

EXAMEN DE RATTRAPAGE (1h30)
Le 09/03/2013

Exercice 1 :

On définit le mouvement d'un point M par les équations temporelles suivantes :

$$x = \cos t$$

$$y = \cos 2t$$

$$\theta = \omega t$$

1. Déterminer l'équation de la trajectoire puis représenter la.
2. Déterminer le vecteur vitesse.
3. Déterminer le vecteur accélération. En déduire son expression en fonction de x et y.
4. Déterminer les composantes tangentielle et normale de l'accélération. En déduire le rayon de courbure.

Exercice 2 :

On considère deux référentiels plans $R(o,x,y)$ et $R'(o,x',y')$. R' tourne autour d'un axe (oz) perpendiculaire au plan avec une vitesse angulaire constante ω . Un point M se déplace sur l'axe (ox') selon l'équation temporelle suivante :

$$OM = \rho(t) = (\rho_0 \cos \omega t)$$

1. Déterminer en fonction de ρ_0 et ω le vecteur vitesse de M dans R' et aussi le vecteur vitesse d'entraînement.
2. Déduire le module du vecteur $\vec{v}(M) |_{R}$ et l'angle entre ce vecteur et le vecteur \vec{OM} .
3. Déterminer les vecteurs accélérations relative, d'entraînement, de Coriolis et absolue.

Exercice 3 :

Soit la figure ci-dessous. Une masse m peut glisser à l'intérieur de la trajectoire circulaire sans frottement avec une vitesse initiale v_0 au point B.

1. Déterminer la vitesse v ainsi que la réaction du cercle sur la masse m en fonction de v_0 et θ .
2. Déterminer la valeur minimale de la vitesse initiale v_0 pour que la masse m puisse arriver au point C

