

امتحان في الاحتمالات و الإحصاء:تمرين 1:

عند مراقبة الوصول إلى مقر العمل لمجموعة من العمال (100 عامل) في إحدى المؤسسات تم الحصول على المعلومات التالية: (الوحدة: الدقيقة)

توزيع مجموعة من 100 عامل حسب زمن تأخرهم عن العمل

زمن التأخر]10- 5]]15 - 10]]20 - 15]]30 - 20]]40 - 30]]45 - 40]
عدد العمال	10	18	40	20	8	4

المطلوب:

1- حدد المجتمع الإحصائي، الوحدة الإحصائية، المتغير الإحصائي المدروس ونوعه لهذا التوزيع؟

2- مثل هذه المعطيات ببيانيا.

3- أحسب كلا من: المتوسط الحسابي، الوسيط والمنوال؟ من التعليق؟

4- أحسب كلا من: المدى، المدى الربيعي؟ مع الشرح؟

5- أثبت أن $V(X) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^k n_i (x_i)^2 - \bar{x}^2$ واستنتج أن $S(X) = \sqrt{M_Q^2 - \bar{x}^2}$

حيث M_Q هو المتوسط التربيعي للمتغير X .

6- إذا علمت أن: المتوسط التربيعي لزمن التأخر يساوي 21,25 دقيقة، أحسب التباين والانحراف المعياري؟

7- نفرض أن زمن التأخر المتوسط في مؤسسة ثانية يقدر ب 17,75 دقيقة وأن الانحراف المعياري يساوي 4 دقائق، قارن مستوى التأخر والتشتت في المؤسستين، ما هي القراءة الإحصائية لذلك؟

تمرين 2:

I- ليكن $(\Omega, \mathcal{A}, \mathbb{P})$ فضاء احتمالي وليكن الحدثين A و $B \in \mathcal{A}$.

برهن أن: $\mathbb{P}(A \cap \bar{B}) = \mathbb{P}(A) - \mathbb{P}(A \cap B)$

$\mathbb{P}(A \Delta B) = \mathbb{P}(A) + \mathbb{P}(B) - 2\mathbb{P}(A \cap B)$

II - يتكون مجلس إدارة من 11 عضو من بينهم 5 رجال و 6 نساء.

- بكم طريقة يمكن اختيار 3 أشخاص لشغل المناصب التالية: الرئيس، النائب، الكاتب.

* نريد تشكيل لجنة من 4 أشخاص:

1- بكم طريقة يمكن تشكيلها؟

2- ما هو عدد اللجان التي يمكن تكوينها بحيث تحتوي على 2 نساء و 2 رجال؟

3- ما هو احتمال أن تحتوي اللجنة على امرأة على الأقل؟

4- ما هو احتمال أن تحتوي اللجنة على رجل على الأكثر؟