.d + b.c + b.d + c.d$

Simplified Product of sums:  $(a + b + c).(a + b + d).(a + c + d).(b + c + d)$

### Function Logigram



### 7.3.3 Solution n°3

Study the following function

ادرس المالة الآتية

$$f(A, B, C, D) = 1 \text{ if } A \geq C \text{ and } B \leq D$$

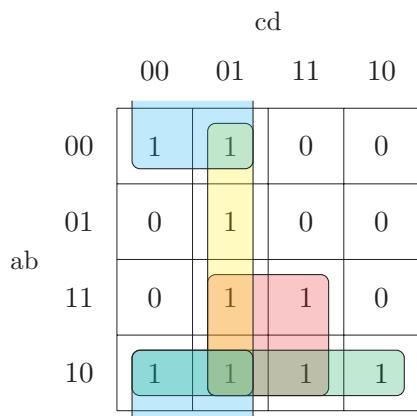
$$f(a, b, c, d) = [0, 1, 5, 8, 9, 10, 11, 13, 15]$$

$$f(a, b, c, D) = \sum[0, 1, 5, 8, 9, 10, 11, 13, 15]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	0
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	0
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	1

Sum of products  $f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d + \bar{a}.b.\bar{c}.d + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.d + a.b.\bar{c}.d + a.b.c.d$

Product of sums  $f(a,b,c,d) = (a + b + \bar{c} + d).(a + b + \bar{c} + \bar{d}).(a + \bar{b} + c + d).(a + \bar{b} + \bar{c} + d).(a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + \bar{b} + c + d).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c} + d)$

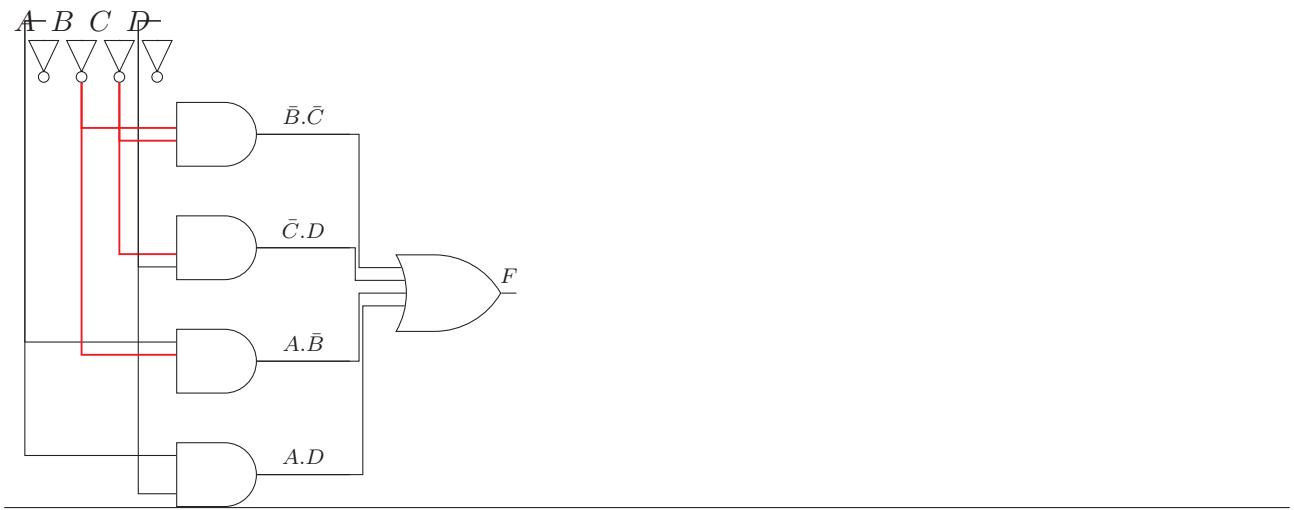


### Karnough map

Simplified Sum of products:  $a.d + a.\bar{b} + \bar{c}.d + \bar{b}.\bar{c}$

Simplified Product of sums:  $(a + \bar{c}).(\bar{b} + d)$

### Function Logigram



### 7.3.4 Solution n°4

Study the following function

ادرس الدالة الآتية

$f(a, b, c, d) = 0$  if the number  $(abcd)_2$  is prime.

إذا كان العدد  $(abcd)_2$  أولياً  $f(a, b, c, d) = 0$

$$f(a,b,c,d)=[0, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

$$f(a,b,c,D)=\sum[0, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	1

$$\text{Sum of products } f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.c.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.\bar{d} + a.b.c.\bar{d} + a.b.c.d$$

$$\text{Product of sums } f(a,b,c,d) = (a + b + c + \bar{d}).(a + b + \bar{c} + d).(a + b + \bar{c} + \bar{d}).(a + \bar{b} + c + \bar{d}).(a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + \bar{b} + c + \bar{d})$$

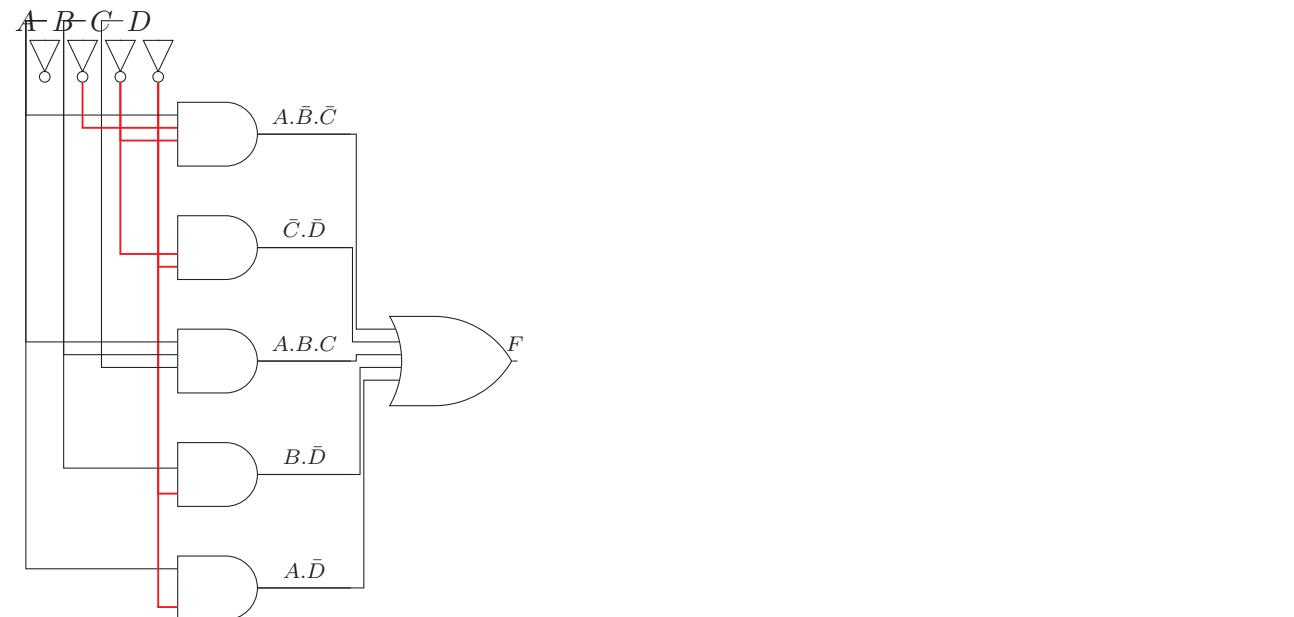
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	1	0	0	0
	01	1	0	0	1
11	1	0	1	1	
10	1	1	0	1	

### Karnough map

Simplified Sum of products:  $a.\bar{d} + b.\bar{d} + a.b.c + \bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}$

Simplified Product of sums:  $(a + \bar{d}).(a + b + \bar{c}).(b + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{b} + c + \bar{d})$

### Function Logigram



### 7.3.5 Solution n°5

Study the following function

$f(a, b, c, d) = 1$  if the number  $3 \leq (abcd)_2 \leq 12$ .

$f(a,b,c,d)=[3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12]$

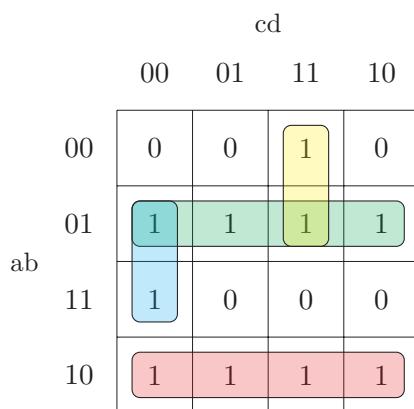
$f(a,b,c,D)=\sum[3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12]$

ادرس المالة الآتية

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	0

Sum of products  $f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.d + \bar{a}.b.c.\bar{d} + \bar{a}.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.\bar{b}.c.d + a.b.\bar{c}.\bar{d}$

Product of sums  $f(a,b,c,d) = (a+b+c+d).(a+b+c+\bar{d}).(a+b+\bar{c}+d).(\bar{a}+\bar{b}+c+\bar{d}).(\bar{a}+\bar{b}+\bar{c}+d).(\bar{a}+\bar{b}+\bar{c}+\bar{d})$

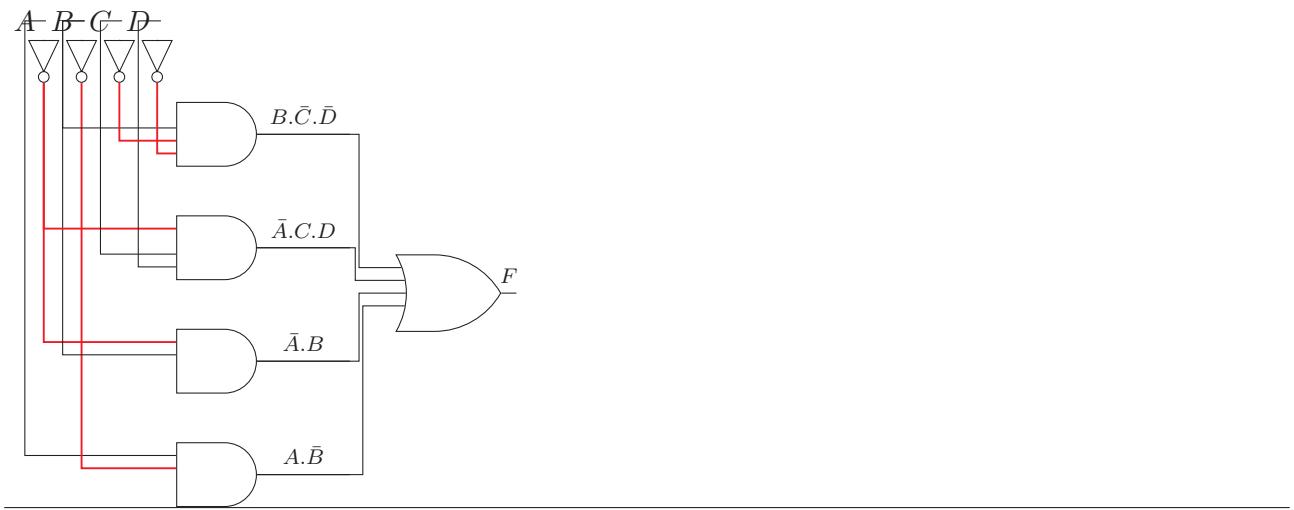


### Karnough map

Simplified Sum of products:  $a.\bar{b} + \bar{a}.b + \bar{a}.c.d + b.\bar{c}.\bar{d}$

Simplified Product of sums:  $(a + b + c).(a + b + d).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c}).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{d})$

### Function Logigram



### 7.3.6 Solution n°6

Study the following function

ادرس الدالة الآتية

$f(a,b,c,d) = 1$  if at least two zero bits are adjacent.

إذا وجد صفران متباوران  $= f(a,b,c,d)$

$$f(a,b,c,d) = [0, 1, 2, 3, 4, 8, 9, 12]$$

$$f(a,b,c,D) = \sum [0, 1, 2, 3, 4, 8, 9, 12]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	0
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	0

$$\text{Sum of products } f(a,b,c,d) = \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot d + \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot c \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot c \cdot d + \bar{a} \cdot b \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot d + a \cdot b \cdot \bar{c} \cdot \bar{d}$$

$$\text{Product of sums } f(a,b,c,d) = (a + \bar{b} + c + \bar{d}) \cdot (a + \bar{b} + \bar{c} + d) \cdot (a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + b + \bar{c} + d) \cdot (\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + \bar{b} + c + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + \bar{b} + \bar{c} + d) \cdot (\bar{a} + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d})$$

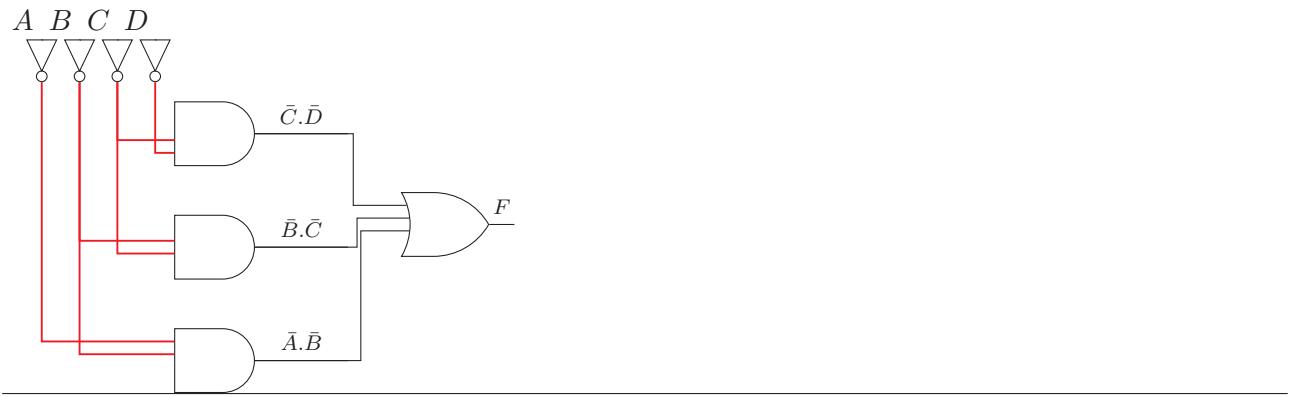
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	1	1	1	1
	01	1	0	0	0
	11	1	0	0	0
	10	1	1	0	0

### Karnough map

Simplified Sum of products:  $\bar{a}.\bar{b} + \bar{b}.\bar{c} + \bar{c}.\bar{d}$

Simplified Product of sums:  $(\bar{a} + \bar{c}).(\bar{b} + \bar{c}).(\bar{b} + \bar{d})$

### Function Logigram



**Chapter 8**

**Exams**

**امتحانات**

## 8.1 Exams

### 8.1.1 Subject n°1

#### Note

يجب تبرير الإجابات وتوضيح الطريقة قدر الإمكان

#### 01 Exercise 1 (7 pts):

- 1 Prove using the algebraic properties that

برهن ما يأتي باستعمال خواص الجبر البوليني

$$(a + b)(\bar{a} + c) = ac + \bar{a}b$$

- 2 What is the interval that can be represented on 20 bits in 2's complement.

ما المجال الذي يمكن تمثيله على 20 بت بالمتتم إلى 2

- 3 Represent 2's complement on 17 bits

مثل في المتتم إلى 2 على 17 بت

$$(-062F)_{16} = (\text{_____})_{ca2}$$

$$(-6372)_8 = (\text{_____})_{ca2}$$

- 4 Cite the differences between ASCII code and Unicode

اذكر الفروق بين ترميز الأسكندري واليونيكود

- 5 Give full ASCII name

أعط العبارة الكاملة للاختصار أسكى

- 6 If X is represented in gray code as 0101 0010 1110 give the next four numbers of X

اتف إذا كان العدد X ممثلا في ترميز غرافي بـ 0101 0010 1110 أعط التمثيل في كود غرافي للأعداد الأربع التي تليه

#### 02 Exercise 2: (02 pts)

- 1 Calculate in base 12 the following operations

أحسب العمليات الآتية في الأساس 12

- $56A + 152$
- $562 - 16A$

#### 03 Exercise 3 : (05 pts)

- 1 Convert into binary 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- 2 Decode the following floating point numbers under the IEEE-754-32bits standard

فك ترميز الأعداد الآتية الممثلة في الفاصلة العائمة حسب معيار IEEE-754-32 بت

- 1100 0100 0101 0000 0000 0000 0000
- 1100 0101 0101 0000 0000 0000 0000
- 0100 0100 1101 0000 0000 0000 0000
- 0100 0110 0101 0000 0000 0000 0000

#### 04 Exercise 4. (06 pts)

1 Study the following function

$f(A, B, C, D) = 1$  if the number  $(ABCD)_2$  is even and A is different from C.

C إذا كان العدد  $(ABCD)_2$  زوجي و A مختلف عن C

- Truth table
- Canonical forms
- Karnaugh map
- Simplified function logigram

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية

خريط كارنو

خريط منطقي للدالة المبسطة

#### 8.1.2 Subject n°2

#### 05 Exercise 1. (5 pts)

1 Choose the correct answer with justification

اختر الإجابة الصحيحة مع التعليل

(كل إجابة دون تعليل لا تحسب)

- $(B6C9)_{16}$ .
  - $(1011011011001001)_2$
  - $(1010011011001001)_2$
  - $(101011011001001)_2$
- $x.z + \bar{x}.y + y.z$  :
  - not simplified
  - $x.z + \bar{x}.y$
  - $x.z + y.z$
- $(1453)_{10}$  :
  - $(10100010100011)_{BCD}$
  - $(0001010001010011)_{BCD}$
  - $(101101011001)_{BCD}$
- If  $x = (1110111)$  in Gray code, then  $x - 1 =$ 
  - $(1110110)$
  - $(1110101)$
  - $(1110100)$
- 16-bit 2's complement spans the range
  - $[-32768 ; +32767]$
  - $[-32767 ; +32767]$
  - $[0 ; +65535]$

#### 06 Exercise 2. (2 pts)

1 Code your first name in Arabic in Unicode, (if your name is very long, code the first 10 letters)

رُمْز اسمك بالعربية باليونيكود (إذا كان اسمك طويلا، رُمْز الحروف العشرة الأولى فقط)

07 Exercise 3. (2 pts)

1 Calculate in base 8:  $756 + 122$

2 Calculate in base 16.

- $756 + 122$
- $AB20 - 1CD1$

08 Exercise 4. (5 pts)

1 Convert the following numbers to binary (show method) (بين الطريقة)

- a.  $(-0.016)_8$
- b.  $(+7,8)_{16}$

2 Consider the ALG-20 standard of the 20-bit floating point representation

- Sign on 1 bit
- Exponent in 2's complement on 6 bits
- Pseudo mantissa on 13 bits

ليكن المعيار 20 ALG- تمثيل الأعداد الحقيقة بالفاصلة العائمة على 20 بت :

- بت واحد للإشارة
- أس بالتمم إلى 2 على 6 بت
- شبه قسم عشري على 13 بت

3 مثل العدد  $-0.016_8$  حسب المعيار ALG-20

4 فك تمثيل العدد المكتوب حسب المعيار ALG-20  
1000 1011 1100 0000 0000

09 Exercise 5. (6 pts)

1 Study the following function

ادرس الدالة الآتية

$$F(A, B, C, D) = 1 \text{ if } A \geq C \text{ and } B \leq D.$$

- Truth table
- Canonical forms
- Karnaugh map
- Simplified function logigram

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية

مخطط كارنو

مخطط منطقي للدالة المبسطة

**Chapter 9**

**Exam Solutions**

**حلول الامتحانات**

## 9.1 Exam solutions

### 9.1.1 Solution of subject n°1

#### 01 Exercise 1. (7 pts):

برهن ما يأتي باستخدام خواص الجبر البولياني

1 Prove using the algebraic properties that

$$(a + b)(\bar{a} + c) = ac + \bar{a}b$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Demonstration} \\ (a + b)(\bar{a} + c) = a\bar{a} + ac + \bar{a}b + bc \\ = 0 + ac + \bar{a}b + bc \\ = ac + \bar{a}b + bc(a + \bar{a}) \\ = ac + abc + \bar{a}b + \bar{a}bc \\ = ac(1 + b) + \bar{a}b(1 + c) \\ = ac + \bar{a}b \end{array} \right.$$

■

2 What is the interval that can be represented on 20 bits in 2's complement.

ما المجال الذي يمكن تمثيله على 20 بت بالتمم إلى 2

$$[-2^{20}; 2^{20} - 1]$$

3 Represent 2's complement on 17 bits

مثل في التمم إلى 2 على 17 بت

$$\begin{aligned} \text{a. } (-062F)_{16} &= (\underline{\hspace{2cm}})_{c2} \\ (-062F)_{16} &= (1\ 0000\ 0110\ 0010\ 1111)_{av} \\ &= (1\ 1111\ 1001\ 1101\ 0000)_{c1} \\ &= (1\ 1111\ 1001\ 1101\ 0001)_{c2} \\ \\ \text{b. } (-6372)_8 &= (\underline{\hspace{2cm}})_{c2} \\ (-6372)_8 &= (1\ 110\ 011\ 111\ 010)_{av} \\ &= (1\ 001\ 100\ 000\ 101)_{c1} \\ &= (1\ 001\ 100\ 000\ 110)_{c2} \end{aligned}$$

4 Cite the differences between ASCII code and Unicode

اذكر الفروق بين ترميز الأسكنري واليونيكود

ASCII	Unicode
English 8 bits	multilingual 16 bits

5 Give full ASCII name

أعط العبارة الكاملة للاختصار أسكى

ASCII : American Standard Code for Information Interexchange

6 If X is represented in gray code as 0101 0010 1110 give the next four numbers of X

اتف إذا كان العدد X مثلاً في ترميز غرائي بـ 0101 0010 1110 أعط التمثيل في كود غرائي للأعداد الأربع التي تليه

- $x = 0101\ 0010\ 1110$
- $x + 1 = 0101\ 0010\ 1111$
- $x + 2 = 0101\ 0010\ 1101$
- $x + 3 = 0101\ 0010\ 1100$
- $x + 4 = 0101\ 0010\ 0100$

### 02 Exercise 2: (02 pts)

1 Calculate in base 12 the following operations

أحسب العمليات الآتية في الأساس 12

- $(56A + 152 = 700)_{12}$  
$$\begin{array}{r} 1 \ 5 \quad 16 \quad A \\ + \quad 1 \quad 5 \quad 2 \\ \hline 7 \quad 0 \quad 0 \end{array}$$
- $(562 - 16A = 3B4)_{12}$  
$$\begin{array}{r} 5 \quad 126 \quad 12 \ 2 \\ - \quad 11 \quad 16 \quad 10A \\ \hline 3 \quad 11B \quad 4 \end{array}$$

### 03 Exercise 3 : (05 pts)

1 Convert into binary 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- $(136)_{10} = (1000\ 1000)_2$
- $(137)_{10} = (1000\ 1001)_2$
- $(138)_{10} = (1000\ 1010)_2$
- $(139)_{10} = (1000\ 1011)_2$

2 Decode the following floating point numbers under the IEEE-754-32 bit standards

فك ترميز الأعداد الآتية الممثلة في الفاصلة العائمة حسب معيار IEEE-754-32 بت

a. 1100 0100 0101 0000 0000 0000 0000 0000

1	100 0100 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	Biased exponent $136-127= 9$	1, 0
-	$1.101 \times 2^{136-127} = 1.101 \times 2^9$	
	-1101 000 000	

b. 1100 0101 0101 0000 0000 0000 0000 0000

1	100 0101 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	Biased exponent $138-127= 11$	1, 0
-	$1.101 \times 2^{11}$	1, 0
	-1101 0000 0000	

c. 0100 0100 1101 0000 0000 0000 0000 0000

0	100 0100 1	000 0000 0000 0000 0000 0000
+	Biased exponent $137-127= 10$	1, 0
+	$1.101 \times 2^{10}$	
	+110 1000 0000	

d. 0100 0110 0101 0000 0000 0000 0000 0000 =  $+1 0 \times 2^{13} = (+8192)_{10}$

### 04 Exercise 4

**1** Study the following function

$f(A, B, C, D) = 1$  if the number  $(ABCD)_2$  is even and A is different from C.

C إذا كان العدد زوجي و A مختلف عن C  $f(A, B, C, D) = 1$

$$f(a, b, c, d) = [2, 6, 8, 12]$$

$$f(a, b, c, d) = \sum [2, 6, 8, 12]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	0
10	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	0

$$\text{Sum of products } f(a, b, c, d) = \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.b.c.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.b.\bar{c}.\bar{d}$$

$$\text{Product of sums } f(a, b, c, d) = (a+b+c+d).(a+b+c+\bar{d}).(a+b+\bar{c}+\bar{d}).(a+\bar{b}+c+d).(a+\bar{b}+c+\bar{d}).(a+\bar{b}+\bar{c}+d).(\bar{a}+b+c+\bar{d}).(\bar{a}+b+\bar{c}+d).(\bar{a}+b+\bar{c}+\bar{d}).(\bar{a}+\bar{b}+c+\bar{d}).(\bar{a}+\bar{b}+\bar{c}+d).(\bar{a}+\bar{b}+\bar{c}+\bar{d})$$

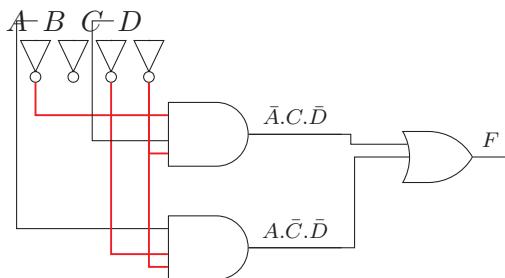
		cd				
		00	01	11	10	
ab		00	0	0	0	1
		01	0	0	0	1
		11	1	0	0	0
		10	1	0	0	0

### Karnough map

$$\text{Simplified Sum of products: } a.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.c.\bar{d}$$

$$\text{Simplified Product of sums: } (\bar{d}).(a+c).(\bar{a}+\bar{c})$$

### Function Logigram



### 9.1.2 Solution of subject n°2

#### 05 Exercise 1. (5 pts)

1 Choose the correct answer with justification

اختر الإجابة الصحيحة مع التعليل  
(كل إجابة دون تعليل لا تحسب)

- $(B6C9)_{16}$  = response A.  $(1\ 011\ 011\ 011\ 001\ 001)_2$
- $x.z + \bar{x}.y + y.z$  : response B.  $x.z + \bar{x}.y$
- $(1453)_{10}$  : response B.  $(0001\ 0100\ 0101\ 0011)_{BCD}$
- If  $x = (111\ 0\ 111)$  in Gray code, then  $x - 1 =$  response B.  $(111\ 0\ 101)$
- 16-bit 2's complement spans the range: response A.  $[-32768 ; +32767]$

#### 06 Exercise 2. (2 pts)

1 Code your first name in Arabic in Unicode, (if your name is very long, code the first 10 letters)

رّمز اسمك بالعربية باليونيكود (إذا كان اسمك طويلا، رّمز الحروف العشرة الأولى فقط)

ع	ب	د		ا	ل	ق	ا	د	ر
0x639	0x628	0x62f	0x20	0x627	0x644	0x642	0x627	0x62f	0x631

#### 07 Exercise 3. (2 pts)

1 Calculate in base 8:  $756 + 122$

$$\begin{array}{r} 1 & 17 & 15 & 6 \\ + & 1 & 2 & 2 \\ \hline 1 & 1 & 0 & 0 \end{array}$$

2 calculate in base 16.

- $756 + 122$

$$\begin{array}{r} 7 & 5 & 6 \\ + & 1 & 2 & 2 \\ \hline 8 & 7 & 8 \end{array}$$

- $AB20 - 1CD1$

$$\begin{array}{r} A & +^{16}B & +^{16}2 & +^{16}0 \\ - & 1 & 1 & 1 \\ \hline 8 & ^{14}E & 4 & ^{15}F \end{array}$$

08

**Exercise 4. (5 pts)**

1 Convert the following numbers to binary (show method)

(بين الطريقة)

a.  $(-0\ 016)_8$

$$(-0\ 016)_8 = (-0,000\ 001\ 100)_2 \text{ separate into trois bits}$$

b.  $(+7,8)_{16}$

$$(+7,8)_{16} = (0111,1000) \text{ separate into 4 bits}$$

2 Consider the ALG-20 standard of the 20-bit floating point representation

- Sign on 1 bit
- exponent in 2's complement on 6 bits
- Pseudo mantissa on 13 bits

ليكن المعيار 20 ALG لتمثيل الأعداد الحقيقة بالفاصلة العائمة على 20 بت :

- بت واحد للإشارة
- أس بالتمم إلى 2 على 6 بت
- شبه قسم عشري على 13 بت

3 Represent the number  $(0.016)_8$  under the ALG-20 standard ALG-20 حسب المعيار

Represent number  $(0\ 016)_8$

- $(0\ 016)_8 = (-0,000\ 001\ 100)_2$
- $= (-0,000\ 001\ 100)_2 = 1,110 \times 2^{-6}$
- sign0
- exponent in 2's complement over 6 bits  $(-6)_{10} = (-000\ 110)_2 = (111\ 001)_{c1} = (111\ 010)_{c2}$
- pseudo mantissa on 13 bits : 110.
- Representation in FP under Alg-20 norm.  $0 | 111\ 010 | 110\ 000\ 000\ 000\ 0$ .

4 Decode the number written under the ALG-20 standard

فك تمثيل العدد المكتوب حسب المعيار ALG-20

1000 1011 1100 0000 0000

- 1 000 101 1 1100 0000 0000
- sign bit 1  $\Rightarrow -$
- exponent 000 101 = 5
- pseudo mantissa 1 111
- $\Rightarrow -1\ 111 \times 2^5 = -111100 = -60$

09

**Exercise 5. (6 pts)**

1 Study the following function

ادرس الدالة الآتية

$$F(A, B, C, D) = 1 \text{ if } A \geq C \text{ and } B \leq D.$$

(see test solution page 7.3 on page 92)

Chapter 10

Appendices

مَلَاحَقٌ

# ملحق أ

## Appendice A

هذه قائمة من المراجع والموارد المفيدة لطالب السنة الأولى إعلام آلي:

### 10.0.1 Books

#### كتب

- كتاب نبراس: دليل المصطلحات للشعب التقنية (2012 Zerrouki) <http://nibras.sf.net>.
- Ait-Aoudia Samy, Architecture des systèmes informatiques (Français), OPU, 2012, (Aït-Aoudia, 2012).
- Drias-Zerkaoui Habiba Introduction à l'architecture des ordinateurs (Français), OPU, 2003 (Drias-Zerkaoui, 2003).
- M.C. Belaid, Algèbre de Boole et Fonctions Logiques (Français), Pages bleus, 2007 (Belaid, 2007a).
- M.C. Belaid, Circuits Logiques Combinatoires et Séquentiel (Français), Pages bleus, 2007(Belaid, 2007b).
- Souag Nadia, Logique combinatoire : Exercices corrigés (Français)(Souag, 2013),

### 10.0.2 Courses online

#### دورس أونلайн

- Cours Informatique by Taha Zerrouki (Arabic, french, english): <http://infobouirauniv.wordpress.com> (Zerrouki, 2013)
- Cours Structure machine par Hakim Amrouche (Français)<http://amrouche.esi.dz> (Amrouche, 2021)
- TD et Examen par Pr. Amar Balla (Français): <http://balla.esi.dz/> (Balla, 2021)
- <http://www.allaboutcircuits.com/>
- DZuniv Le paradis des étudiants <https://dzuniv.com/>

### 10.0.3 Software

#### برامج وتطبيقات

- تطبيق نبراس: دليل المصطلحات للشعب التقنية <http://nibras.sf.net>.
- Simulation software: Multimedia logic <http://multimedialogic.sourceforge.net/>

## 10.1 Glossary

قائمة المصطلحات، إنجليزي/فرنسي/عربي، تم إعداد المصطلحات بتصريف وفقاً للمصادر الآتية، مع مراعاة مطابقتها للمنهاج الدراسي في الثانوية: ( الدار العربية للعلوم، 1990 )، (المدرسة الوطنية التحضيرية لدراسات مهندس، 2004)، (Zerrouki، 2012)، (Zerrouki، 2013).

### 10.1.1 مرتبة أبجدياً حسب الحرف العربي

Automatic [Automatique]	آلي	Algorithmic [Algorithmique]	الخوارزميات
Initialization [Initialisation]	ابدأء	ASCII [Ascii]	الشفرة الأمريكية القياسية لتبادل المعلومات
Alphabet [Alphabet]	أبجدية	Fixed point [Virgule fixe]	الفاصلة الثابتة
Meeting [Réunion]	الحاد	Float point [Virgule flottante]	الفاصلة العائمة
Retain [Retenir]	احفظ يحفظ	Determining [Déterminant]	المحدد
Inclusion [Inclusion]	احتواء	command [Commande]	أمر - تعليمة، تحكم
Contact details [Coordonnées]	إحداثيات	Realization [Réalisation]	إنجاز
Choice [Choix]	اختيار	Perform [Effectuer]	أنجز ينجذب
Selection [Sélection]	اختيار	Decrease [Diminuer]	أنقص ينقص
Encoder [Encodeur]	أداة الترميز	Optimization [Optimisation]	إيجاد الأمثل
Multiplier [Multiplicateur]	أداة ضرب (رياضيات)	Rest [Reste]	باقي
If [If]	إذا	Modular [Modulaire]	بالتجزئة
If [Si]	إذا كان	Gradually [Au fur et à mesure]	بالتوالي - بالتتابع -
so [Donc]	إذن	بالتناسب	
Transmission [Transmission]	إرسال	Obvious [Evident]	بداهي، واضح
Shift [Déplacement]	إزاحة	Sub-program [Sous-programme]	برنامج فرعى
Base [Base]	أساس، قاعدة	Demonstration [Démonstration]	برهان
Replacement [Remplacement]	استبدال	Label [Etiquette]	بطاقة
Restitution [Restitution]	استرجاع	Dimension [Dimension]	بعد (أبعاد)
Restore [Restituer]	استرجم يسترجع	Dimension [Dimension]	بعد (أبعاد)
Involvement [Implication]	استنزام	Access [Accès]	بلغ، وصول، دخول
Identifier [Identificateur]	اسم مميز (معرف)	Article [Article]	بند
Signal [Signal]	إشارة	Machine structure [Structure machine]	بنية الآلة
Convention [Convention]	اصطلاح	(آليات)	
Lower [Inférieur]	أصغر	Data [Données]	بيانات، معلومات
On the other hand [D'autre part]	إضافة إلى / رد على ذلك/ من جهة أخرى	Influence [Influence]	تأثير
Reset [RAZ (remise à zéro)]	إعادة إلى الصفر (تصفير)	Compilation [Compilation]	تأليف - تصنيف - ترجمة،
Implementation [Mise en œuvre]	إعداد	Divergence [Divergence]	تباعد
Configuration [Configuration]	إعدادات، شكل، مظهر	Permutation [Permutation]	تبديل
Give [Donner]	أعطي يعني	Commutative [Commutatif]	تبديل
Restriction [Restriction]	اقتصر	Series [Série (en série)]	تتابع (على التوالي)
Read [Read]	اقرأ	Compatibility [Compatibilité]	تجانس، تلاؤم
Superior [Supérieur]	أكبر من	Association [Association]	تجمع
Acquire [Acquérir]	اكتسب	Associative [Associatif]	تجمسي
The numbers of significance [Chiffres significatifs]		Update [Mise à jour]	تحديث
الأرقام ذات الدلالة		Editing [Edition]	تحرير، تعديل، نشر
Optimal [Optimal]	الأمثل (الأفضل)	Conversion [Conversion]	تحويل
Algebraic structure [Structure algébrique]	البنية	Assignment [Affectation]	تحصيص
الجبرية		Flow [Flux]	تدفق
		Verification [Vérification]	تدقيق

Recursive [Récursif]	تراجعي	PC Personal Computer [Pc personal computer]
Recurrence [Récursivité]	تراجمة	حاسوب شخصي
Order [Ordre]	ترتيب	Quotient [Quotient]
Modulo (mod) [Modulo (mod)]	ترديد (باقي القسمة)	حاله
Composition [Composition]	تركيب	حد
Designate [Désigne]	تمز ل	حد، طرف
Coding [Codage]	تميز	حرف / رمز (محرف)
Notation [Notation]	تميز	حقل
Growth [Croissance]	توايد	حقيقي
Power supply [Alimentation]	توزيع - تغذية	حل يحل
Record [Record]	تسجيلة	حلقة
Management [Gestion]	تسخير - إدارة	حيز الذاكرة ( سعة الذاكرة )
Statement [Déclaration]	تصريح، إعلان	
Design [Conception]	تصميم - تصوّر	خاص
Application [Application]	تطبيق	خزن يخزن
Expression [Expression]	تعبير، عبارة	خط
Enumeration [Enumération]	تعداد	خطأ
Definition [Définition]	تعريف	خطوة
Comment [Commentaire]	تعليق	خطى
Instruction [Instruction]	تعليمية - أمر	خلية
Fork [Branchement]	تفرع	دارة
Decomposition [Décomposition]	تفكيك	دارة سبيبية
Intersection [Intersection]	تقاطع	دارة منطقية
Equivalence [Equivalence]	تكافؤ	دالة
Symmetrical [Symétrique]	متاظري	دالة الأس
Coordination [Coordination]	تنسيق	دالة جيب
Execution [Exécution]	تنفيذ، إنجاز	درجة
Parallel (in parallel) [Parallèle ( en parallèle )	توازي	دقة يدقق
(على التوازي)		دليل
Directive [Directive]	توجيه (توجيهات)	دوران
Distributive [Distributif]	توزيعي	دورة
Combination [Combinaison]	توقفة	ذاكرة
Combinatorial [Combinatoire]	توفيقية	ذاكرة الوصول العشوائي
Stream [Courant]	تيار	ذاكرة الوصول العشوائي [RAM (random access memory)]
Constant [Constant]	ثابت	ذاكرة القراءة فقط [ROM ( read only memory)]
Secondary [Secondaire]	ثانوي	ذاكرة مركبة [Central memory]
Secondary memory [Mémoire secondaire]	ثانوية	ذو معنى [Significatif]
Byte [Octet]	ثمانية أرقام ثنائية	رأسية ( صدر )
Binary [Binaire]	ثنائي	
Arroy [Array]	جدول	رتبة
Table [Tableau]	جدول	رتبة
Truth table [Table de vérité]	جدول الحقيقة (منطق)	وفي
Root [Racine]	جذر	رقم ثانوي
Square root [Racine carrée]	جذر تربيجي	رمز
Cubic root [Racine cubique]	جذر تكعبي	زامن بزامن
Module [Module]	جزء	زمن
Part [Partie]	جزء	زوج، ثنائية
Addition [Addition]	جمع	زوجي
Device [Dispositif]	جهاز - مكون	ساكن
Computer [Ordinateur]	حاسوب	سالب

Line [Ligne]	سطر	Odd [Impair]	فردي
Capacity [Capacité]	سعة	Assumption [Hypothèse]	فرضية
serie [Chaîne]	سلسلة	Action [Action]	فعل، عملية - عمل
Semiconductor [Semi-conducteur]	شبہ موصل أو شبہ	Effective [Effectif]	فعلي
ناقل	شحنة	Decoding [Décodage]	فك الترميز
Charge [Charge]	شحنة	Concerning [Concernant]	فيما يخص
Condition [Condition]	شرط، قيد	List [Liste]	قائمة
Shape [Forme]	شكل	Reducible [Réductible]	قابل للاختزال
Formal [Formel]	شكلی	Divisible [Divisible]	قابل للقسمة
Object [Objet]	شيء - كائن	Rule [Règle]	قاعدة
Configure [Configurer]	صاغ، أعد	Law [Loi]	قانون
Design [Concevoir]	صمم - تصور	Canonical [Canonique]	قانوني
Industrial [Industriel]	صناعي	Division [Division]	قسمة
TRUE [Vrai]	صواب، حقيقي	Euclidean division [Division euclidienne]	قسمة
Image [Image]	صورة	Flip flop [Bascule]	قلاب - نطاط
Formula [Formule]	صيغة	Writing rules [Règles d'écriture]	قواعد كتابة
Multiplication [Multiplication]	ضرب	Normalized [Normalisée]	قياسی - مواصف
Multiplication [Multiplication]	ضرب (رياضيات)	Value [Valeur]	قيمة
Printer [Imprimante]	طباعة	Maximum [Maximum]	قيمة قصوى
Natural [Naturel]	طبيعي	Block [Bloc]	مكلاة
Subtraction [Soustraction]	طرح	Repeat [Répéter (repeat)]	كرر يكرر
Manner [Manière]	طريقة	Spherical [Sphérique]	كريوي
Method [Méthode]	طريقة	Electric [Electrique]	كهربائي
Way [Façon]	طريقة	Constitute (it constitutes) [Constituer (il constitue)]	كون يكون
Overflow [Débordement]	طفح (فیضان)	For [For]	لكل، من أجل
To treat [Traiter]	عالج يعالج	While [Tant que]	ما دام
High [Haut]	على	Indicator [Indicateur]	مؤشر - قرينة
Operand [Opérande]	عامل (رياضي)	Buffer [Tampon]	مؤقت
Factor [Facteur]	عامل (عوامل)	Direct [Direct]	مبادر
Vector operator [Opérateur vectoriel]	عامل شعاعي	Origin [Origine]	مبداً
Express [Exprimer]	عبر يعبر	Successive [Successif]	متتابع
Number [Nombre]	عدد	Suite [Suite]	متتالية
Integer [Entier]	عدد صحيح	Homogeneous [Homogène]	متجلانس
Integer [Integer]	عدد صحيح	Synchronous? Asynchronous [Synchrone ? Asynchrone]	متزامن؟ غير متزامن
BCD: Binary Coded Decimal [BCD: Binary Coded decimal]	عدد عشرى مرّن في النظام الثنائى	Transitive [Transitif]	متعدّى
Random [Aléatoire]	عشواي	Complement [Complément]	متتم
Random [Random]	عشواي	one's complement [Complément à un]	متتم - إلى
Organ [Organe]	عضو	الواحد	
Relationship [Relation]	علاقة	Two's complement [Complément Vrai à deux]	متتم
Respectively [Respectivement]	على الترتيب	حقيقي	
Operation [Opération]	عملية	Alternate [Alternée]	متناوب
Column [Colonne]	عمود	Interval [Intervalle]	مجال
Address [Adresse]	عنوان	Sum [Somme]	مجموع
Mean [Signifier]	عن يعنى	Set [Ensemble]	مجموعه
Asynchronous? synchronous [Asynchrone ? synchrone]	غير متزامن؟ متزامن	Got [Obtenu]	محصل عليه
Undetermined [Indéterminé]	غير محدد	Outputs [Sorties]	مخارج
Mouse [Sourie]	فأرة	Buffer [Buffer]	مخزن مؤقت

Buffer [Tampon]	مخزن مؤقت	Sequencer [Séquenceur]	منسق، متتابع
Diagram [Schéma]	مخطط - رسم توضيحي	Boolean [Boolean]	منطقي، بوليانى
Entry [Entrée]	مدخل	Reflexive [Réflexif]	منعكس
Integrated [Intégré]	مدمج	Generator [Générateur]	مولّد
Conjuguate [Conjugué]	مرافق	Characteristic [Caractéristique]	ميزة
Corresponding [Correspondant]	مرافق	Driver [Conducteur]	ناقل، موصل
Peripheral devices [Périphériques]	مرافق، ملحقات	Impulse [Impulsion]	بنبضة
(ج ملحة)		Result [Conséquence]	نتيجة
dependent [Dépendant]	مرتبط	Result [Résultat]	نتيجة
Related [Lié]	مرتبط	Relative [Relatif]	نسبي
Attached [Muni]	مرفق بـ	Relatively [Relativement]	نسبياً
Complex [Complexe]	مركب - معقد	Sequence [Séquence]	نسخ، ستابع
Coder [Codeur]	مُرِزْ (أداة الترميز)	Text [Texte]	نص
Disadvantages [Inconvénients]	مساوية	System [Système]	نظام
Equality [Égalité]	مساواة	Theorem [Théorème]	نظريّة
Stable [Stable]	مستقر	Execute [Exécuter]	نفذ، أنجز
Continuous [Continu]	مستمر	End [End]	نهاية
Level [Niveau]	مستوى	Type [Type]	نوع
Identical [Identique]	مطابق	Species [Espèce]	نوع، فصيلة
Identification [Identification]	مطابقة - تعرف على الموية	And [And]	و (الوصل)
Equation [Equation]	معادلة	Else [Else]	إلا (إذا لم يكن)
Reciprocal [Réciproque]	معاكس	Otherwise [Si non]	إلا (إذا لم يكن)
Microprocessor [Microprocesseur]	معالج مصغر	Exchange unit [Unité d'échange]	وحدة التبادل
Treatment [Traitement]	معالجة	Control unit [Unité de commande]	وحدة التحكم
Coefficient [Coéfficient]	معامل	ALU (arithmetic and logical unit) [UAL ( Unité arithmétique et logique)]	وحدة الحساب والمنطق
Null [Nul]	معدوم	Unique/ unitary [Unique/ unitaire]	وحيد/ واحد
Comparator [Comparateur]	مقارن (أداة مقارنة)	Settings [Paramètres]	وسائل
Comparison [Comparaison]	مقارنة	Functioning [Fonctionnement]	وظيفة (عمل)
Article [Article]	مقال	Function [Fonction]	وظيفة (عملية)
Resistance [Résistance]	مقاومة	Generate [Engendrer]	ولد يولد
Admitted [Admis]	مقبول	Match [Correspondre]	يرافق يراسل
Condensed [Condensé]	مكثف - كثيف	Note [Note]	يرمز له بـ
Note [Remarque]	ملاحظة	Left [Gauche]	يسار
File [Fichier]	ملف	right [Droite]	يمين
Gega [Géga]	مليار	Agree (it is suitable) [Convenir (il convient)]	يُناسب
Mega [Méga]	مليون	Exist [Existe]	يوجد
Graph [Graphe]	منحنى، بيان		

## 10.1.2 مرتبة أبجدياً حسب الحرف اللاتيني

Access [Accès]	بلوغ، وصول، دخول	Check [Vérifier]	دقّ يدقق
Acquire [Acquérir]	اكتسب	Choice [Choix]	اختيار
Action [Action]	فعل، عملية - عمل	Circuit [Circuit]	دارة
Addition [Addition]	جمع	Coder [Codeur]	مرِّ من (أداة الترميز)
Address [Adresse]	عنوان	Coding [Codage]	ترميز
Admitted [Admis]	مقبول	Coefficient [Coéfficient]	معامل
Agree (it is suitable) [Convenir (il convient)]	يُناسب	Column [Colonne]	عمود
Algebraic structure [Structure algébrique]	البنية	Combination [Combinaison]	توقفية
الجبرية		Combinatorial [Combinatoire]	توفيقية
Algorithmic [Algorithmique]	الخوارزميات	command [Commande]	أمر - تعليمة، تحكم
Alphabet [Alphabet]	أبجدية	Comment [Commentaire]	تعليق
Alternate [Alternée]	متناوب	Commutative [Commutatif]	تبديل
ALU (arithmetic and logical unit) [UAL ( Unité arithmétique et logique)]	وحدة الحساب والمنطق	Comparator [Comparateur]	مقارن (أداة مقارنة)
And [And]	و (الوصل)	Comparison [Comparaison]	مقارنة
Application [Application]	تطبيق	Compatibility [Compatibilité]	تجانس، تلاؤم
Arroy [Array]	جدول	Compilation [Compilation]	تأليف - تصنيف - ترجمة،
Article [Article]	بند	Complement [Complément]	متتم
Article [Article]	مقال	Complex [Complexe]	مركب - معقد
ASCII [Ascii]	الشفرة الأمريكية القياسية لتبادل المعلومات	Composition [Composition]	تركيب
Assignment [Affectation]	تحصيص	Computer [Ordinateur]	حاسوب
Association [Association]	تجميع	Concerning [Concernant]	فيما يخص
Associative [Associatif]	تجيبي	Condensed [Condensé]	مكثف - كثيف
Assumption [Hypothèse]	فرضية	Condition [Condition]	شرط، قيد
Asynchronous? synchronous [Asynchrone ? synchrone]	غير متزامن؟ متزامن	Configuration [Configuration]	إعدادات، شكل، مظهر
Attached [Muni]	مرفق بـ	Configure [Configurer]	صاغ، أعدّ
Automatic [Automatique]	آلٰ	Conjugate [Conjugué]	مرافق
Base [Base]	أساس، قاعدة	Constant [Constant]	ثابت
BCD: Binary Coded Decimal [BCD: Binary Coded decimal]	عدد عشرى مرّن في النظام الثنائى	Constitute (it constitutes) [Constituer (il constitue)]	كون يكون
Binary [Binaire]	ثنائى	Contact details [Coordonnées]	إحداثيات
Bit (Binary Digit) [Bit ( binary digit)]	رقم ثنائى	Continuous [Continu]	مستمر
Block [Bloc]	كُلْة	Control unit [Unité de commande]	وحدة التحكم
Boolean [Boolean]	منطقى، بوليانى	Convention [Convention]	اصطلاح
Buffer [Buffer]	مخزن مؤقت	Conversion [Conversion]	تحويل
Buffer [Tampon]	مؤقت	Coordination [Coordination]	تنسيق
Buffer [Tampon]	مخزن مؤقت	Corresponding [Correspondant]	مرافق
Byte [Octet]	ثمانية أرقام ثنائية	Couple [Couple]	زوج، ثنائية
Canonical [Canonique]	قانوني	Cubic root [Racine cubique]	جذر تكعيبى
Capacity [Capacité]	سعة	Cycle [Cycle]	دورة
Case [Cas]	حالة	Data [Données]	بيانات، معطيات
Cell [Cellule]	خلية	Decoding [Décodage]	فك الترميز
Central memory [Mémoire central]	ذاكرة مرّكبة	Decomposition [Décomposition]	تفكيك
Character [Caractère]	حرف / رمز (حرف)	Decrease [Diminuer]	أنقص ينقص
Characteristic [Caractéristique]	ميزة	Definition [Définition]	تعريف
Charge [Charge]	شحنة	Degree [Degré]	درجة

Demonstration [Démonstration]	برهان	Fork [Branchement]	تفرع
dependent [Dépendant]	مرتبط	Formal [Formel]	شكلٌ
Design [Conception]	تصميم - تصوّر	Formula [Formule]	صيغة
Design [Concevoir]	صمم - تصوّر	Function [Fonction]	دالة
Designate [Désigne]	ترمز لـ	Function [Fonction]	وظيفة (عملية)
Determining [Déterminant]	المحدد	Functioning [Fonctionnement]	وظيفة (عمل)
Device [Dispositif]	جهاز - مكوّن	Gega [Géga]	مليار
Diagram [Schéma]	خطيط - رسم توضيحي	Generate [Engendrer]	ولد يولد
Digital [Numérique]	رفي	Generator [Générateur]	مولد
Dimension [Dimension]	بعد (أبعاد)	Give [Donner]	أعطي يعطي
Dimension [Dimension]	بعد (أبعاد)	Got [Obtenu]	محصل عليه
Direct [Direct]	مباشر	Gradually [Au fur et à mesure]	بالتوالي - بالتتابع
Directive [Directive]	توجيه (توجيهات)	بالتناسب	
Disadvantages [Inconvénients]	مساوي	Graph [Graphe]	منحني، بيان
Distributive [Distributif]	توزيعي	Growth [Croissance]	تضاعف
Divergence [Divergence]	تباعد	Header [Entête]	رأسية (صدر)
Divisible [Divisible]	قبل للقسمة	High [Haut]	عالي
Division [Division]	قسمة	Hint [Indice]	دليل
Driver [Conducteur]	ناقل، موصل	Homogeneous [Homogène]	متجانس
Editing [Edition]	تحرير، تعديل، نشر	Identical [Identique]	مطابق
Effective [Effectif]	فعلي	Identification [Identification]	مطابقة - تعرف على الموية
Electric [Electrique]	كهربائي	Identifier [Identificateur]	اسم مميز (معرف)
Else [Else]	إلا (إذا لم يكن)	If [If]	إذا
Encoder [Encodeur]	أدلة الترميز	If [Si]	إذا كان
End [End]	نهائية	Image [Image]	صورة
Entry [Entrée]	مدخل	Implementation [Mise en œuvre]	إعداد
Enumeration [Enumération]	تعداد	Impulse [Impulsion]	نبضة
Equality [Égalité]	مساواة	Inclusion [Inclusion]	احتواء
Equation [Equation]	معادلة	Indicator [Indicateur]	مؤشر - قرينة
Equivalence [Équivalence]	تكافؤ	Industrial [Industriel]	صناعي
Euclidean division [Division euclidienne]	قسمة	Influence [Influence]	تأثير
إقليلية	زوجي	Initialization [Initialisation]	ابداء
Even [Pair]	وحدة التبادل	Instruction [Instruction]	تعليمية - أمر
Exchange unit [Unité d'échange]	نفذ، أنجز	Integer [Entier]	عدد صحيح
Execute [Exécuter]	تنفيذ، إنجاز	Integer [Integer]	عدد صحيح
Execution [Exécution]	يوجد	Integrated [Intégré]	مدرج
Exist [Existe]	دالة الألس	Intersection [Intersection]	تقاطع
Exponential [Exponentiel]	عبر يعبر	Interval [Intervalle]	مجال
Express [Exprimer]	تعبير، عبارة	Involvement [Implication]	استلزم
Expression [Expression]	عامل (عوامل)	Iteration [Itération]	خطوة
Factor [Facteur]	خطأ	Label [Etiquette]	بطاقة
False [Faux]	حقل	Law [Loi]	قانون
Field [Champ]	ملف	Left [Gauche]	يسار
File [Fichier]	الفاصللة الثابتة	Level [Niveau]	مستوى
Fixed point [Virgule fixe]	فلاليب - نطاق	Limit [Borne]	حد، طرف
Flip flop [Bascule]	الفاصللة العائمة	Line [Ligne]	خط
Float point [Virgule flottante]	تدفق	Line [Ligne]	سطر
Flow [Flux]	لكل، من أجل	Linear [Linéaire]	خطي
For [For]		List [Liste]	قائمة
		Logical circuit [Circuit logique]	دارة منطقية

Loop [Boucle]	حلقة	(على التوازي)
Lower [Inférieur]	أصغر	جزء
Machine structure [Structure machine]	بنية الآلة	خاص
(آليات)		
Management [Gestion]	تسخير - إدارة	
Manner [Manière]	طريقة	أنجز ينجز
Match [Correspondre]	يرافق برسائل	مرافق، ملحقات
Maximum [Maximum]	قيمة قصوى	(ج ملحوظة)
Mean [Signifier]	عن يعنى	تبديل
Meeting [Réunion]	الاتحاد	تزويد - تغذية
Mega [Méga]	مليون	طابعة
Memory [Mémoire]	ذاكرة	حاصل القسمة
Memory space [Espace mémoire]	حِيز الذاكرة (سعة الذاكرة)	ذاكرة الوصول العشوائي
Method [Méthode]	طريقة	عشوائي
Microprocessor [Micropuce]	معالج مصغر	عشوائي
Modular [Modulaire]	بالتجزئة	رتبة
Module [Module]	جزء	رتبة
Modulo (mod) [Modulo (mod)]	تردد (باقي القسمة)	اقرأ
Mouse [Sourie]	فأرة	حقيقي
Multiplication [Multiplication]	ضرب	إنجاز
Multiplication [Multiplication]	ضرب (رياضيات)	معاكس
Multiplier [Multiplicateur]	أداة ضرب (رياضيات)	تسجيلة
Natural [Naturel]	طبيعي	تراجعية
Negative [Négatif]	سالب	تراجمي
Normalized [Normalisée]	قياسي - مواصف	قابل للآخرال
Notation [Notation]	تمييز	مععكس
Note [Note]	يرمز له بـ	سجل
Note [Remarque]	ملحوظة	مربط
Null [Nul]	معدوم	علاقة
Number [Nombre]	عدد	نسبي
Object [Objet]	شيء - كائن	نسبياً
Obvious [Evident]	بداهي، واضح	كرد يكرر
Odd [Impair]	فردي	استبدال
On the other hand [D'autre part]	إضافة إلى / رد على ذلك/ من جهة أخرى	إعادة إلى الصفر (تصغير)
one's complement [Complément à un]	متّمم - إلى الواحد	مقاومة
Operand [Opérande]	عامل (رياضي)	على الترتيب
Operation [Opération]	عملية	باقي
Optimal [Optimal]	الأمثل (الأفضل)	استرجاع
Optimization [Optimisation]	إيجاد الأمثل	استرجاع يسترجع
Order [Ordre]	ترتيب	اقتصار
Organ [Organe]	عضو	نتيجة
Origin [Origine]	مبدأ	نتيجة
Otherwise [Si non]	وإلا (إذا لم يكن)	احتفظ يحتفظ
Outputs [Sorties]	مخارج	يمين
Overflow [Débordement]	طفح (فيضان)	ذاكرة قراءة فقط
Parallel (in parallel) [Parallèle (en parallèle)]	توازي	جذر
		دوران
		قاعدة
		ثانوي

Secondary memory [Mémoire secondaire]	ثانوية	Symbol [Symbole]	رمز
Selection [Sélection]	اختيار	Symmetrical [Symétrique]	تناظري
Semiconductor [Semi-conducteur]	شبہ موصل أو شبہ	Synchronize [Synchroniser]	زامن بزمان
ناقل		Synchronous? Asynchronous [Synchrone ? Asynchrone]	متزامن؟ غير متزامن
Sequence [Séquence]	نسق، تتبع	System [Système]	نظام
Sequencer [Séquenceur]	منسق، متابع	Table [Tableau]	جدول
Sequential circuit [Circuit séquentiel]	دارة سلسلية	Term [Terme]	حد
serie [Chaîne]	سلسلة	Text [Texte]	نص
Series [Série (en série)]	تتابع (على التوالي)	The numbers of significance [Chiffres significatifs]	
Set [Ensemble]	مجموعة	الأرقام ذات الدلالة	
Settings [Paramètres]	وسائل	Theorem [Théorème]	نظرية
Shape [Forme]	شكل	Time [Temps]	زمن
Shift [Déplacement]	إزاحة	To treat [Traiter]	عالج يعالج
Signal [Signal]	إشارة	Transitive [Transitif]	متردي
Significant [Significatif]	ذو معنى	Transmission [Transmission]	إرسال
Sinus [Sinus]	دالة جيب	Treatment [Traitement]	معالجة
so [Donc]	إذن	TRUE [Vrai]	صواب، حقيقي
Solve [Résoudre]	حل يحّل	Truth table [Table de vérité]	جدول الحقيقة (منطق)
Species [Espèce]	نوع، فصيلة	Two's complement [Complément Vrai à deux]	متتم
Spherical [Sphérique]	كريوي	Type [Type]	نوع
Square root [Racine carrée]	جذر تربيعى	Undetermined [Indéterminé]	غير محدد
Stable [Stable]	مستقرّ	Unique/ unitary [Unique/ unitaire]	وحيد/ واحدي
Statement [Déclaration]	تصريح، إعلان	Update [Mise à jour]	تحديث
Static [Statique]	ساكن	Value [Valeur]	قيمة
Store [Stocker]	خزن يخزن	Vector operator [Opérateur vectoriel]	عامل شعاعي
Stream [Courant]	تيار	Verification [Vérification]	تدقيق
Sub-program [Sous-programme]	برنامج فرعى	Way [Façon]	طريقة
Subtraction [Soustraction]	طرح	While [Tant que]	ما دام
Successive [Successif]	متتابع	Writing rules [Règles d'écriture]	قواعد كتابة
Suite [Suite]	متالية		
Sum [Somme]	مجموع		
Superior [Supérieur]	أكبر من		

# Bibliography

- Aït-Aoudia, Sami (2012). *Architecture des systèmes informatiques*. OPU (cit. on p. 110).
- Amrouche, Hakim (2021). *Cours Structure machine*. URL: <http://amrouche.esi.dz> (cit. on p. 110).
- Balla, Amar (2021). *Cours Structure machine: TD et Examen*. URL: <http://balla.esi.dz> (cit. on p. 110).
- Béasse, Christophe (2019). *C'est quoi l'ASCII, l'UNICODE, l'UTF-8 ?* URL: <https://www.isnbreizh.fr/nsi/activity/txtBin/index.html> (cit. on p. 21).
- Belaid, Mohamed Cherif (2007a). *Algèbre de Boole et Fonctions Logiques*. Ed. Pages Bleus (cit. on p. 110).
- (2007b). *Circuits Logiques Combinatoires et Séquentiel*. Ed. Pages Bleus (cit. on p. 110).
- Dekeyser, Jean-luc (2010). *Architecture élémentaire*. URL: <https://www.lifl.fr/~dekeyser/> (cit. on p. 20).
- Drias-Zerkaoui, Habiba (2003). *Introduction à l'architecture des ordinateurs*. OPU (cit. on p. 110).
- Kahan, William (1996). “IEEE standard 754 for binary floating-point arithmetic.” In: *Lecture Notes on the Status of IEEE 754.94720-1776*, p. 11 (cit. on p. 18).
- Laplante, Philip A et al. (2017). *Dictionary of computer science, engineering and technology*. CRC Press (cit. on p. 7).
- Lebert, Marie-France (2002). *Le livre 010101*. Je publie (cit. on pp. 20, 21).
- Müller, Didier (2021). *Informatique (presque) débranchée*. URL: <https://www.apprendre-en-ligne.net/infodo/index.html> (cit. on pp. 16, 20, 24, 25, 27).
- Peripheral - Wikipedia (Apr. 2023). <https://en.wikipedia.org/wiki/Peripheral> (cit. on p. 7).
- Souag, Nadia (2013). *Electronique numérique : cours et exercices corrigés*. Office des publications universitaires, Algérie (cit. on p. 110).
- Zerrouki, Taha (2012). *Nibras: Guide des terminologies pour les branches techniques*. Université de Bouira (cit. on pp. 3, 110, 111).
- (2013). *Cours Informatique*. Université de Bouira. URL: <http://infobouirauniv.wordpress.com> (cit. on pp. 3, 110, 111).
- (الدار العربية للعلوم. معجم مصطلحات الحواسيب، إنجليزي عربي، 1990). (الدار العربية للعلوم المدرسة الوطنية التحضيرية لدراسات هندس. دليل المصطلحات. (2004) المدرسة الوطنية التحضيرية لدراسات هندس 111).