

Examen d'algorithmique et structures de données
(Durée 1H45)

Exercice 1 (5 points):

Soit la procédure PA suivante :

Procédure PA (Val CH : chaîne de caractères, Ref A : ABR)
Variables
 I, N: Entier
Début
 N ← Taille(CH) {le Nombre de caractères de la chaîne CH}
Pour I ← 1 **Jusqu'à** N **Faire**
 InsererABR(CH[I], A)
FPour
Fin
FinFonction

Soit AB un arbre binaire de recherche de caractères. Dessinez l'arbre AB après l'exécution de chacune des instructions (I1, I2, I3 et I4) de l'algorithme suivant:

Début
 AB ← Nil(I1)
 PA("EXAMENASDLMD",AB).....(I2)
 SupprimerABR('E',AB).....(I3)
 SupprimerABR('X',AB).....(I4)
Fin

Exercice 2 (7 points)

Soit Tab un tableau de N entiers trié en ordre croissant. *TabTrié*

1. Ecrivez une fonction récursive efficace **TestExist** qui teste l'existence d'une valeur donnée X dans Tab.
2. Ecrivez une procédure récursive efficace **AjouterTab** qui permet d'ajouter une valeur X dans Tab de telle sorte que Tab reste toujours un tableau trié. On suppose que la valeur de N est inférieure à la taille maximale du tableau Tab.
3. Exprimez les complexités temporelles asymptotiques de la fonction **TestExist** et de la procédure **AjouterTab** sous forme d'équations de récurrences.

N.B : Pour les questions 1 et 2 écrivez la meilleure solution possible.

Exercice 3 (8 points)

1. On se donne le graphe orienté G sur l'ensemble de sommets $S = \{A, B, C, D, K, L, M, N, P\}$ dont la matrice d'adjacence est donnée ci-dessous:

	A	B	C	D	K	L	M	N	P
A	0	0	0	1	0	0	0	0	0
B	0	0	0	1	0	0	0	0	0
C	1	0	0	0	0	0	0	0	0
D	1	1	0	0	0	0	0	0	0
K	0	0	0	0	0	0	1	1	0
L	0	0	0	0	0	0	0	1	0
M	0	0	0	0	0	1	0	1	0
N	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P	0	0	0	0	0	1	0	1	0

Représentez le résultat du parcours en profondeur du graphe G , à partir du sommet N , sous forme d'une arborescence ou d'une forêt.

2. On considère le cas des graphes orientés, simples, non valués d'ordre N . On considère l'implémentation avec matrice d'adjacence suivante:

Const $N=100$

Type

Sommet= Enregistrements

Valeur : caractère

Indice : entier

Marque : booléen

Père : entier

FinEnregistrement

Graphe = Enregistrements

Sommets : Tableau $[1..N]$ de Sommet

MAdj : Tableau $[1..N, 1..N]$ d'entiers

FinEnregistrement

Ecrivez une fonction qui calcule le nombre cyclomatique d'un graphe G . Le nombre cyclomatique $\mu(G)$ pour un graphe G d'ordre n avec m arcs et p composantes connexes est $\mu(G) = m - n + p$.

Bonne chance.

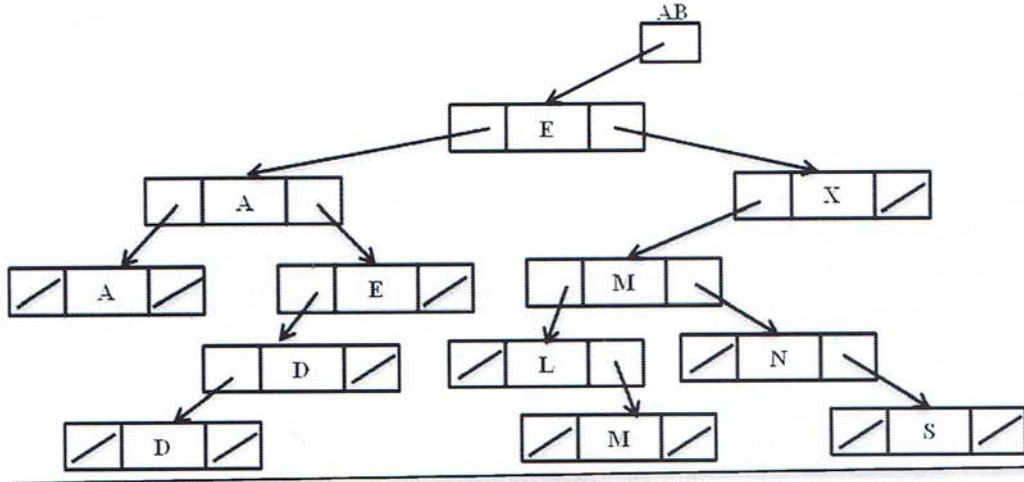
Correction de l'Examen d'algorithmique et structures de données

Exercice 1 (5 points):

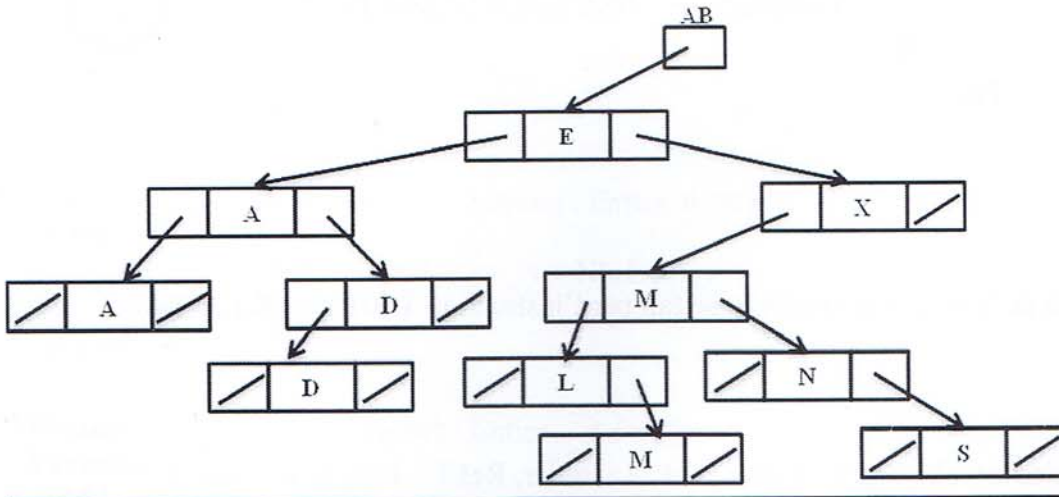
I1: (0.5 pt)



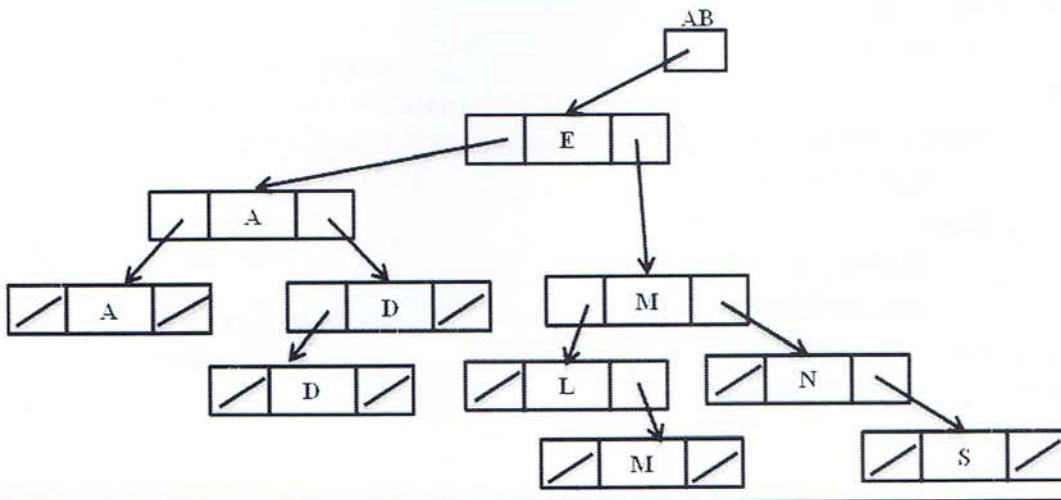
I2: (3 pts)



I3: (0.75 pt)



I4: (0.75 pt)



Exercice 2 (7 points):

1. 2.5 pts

Fonction TestExist (Val X : Entier, Val ID : Entier, Val IF : Entier,
Val T : Tableau d'entiers) : Booléen

Variables

M : entier

Début

Si (ID > IF) Alors

TestExist ← Faux

Sinon

M ← ID + IF Div 2

Si (X = T[M]) Alors

TestExist ← Vrai

Sinon

Si (X > T[M]) Alors

TestExist ← TestExist(X,M+1,IF,T)

Sinon

TestExist ← TestExist(X,ID,M-1,T)

Fsi

Fsi

Fsi

Fin

FinFonction

Le premier appel de la fonction TestExist se fait par l'instruction **TestExist(X,1,N,Tab)**.

2. 2.5 Pts

Procédure AjouterTab (Val X : Entier, Val IF : Entier, Ref T : Tableau d'entiers)

Début

Si (IF = 0) Alors

T[1] ← X

Sinon

Si (X ≥ T[IF]) Alors

T[IF+1] ← X

Sinon

T[IF+1] ← T[IF]

AjouterTab(X,IF-1,T)

Fsi

Fsi

Fin

FinFonction

Le premier appel de la fonction AjouterTab se fait par l'instruction **AjouterTab(X,N,Tab)**.

Pts

- Complexité temporelle de la fonction TestExist: 1 Pts

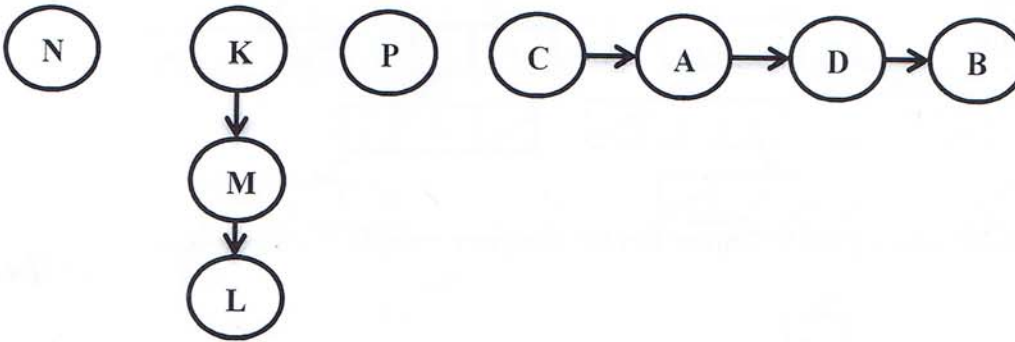
$$T(N) = \begin{cases} \theta(1) & \text{Si } ID > IF \text{ ou } T[M] = X \\ T(N/2) + \theta(1) & \text{Sinon} \end{cases}$$

- Complexité temporelle de la fonction AjouterTab: 1 Pts

$$T(N) = \begin{cases} \theta(1) & \text{Si } N = 0 \text{ ou } X \geq T[IF] \\ T(N-1) + \theta(1) & \text{sinon} \end{cases}$$

Exercice 3 (8 points):

1. 2 pts



2. 6 pts

Fonction NbrCyclomatique (Val G : Graphe) : Entier 0.75 pts

Début

NbrCyclomatique ← Taille(G) - N + NbrCC(G)

Fin

FinFonction

Fonction Taille (Val G : Graphe) : Entier 1.50 Pts

Variables

C, I, J : Entier

Début

C ← 0

Pour I ← 1 à N **Faire**

Pour J ← 1 à N **Faire**

Si G.Madj[I, J] = 1 **Alors**

C ← C + 1

Fsi

Finpour

Finpour

Taille ← C

Fin

FinFonction

Fonction NbrCC (Ref G : Graphe) : Entier **1.75 Pts**

Variables

NCC, I : Entier

Début

NCC \leftarrow 0

Pour I \leftarrow 1 à N **Faire**

G.Sommets[I].Marque \leftarrow Faux

Finpour

Pour I \leftarrow 1 à N **Faire**

Si G.Sommets[I].Marque = Faux **Alors**

NCC \leftarrow NCC + 1

CompConnexe(I, G)

Fsi

Finpour

NbrCC \leftarrow NCC

Fin

FinFonction

Procédure CompConnexe (Val I : Entier, Ref G : Graphe) **2 pts**

Variables

J : Entier

Début

G.Sommets[I].Marque \leftarrow Vrai

Pour J \leftarrow 1 à N **Faire**

Si (G.Madj[I, J] = 1) **ou** (G.Madj[J, I] = 1) **Alors**

Si G.Sommets[J].Marque = Faux **Alors**

CompConnexe (J, G)

Fsi

Fsi

Finpour

Fin

FinProcédure