



## Epreuve de Moyenne Durée – sujet 1

le 26/11/2020 – Durée 1h 30mn – documents non autorisés

### EXERCICE 1 : (6 pts)

I) Soit  $L = \{ a^n \cdot b^m / n, m \geq 0 \}$ . Montrer, à l'aide des trois méthodes suivantes, que  $L$  est régulier :

I-1) en trouvant une grammaire régulière qui le génère ; (1,5 pts)

I-2) en trouvant un automate d'états finis qui l'accepte ; (1,5 pts)

I-3) en utilisant le théorème de Nerode. (1,5 pt)

II) En utilisant le lemme de pompage, montrer que  $\mathcal{L} = \{ a^n \cdot b^n / n \geq 0 \}$  n'est pas régulier. (1,5 pts)

### EXERCICE 2 : (7 pts)

I) Trouver :

I-1) une grammaire de type 3 pour  $L_1 = \{ w \in \{a, b\}^* / |w| \text{ multiple de } 3 \text{ et } |w|_b = 1 \}$  ; (1,5 pts)

I-2) une grammaire de type 2 pour  $L_2 = \text{ensemble des suites-palindromes sur } \{a, b\}^*$ , où les palindromes, de longueurs  $\neq 0$ , sont séparés par '#', exemple :  $aba\#baab\#bab\#a \in L_2$  ; (1,5 pts)

I-3) une grammaire de type 1 pour  $L_3 = \{ w \cdot b^{2^{|w|}} / w \in \{a, b\}^* \}$ . (1,5 pts)

II) Construire un automate d'états finis simple pour le langage  $L_1$  de I-1). (1,5 pts)

III) Trouver une expression régulière qui dénote le langage  $L_1$  de I-1). (1 pt)

### EXERCICE 3 : (7 pts)

Soit  $B$  l'automate d'états finis généralisé défini par :  $\langle V^*, S, F, S_0, I \rangle$  ; où :

$V = \{a, b, c\}$ ,  $S = \{S_0, S_1, S_2, S_3\}$ ,  $F = \{S_3\}$  et  $I = \{(c, S_0, S_2), (c, S_0, S_0), (\epsilon, S_0, S_1), (b, S_2, S_1), (a, S_1, S_3), (ab, S_1, S_1), (a, S_3, S_3)\}$ .

1) Dessiner le graphe représentant l'automate  $B$ . (2 pts)

2) Donner l'automate simple  $B_s$  équivalent à  $B$ . (2 pts)

3) Construire l'automate déterministe  $B_d$  équivalent à  $B_s$ . (1,5 pts)

4) Construire l'automate qui accepte le complémentaire de  $L(B_d)$ . (1,5 pts)

**Bon courage !**



## Epreuve de Moyenne Durée – sujet 2

le 26/11/2020 – Durée 1h 30mn – documents non autorisés

### EXERCICE 1 : (6 pts)

I) Soit  $L = \{ a^n.b.c^m / n, m \geq 0 \}$ . Montrer, à l'aide des trois méthodes suivantes, que  $L$  est régulier :

I-1) en trouvant une grammaire régulière qui le génère ; (1,5 pts)

I-2) en trouvant un automate d'états finis qui l'accepte ; (1,5 pts)

I-3) en utilisant le théorème de Nerode. (1,5 pts)

II) En utilisant le lemme de pompage, montrer que  $\mathcal{L} = \{ a^n.b.c^{2^n} / n \geq 0 \}$  n'est pas régulier. (1,5 pts)

### EXERCICE 2 : (7 pts)

I) Trouver :

I-1) une grammaire de type 3 pour  $L_1 = \{ w \in \{a, b\}^* / |w|_a \text{ multiple de } 3 \text{ et } |w|_b = 1 \}$  ; (1,5 pts)

I-2) une grammaire de type 2 pour  $L_2 =$  ensemble des suites de mots de la forme  $a^n.b^n$ ,  $n \geq 1$ , séparés par des '#', exemple :  $aabb#ab\#aaabbb \in L_2$  ; (1,5 pts)

I-3) une grammaire de type 1 pour  $L_3 = \{ a^{n.2^n} / n \geq 0 \}$ . (1,5 pts)

II) Construire un automate d'états finis simple pour le langage  $L_1$  de I-1). (1,5 pts)

III) Trouver une expression régulière qui dénote le langage  $L_1$  de I-1). (1 pt)

### EXERCICE 3 : (7 pts)

Soit  $A$  l'automate d'états finis généralisé défini par :  $\langle V^*, S, F, S_0, I \rangle$  ; où :

$V = \{a, b, c\}$ ,  $S = \{S_0, S_1, S_2, S_3\}$ ,  $F = \{S_1, S_3\}$  et  $I = \{(a, S_0, S_0), (a, S_0, S_1), (\epsilon, S_1, S_3), (ba, S_1, S_1), (b, S_1, S_2), (c, S_2, S_3), (c, S_3, S_3)\}$ .

1) Dessiner le graphe représentant l'automate  $A$ . (2 pts)

2) Donner l'automate simple  $A_s$  équivalent à  $A$ . (2 pts)

3) Construire l'automate déterministe  $A_d$  équivalent à  $A_s$ . (1,5 pts)

4) Construire l'automate qui accepte le complémentaire de  $L(A_d)$ . (1,5 pts)

**Bon courage !**